

تمارين ٥-١

$$\begin{aligned} -س - ١ &= ٢س \\ ٢س - ١ - س &= ٠ \\ ٢س(١ - س) &= ٠ \\ س = \frac{١}{٢}, س &= ١ \\ \text{عندما } س = \frac{١}{٢}, \frac{١}{٢} - \frac{١}{٢} &= \frac{س}{٢} - \frac{س}{٢} = ٠ \\ \text{عندما } س = ١, \frac{١}{٢} - \frac{١}{٢} &= \frac{س}{٢} - \frac{س}{٢} = ٠ \\ \text{الحلان هما } س = \frac{١}{٢}, س &= ١ \\ س = ١, \frac{١}{٢} - \frac{١}{٢} &= ٠ \end{aligned}$$

$$(١) \text{ ص} = ٢س, \text{ ص} = ٦ + س$$

$$٢س = ٦ + س$$

$$٠ = ٦ - س - ٢س$$

$$٠ = (٣ - س)(٢ + س)$$

$$س = ٢, س = ٣$$

$$\text{عندما } س = ٢ \text{ فإن } ٦ + ٢ = ٨$$

$$\text{وعندما } س = ٣ \text{ فإن } ٦ + ٣ = ٩$$

$$(٢) \text{ ص} + ٣ = ٠, ٢س + ٢ = ١$$

$$\therefore \text{ ص} = -٣, س = ١ - ٢س$$

تمارين ٦-١

$$(١) \text{ أ } ٤س - ٣ = ٢س - ٥ + ٢$$

$$٢س - ٩ = ٥ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٥ \times ١ \times ٤ - ٢(٩) < ٦١$$

للمعادلة نقطتا تقاطع

$$\text{ب } ٢س - ٣ = ٢س + ٣ + ٧$$

$$٢س + ٥ = ٤ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٤ \times ٢ \times ٤ - ٢٥ > ٧$$

لا توجد نقاط تقاطع بين المستقيم ومنحنى الدالة

$$\text{ج } ٨س + ٣ = ١ - ٢س$$

$$٢س + ٨ = ٢ + ٢س$$

$$٢س + ٤ = ١ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٨ = ٢ \times ٢ \times ٤ - ٢٨ < ٤٨$$

توجد نقطتا تقاطع بين المستقيم ومنحنى الدالة

$$\text{د } ص = -س + ٣$$

$$-س + ٣ = ٣ - ٢س - ٣س$$

$$٠ = ١ + ٢س + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٨ = ١ \times ٣ \times ٤ - ٢٢ > ٨$$

لا توجد نقاط تقاطع بين المستقيم ومنحنى الدالة

$$(٢) \text{ أ } ٢س + ٣ = ١ + س$$

$$٠ = ٢ + س(١ - ٢س)$$

$$\text{أ} = ٢, \text{ ب} = ١ - ٢س, \text{ ج} = ٢$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٥ + ٢س$$

$$٠ = (٢)(٢) ٤ - ٢(٩)$$

$$٠ = ١٥ - ٢س - ٢س$$

$$٠ = (٥ - ٢س)(٣ + ٢س)$$

$$٥ = ٢س, ٣ = ٢س$$

$$(٣) \text{ للمنحنيين ص} = ٢س + (٣ - ٢س) - (٤ + ٣س),$$

ص = ٠ نقطة تماس واحدة. للمعادلة

$$٢س + (٣ - ٢س) - (٤ + ٣س) = ٠ \text{ جذر واحد}$$

مكرر.

