

# تصنيف الزوايا

## السؤال الأساسي

كيف ساعدتنا المهندسة على وصف الأشياء في حياتنا؟

## المفردات

### المفردات

vertex

زاوية قائمة right angle

زاوية حادة acute angle

زاوية منفرجة obtuse angle

زاوية مستقيمة straight angle

الزوايا المتقابلة بالرأس vertical angles

تطابق congruent

الزوايا المجاورة adjacent angles

الرموز الرياضية



### الممارسات الرياضية

1, 3, 4, 7

تشكل الزاوية من شعاعين يتشاركان في نقطة نهاية واحدة. والرأس هو النقطة التي ينلقي فيها الشعاعان.

أكمل الجدول برسم عقارب ساعة لتمثيل كل زاوية.

نوع الزاوية			
مستقيمة	منفرجة	حادة	قائمة
$180^\circ$ بالضبط	أكبر من $90^\circ$	أقل من $90^\circ$	$90^\circ$ بالضبط

## الربط بالحياة اليومية



الزاوية المتشكلة بواسطة منحدر الدراجات موضحة أدناه.

1. ما نوع الزاوية المكونة؟

حادة

2. أوجد قياس الزاوية.

$20^\circ$



م. ما الممارسات الرياضية التي استخدمتها؟

ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- ⑤ استخدام أدوات الرياضيات
- ⑥ مراعاة الدقة
- ⑦ الاستفادة من البنية
- ⑧ استخدام الاستنتاج المتكرر
- ① المتابرة في حل المسائل
- ② التفكير بطريقة تجريبية
- ③ بناء فرضية
- ④ استخدام نماذج الرياضيات

## تسمية الزوايا وتحديداتها

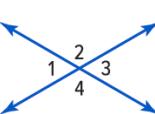
### المفهوم الأساسي

الرموز

$\angle 1 \cong \angle 3$

$\angle 2 \cong \angle 4$

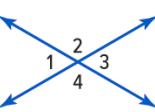
النهاج



الكلمات

تكون الزاويتان **متواليتين بالرأس** إذا كانتا زاويتين متقابلتين متشكلتين عبر تقاطع مستقيمين. والزاوية المترافقية **متطابقة** أو لها نفس القياس.

أزواج الزوايا المجاورة

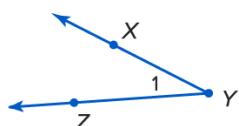
هي  $\angle 1$  و  $\angle 2$ ..  $\angle 3$  و  $\angle 2$ .  $\angle 4$  و  $\angle 3$ .  $\angle 1$  و  $\angle 4$ 

تكون الزاويتان **مجاورة** إذا تشاركتا في رأس وضلعاً ولم تتدخلا.

يمكنك تسمية زاوية بواسطة رأسها ونقاطها.

 $\triangle ABC$  $\angle B$ 

مثال



$\angle 1$

$\angle 2$

$\angle XYZ$

$\angle ZXY$

بما أن الزاوية أقل من  $90^\circ$ . إذا فهي زاوية حادة.

1. سُمّيَت زاوية الموضحة على اليسار.  
ثم حدد ما إذا كانت زاوية حادة أم قائمة  
أم منفرجة أم مستقيمة.

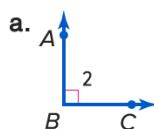
- استخدم الرأس باعتباره الحرف الأوسط  
ونقطة من كل ضلع.  $\angle XYZ$  أو  $\angle ZYX$ .

 $\angle Y$ 

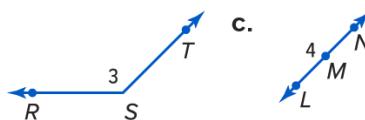
- استخدم الرأس فقط.  $\angle 1$ .

**تأكد من فهمك** أوجد حلولاً للمسائل التالية لتأكد أنك فهمت.

سُمّيَ كل زاوية بأربع طرق. ثم حدد ما إذا كانت كل زاوية زاوية حادة أم قائمة أم منفرجة أم مستقيمة.



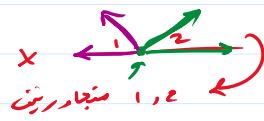
b.



c.



### منطقة العمل



**الرموز**  
رمز الزاوية هو  $\angle$ . والرمز  $\cong$   
معناه متطابق مع.

**احمد محمد سعيد ابراهيم**

**احمد حسونة ابراهيم**

a. \_\_\_\_\_

b. \_\_\_\_\_

c. \_\_\_\_\_

## مثال



2. حدد زوجاً من الزوايا المتقابلة بالرأس والزوايا المجاورة في الرسم التخطيطي على اليسار. بور إجابتكم.