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٥ + ٢س$$

$$٠ = (٣ - ٢س) ٤ - ٢(٩)$$

$$٠ = ١٢ - ٢س + ٢س + ١٦ - ١٨$$

$$٠ = ٢١ + ٢س$$

$$٠ = (٣ + ٢س)(٧ + ٢س)$$

$$٣ = ٢س, ٧ = ٢س$$

$$(٤) \text{ أ } ٢س + ٣ = ١ + س$$

$$٠ = ٢ + س - ٢س + ٢س$$

$$٠ = ٢ + س + ٢س$$

$$٠ = ٤ + ٤س - ٢س$$

$$٠ = ٢(٢ - س)$$

$$٢ = س$$

$$٦- = ١٠ - ٢ \times ٢ = ص$$

عندما ك = ١٠، تكون المعادلة التربيعية

$$٠ = ٢٠ + ٢٠س + ٢س$$

$$٠ = ٤ + ٤س + ٢س$$

$$٠ = ٢(٢ + س)$$

$$٢- = س$$

$$٦ = ١٠ + (٢-) \times ٢ = ص$$

نقطتا المماس هما النقطة (٢، ٦-) عندما

$$١٠ = ك$$

$$٢س + (ك - س) = ١٠ \quad (٧)$$

$$٠ = ٢س + كس - ٢٠س + ١٠٠ - ١٠٠س$$

$$٠ = ١٠٠ + س(١٠ - ك) + ٢س(١ - ك)$$

$$٠ \leq ٤ - ٤س + ٢س$$

$$٠ \leq (١٠٠) + (١ - ك)٤ - ٢(١٠٠ - ك)$$

$$٠ \leq ٤٠٠ + ٢ك - ٤٠٠ - ١٠٠ + ٤٠٠ - ٤٠٠س$$

$$٠ \leq ٣٠٠ - ٤٠٠س$$

$$٠,٧٥ \leq ك$$

$$٥ - س = ٤ + ٥س - ٢س \quad (٨)$$

$$٠ = ٩ + س(٥ - م) + ٢س$$

$$٠ > ٤ - ٤س + ٢س$$

$$٠ > (٩) + (١ - م)٤ - ٢(٥ - م)$$

$$٠ > ٣٦ - ٢م + ١٠ + ٢٥$$

$$٠ > ١١ - م + ١٠ + ٢م$$

$$٠ > (١ - م)(١١ + م)$$

حلًا المعادلة $٠ = ١١ - م + ١٠ + ٢م$ هما $٠ = ١١ - م$ ، $١١ = م$

نتحقق من جانبي القيمتين $١١ = م$ ، $١ = م$ على

منحنى $٠ = ١٠ + ٢م - م$ ، الذي له قيمة صغرى.

$$٠ = ٤ - ٤س + ٢س$$

$$٠ = ٤(٢ - س)$$

$$١٦ = ٢س$$

$$٤ \pm = س$$

$$١ + ٣س = ٢ + س \quad (٥)$$

$$٠ = ١ + س(٣ - ك) + ٢س$$

$$٠ < ٤ - ٤س + ٢س$$

$$٠ < (٣ - ك)٤ - (١)٤$$

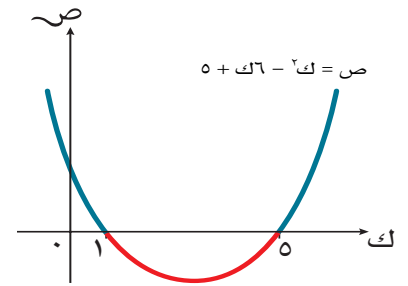
$$٠ < ٦ - ك + ٥$$

$$٠ < (١ - ك)(٥ - ك)$$

حلًا المعادلة $٠ = ٥ + ٦ك - ٢ك$ هما $٠ = ٥$ ، $١ = ك$

نتحقق من جانبي القيمتين $١ = ك$ ، $٥ = ك$ على

منحنى $٠ = ٥ + ٦ك - ٢ك$ ، الذي له قيمة صغرى.



نرى أن $٠ < ص$ في الجزأين الزرقاوين حيث يقع

المنحنى أعلى المحور ك.