بما أن  $\angle 2$  و  $\angle 4$  هما زاويتان متقابلتان متجلتان عن طريق تقاطع مستقيمين. إذاً فهما زاويتان متقابلتان بالرأس.

بما أن  $\angle 1$  و  $\angle 2$  شتركان في ضلع ورأس. ولا تتدالان. إذاً فهما زاويتان متجلتان.

**تأكد من فهمك** أوجد حلًّا للمسألة التالية لتأكد أنك فهمت.

d. \_\_\_\_\_

ارجع إلى الرسم التخطيطي في المثال 2. حدد زوجاً مختلفاً من الزوايا المتقابلة بالرأس والزوايا المجاورة. بور إجابتكم.

## أوجد القياس المفقود

يمكنك استخدام ما تعلمته بشأن الزوايا المتقابلة بالرأس والزوايا المجاورة لإيجاد قيمة قياس مفقود.

## مثال

3. ما قيمة  $x$  في الشكل؟

الزاوية المسماة  $2x + 2^\circ$  والزاوية المسماة  $130^\circ$  هما زاويتان متقابلتان بالرأس.

بما أن الزوايا متقابلة بالرأس. إذاً  $(2x + 2)^\circ$  تساوي  $130^\circ$ .

$2x + 2 = 130$  اكتب المعادلة.

$-2 = -2$  اطرح 2 من كل طرف.

$$\frac{2x}{2} = \frac{128}{2}$$

$$x = 64$$

إذًا، فقيمة  $x$  هي 64.

**تأكد من فهمك** أوجد حلًّا للمسألة التالية لتأكد أنك فهمت.

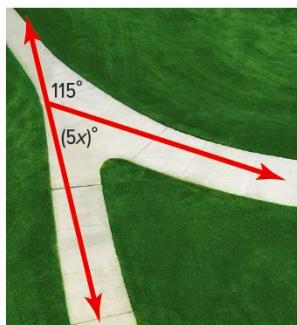
e. \_\_\_\_\_

ما قيمة  $y$  في الشكل الموجود في المثال 3؟

## مثال

4. ما قيمة  $x$  الموضحة في الرصيف؟

الزاوية بمقاييس  $115^\circ$  والزاوية  $5x$  هما زوايتان متجلزان. ويشكلان معاً زاوية مستقيمة أو  $180^\circ$ .



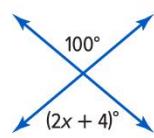
$$\begin{array}{rcl} 115 + 5x & = & 180 \\ - 115 & = & - 115 \\ \hline \frac{5x}{5} & = & \frac{65}{5} \\ x & = & 13 \end{array}$$

اكتب المعادلة.  
اطرح 115 من كل طرف.  
افقسم كل طرف على 5.

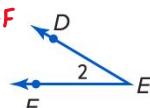
إذا، فقيمة  $x$  هي 13.

## تمرين موجه

1. سُمّ كل زاوية أدناه بأربع طرق. ثم حدد ما إذا كانت زاوية حادة أم قائمة أم منفرجة أم مستقيمة. (المثال 1)



حادة أم قائمة أم منفرجة أم مستقيمة. (المثال 1)

 $\angle 2, \angle E, \angle FED, \angle DEF$ 

زاوية حادة

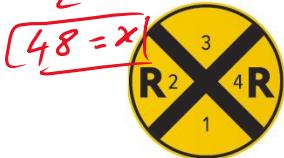
2. أوجد قيمة  $x$  في الشكل. (المثال 3 و 4)

$$100 = 2x + 4$$

$$100 - 4 = 2x$$

$$96 = 2x$$

$$\frac{96}{2} = x$$



$$\cancel{48 = x}$$

R

2

3

4

R

1

 $\angle 3, \angle 1$  $\angle 2, \angle 4$  $\angle 2, \angle 1, \angle 2, \angle 3$  $\angle 3, \angle 4, \angle 4, \angle 1$ 

\* الزوايا المقابلة ←

\* الزوايا المجاورة ←

4. الاستفادة من السؤال الأساسي صُف الاختلافات بين الزوايا المتقابلة بالرأس والمتجلزة.

## قيّم نفسك!

ما مدى فهمك لتصنيف الزوايا؟ ضع علامة في المربع المناسب.

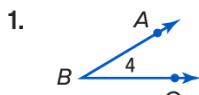


مطوياتي حان وقت تحدث مطويتك!

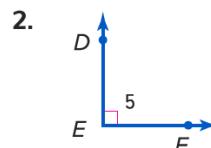
الاسم \_\_\_\_\_ واجباتي المنزلية \_\_\_\_\_

## تمارين ذاتية

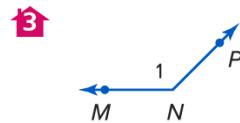
سم كل زاوية بأربع طرق. ثم حدد ما إذا كانت زاوية حادة أم قائمة أم منفرجة أم مستقيمة. (المثال 1)



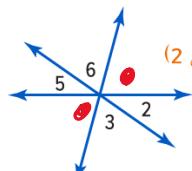
$\angle 4$ ,  $\angle B$ ,  $\angle CBA$ ,  $\angle ABC$   
زاوية حادة



$\angle 5$ ,  $\angle E$ ,  $\angle DEF$ ,  $\angle FED$   
زاوية قائمة



$\angle 1$ ,  $\angle N$ ,  $\angle MNP$ ,  $\angle PNM$   
زاوية منفرجة



6.  $\angle 3$  و  $\angle 4$  متجادلة

١٠. تحديد البنية ارجع إلى الرسم التخطيطي على اليسار. وحدد ما إذا كان كل زوج من الزوايا المتجلوبة أو المتقابلة بالرأس أو ليست أيها منها. (المثال 2)

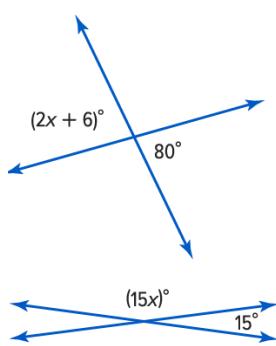
5.  $\angle 4$  و  $\angle 6$  ليسا أياً منهما

4.  $\angle 2$  و  $\angle 5$  متقابلة بالرأس

9.  $\angle 1$  و  $\angle 4$  متقابلة بالرأس.

8. ليس أياً منهما

7.  $\angle 5$  و  $\angle 6$  متجادلة



$$2x + 6 = 80$$

$$2x = 80 - 6$$

$$2x = 74$$

$$x = \frac{74}{2} = 37$$

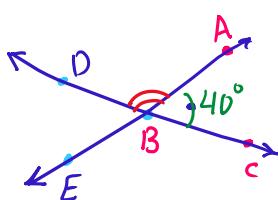
11. ما قيمة x في الشكل على اليسار؟ (المثالان 3 و 4)

$$15 + 15x = 180$$

$$15x = 180 - 15$$

$$15x = 165$$

$$x = \frac{165}{15} = 11$$

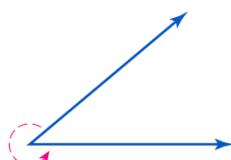


12. الزاويتان  $ABC$  و  $DBE$  هما زاويتان متناظرتان بالرأس. فإذا كان قياس  $\angle ABC$  هو  $40^\circ$ ، فما قياس  $\angle ABD$ ؟

$$140^\circ = \angle ABD$$

### مسائل مهارات التفكير العليا

13. **استخدام نماذج الرياضيات** ارسم أمثلة عن الزوايا التي تمثل أشياء من الحياة اليومية. وتأكد من تضمين ثلاثة على الأقل من الزوايا التالية: حادة وقائمة ومنفرجة ومستقيمة ومتقابلة بالرأس ومتجاورة. وتحقق من صحة الزوايا بقياسها.



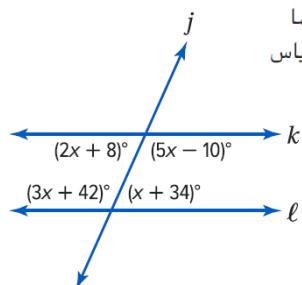
14. **الاستدلال الاستقرائي** اشرح كيف يمكنك استخدام منقلة لقياس الزاوية الموضحة. أوجد قياس الزاوية.

١٥. **المثابرة في حل المسائل** حدد ما إذا كانت كل عبارة صحيحة أم خاطئة. إذا كانت العبارة صحيحة، فقدم رسمًا تخطيطيًّا ليدعمها. وإذا كانت خاطئة، فاشرح السبب.

16. يمكن لزوج من الزوايا المنفرجة أن يكون أيضًا زاويتين متجاورتين. **الاستدلال الاستقرائي** المستقيمان  $\ell$  و  $k$  الموضحان على اليسار متوازيان وبقطعهما المستقيم  $j$ . اشرح كيف يمكنك كتابة المعادلات وحلها لإيجاد قياس كل زاوية. ثم أوجد قياس كل زاوية.