مجموعة الحلول هي $ك > ١$ ، $ك < ٥$.

$$٠ = ٢٠ + ٢س(٢ + ك) + ٢س \quad (٦)$$

$$٠ = ٢٠ + ٢س + ٤س + ٢كس$$

$$٠ = ٢٠ + ٢س + ٢س$$

$$٠ = ٤ - ٤س + ٢س$$

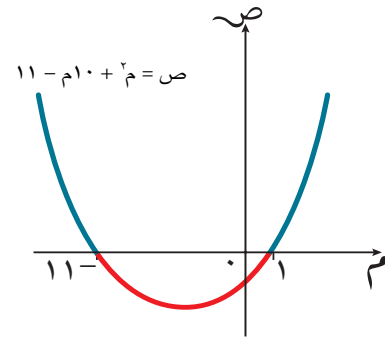
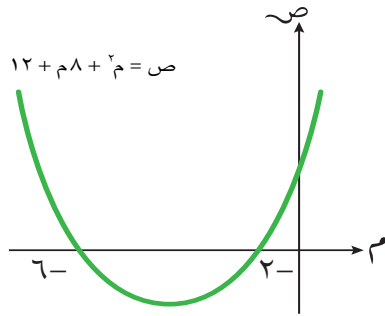
$$٠ = (٢٠) + (٥)٤ - ٢(٢٠)$$

$$٠ = ٤٠٠ - ٢٤٠$$

$$١٠ \pm = ك$$

ب) عندما $١٠ = ك$ ، تكون المعادلة التربيعية

$$٠ = ٢٠ + ٢س - ٢س$$



نرى أن $v = 0$ في النقاط حيث يقطع المنحنى المحور م.

مجموعة الحلول هي $m = -6$ ، $m = -2$

$$(10) \text{ س } 2 - 7\text{س} + \text{ك} = 6 - \text{س}$$

$$\text{س } 2 - 8\text{س} + \text{ك} + 6 = 0$$

$$\text{ب } 2 - 4\text{أ} > 0$$

$$0 > (8 - 2)(4 - (ك + 6))$$

$$0 > 64 - 4ك - 24$$

$$ك < 10$$

$$(11) \text{ س } (ك - \text{س}) = 2 - 9$$

$$0 = \text{ك} - \text{س} - 2\text{س} + 9$$

$$\text{س } 2 + (ك - 2) = 9$$

$$\text{ب } 2 - 4\text{أ} > 0$$

$$0 > (2 - (ك - 2))(4 - (ك - 2))$$

$$0 > 2ك + 4 - 4 + 2ك - 36$$

$$0 > 2ك + 4 - 32$$

$$0 > (ك + 8)(ك - 4)$$

$$0 = 32 - 4ك + 2ك$$

$$\text{هما } ك = 8, ك = 4$$

نرى أن $v > 0$ في الجزء الأحمر حيث يقع المنحنى أسفل المحور م.

مجموعة الحلول هي $-11 < m < 1$

$$(9) \text{ س } 2 - 4\text{س} + 7\text{م} = 6 + \text{س}$$

$$\text{س } 2 + (-4 - \text{س}) = 1 + \text{س}$$

$$\text{ب } 2 - 4\text{أ} = 0$$

$$0 = (-4 - \text{م})(4 - (1))$$

$$0 = 16 + 8\text{م} - 2\text{م} - 4$$

$$0 = 12 + 6\text{م}$$

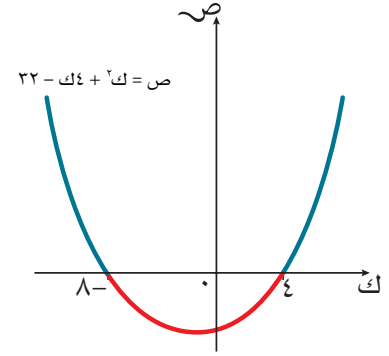
$$0 = (6 + \text{م})(2 + \text{م})$$

حلًا للمعادلة $m^2 + 8m + 12 = 0$ هما $m = -6$ ، $m = -2$

نتحقق من جانبي القيمتين $m = -6$ ، $m = -2$ على

منحنى $v = m^2 + 8m + 12$ ، الذي له قيمة صغرى.

نتحقق من جانبي القيمتين $m = 8$ ، $m = -8$ على منحنى $v = k^2 + 4k - 32$ ، الذي له قيمة صفري.



نرى أن $v > 0$ في الجزء الأحمر حيث يقع المنحنى أسفل المحور ك.
مجموعة الحلول هي $-8 < k < 4$.