أكتب  
الحل  
 هنا

أكتب  
الحل  
 هنا



17. **الاستدلال الاستقرائي** المستقيمان  $\ell$  و  $k$  الموضحان على اليسار متوازيان وبقطعهما المستقيم  $j$ . اشرح كيف يمكنك كتابة المعادلات وحلها لإيجاد قياس كل زاوية. ثم أوجد قياس كل زاوية.

أكتب  
الحل  
 هنا

## تمرين إضافي

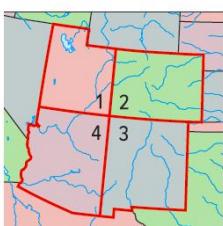
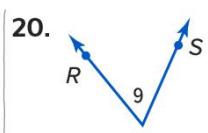
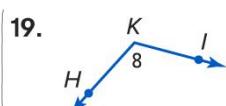
سم كل زاوية بأربع طرق. ثم حدد ما إذا كانت زاوية حادة أم قائمة أم منفرجة أم مستقيمة.



مساعد  
الواجب  
المنزلي

$\angle N$  و  $\angle PNM$  و  $\angle MNP$

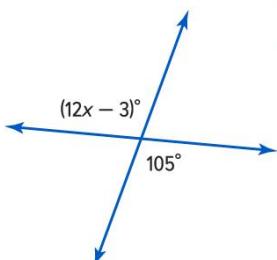
و  $\angle 7$ : مستقيمة



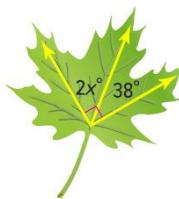
21. نقطة الزاوية التي تلتقي فيها ولايات "يوتا" و"أريزونا" و"نيو مكسيكو" و"كولورادو" تُسمى بالزوايا الأربع.

a. حدد زوجاً من الزوايا المتقابلة بالرأس. بره إجابتك.

b. حدد زوجاً من الزوايا المجاورة. بره إجابتك.



23. ما قيمة  $x$  في  
الشكل على اليسار؟



22. ما قيمة  $x$  في  
الشكل على اليسار؟



24. تحديد البنية مبني جون هانكوك سنتر في شيكاغو  
موضح على اليسار. صنف كل زوج من الزوايا.

a.  $\angle 1$  و  $\angle 2$  b.

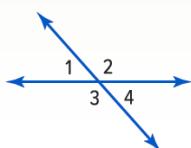
c.  $\angle 1$  و  $\angle 3$  d.

e. إذا كان قياس  $\angle 2$  هو  $66^\circ$ . فما قياسات الزوايا الأخرى؟

## اطلاق! تمرين على الاختبار

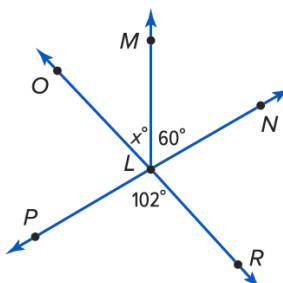
25. ارجع إلى الشكل على اليسار.

أكمل كل مربع لتكونين عبارة صحيحة.



- . a.  و  $\angle 4$  هما زاويتان
- . b.  و  $\angle 3$  هما زاويتان
- . c.  و  $\angle 4$  هما زاويتان
- . d.  و  $\angle 3$  هما زاويتان

26. في الشكل أدناه.  $\angle PLR$  و  $\angle OLN$  هما زاويتان متقابلتان بالرأس.



$x^\circ$	$30^\circ$	$60^\circ$
$90^\circ$	$102^\circ$	$180^\circ$

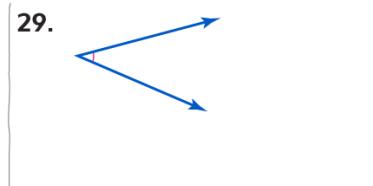
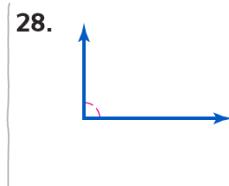
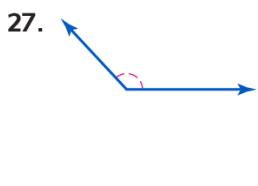
حدد قيئاً لإكمال المعادلة لإيجاد قياس  $\angle MLO$ .

$$\boxed{\quad} + \boxed{\quad} = \boxed{\quad}$$

ما قياس  $\angle MLO$ ؟

## مراجعة شاملة

استخدم منقلة لإيجاد قياس كل زاوية. 4.MD.6



30. سُمِّيَ القطعة المستقيمة على اليسار بطريقتين.

31. ما اسم الشكل رباعي الأضلاع الذي كل زواياه قائمة وبه كل ضلعان متقابلان متوازيان ومتلبيان؟