تمارين مراجعة نهاية الوحدة الأولى

$$(1) \quad 4s^2 + 8s - 8 = k(3 - 4s)$$

$$4s^2 + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 - 4ks + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 - 4ks + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 - 4ks + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 - 4ks + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 - 4ks + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$4s^2 - 4ks + 8s - 8 = 3k - 4ks$$

$$\text{حلًا المعادلة } k^2 - 7k + 12 = 0 \text{ هما } k = 3, k = 4$$

على منحنى $v = k^2 - 7k + 12$ ، الذي له قيمة صفري، نرى أن $v > 0$ في الجزء الذي يقع أسفل المحور ك،

$$\text{حيث } 3 < k < 4$$

$$(2) \quad s(s + 2) > s$$

$$s^2 + 2s > s$$

$$s^2 + s > 0$$

$$s(s + 1) > 0$$

$$\text{حلًا المعادلة } s^2 + s = 0 \text{ هما } s = 0, s = -1$$

على منحنى $ص = س^2 + س$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن $ص > ٠$ في الجزء الذي يقع أسفل المحور السيني، حيث $١- > س > ٠$

$$(٣) \quad (ك + ١) س^2 - ٣س + (ك + ١) > ٠ \text{ و } ب^2 - ٤ - أ ج > ٠$$

$$(٣-) - ٤(ك + ١)(ك + ١) > ٠$$

$$٩ - ٤ك - ٤ك - ٤ > ٠$$

$$٤ك + ٤ك - ٨ - ٥ < ٠$$

$$(٢ك + ٥)(١ - ك) < ٠$$

$$\text{حلًا للمعادلة } ٤ك + ٤ك - ٨ - ٥ = ٠ \text{ هما } ك = -\frac{٥}{٢}, ك = \frac{١}{٢}$$

على منحنى $ص = ٤ك^2 + ٨ك - ٥$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن $ص < ٠$ في الجزأين اللذين يقعان أعلى المحور

$$ك، حيث $ك > -\frac{٥}{٢}$ ، $ك < \frac{١}{٢}$$$

إلا أنه حتى يقع $ص = (ك + ١) س^2 - ٣س + (ك + ١)$ أسفل المحور السيني، وجب أن تكون $ك + ١$ سالبة، ما يعني أن $ك > -١$

$$\therefore \text{مجموعة الحلول هي } ك > -\frac{٥}{٢}$$

$$(٤) \quad ٥س - ٦ > س^2$$

$$س^2 + ٥س - ٦ > ٠$$

$$(س + ٦)(س - ١) > ٠$$

$$\text{حلًا للمعادلة } ٥س + ٥س - ٦ = ٠ \text{ هما } س = -٦، س = ١$$

على منحنى $ص = ٥س^2 + ٦س - ٦$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن $ص > ٠$ في الجزء الذي يقع أسفل المحور السيني،

$$\text{حيث } -٦ > س > ١.$$

$$(٥) \quad س(٢س + ك) = ك - ٦س$$

$$٢س^2 + كس + ٦س - ك = ٠$$

$$٢س^2 + (ك + ٦)س - ك = ٠$$

$$ب^2 - ٤ - أ ج = ٠$$

$$(ك + ٦)^2 - ٤(ك - ٦) = ٠$$

$$ك^2 + ١٢ك + ٣٦ + ٢٤ - ٨ك = ٠$$

$$ك^2 + ٢٠ك + ٣٦ = ٠$$

$$(ك + ١٨)(ك + ٢) = ٠$$

$$ك = -١٨، ك = -٢$$

$$(٦) \quad \text{أ } س = ٠ \Leftrightarrow ص = ١٠ = ٠ \times ٣ + ١٠ = ١٠$$

$(١٠, ٠) =$ نقطة تقاطع المنحنى مع المحور الصادي

$$(8) \quad 5 - 2س + ك + 11 = 0$$

$$2س + (ك - 2) + 16 = 0$$

$$ب^2 - 4أج < 0$$

$$(ك - 2) - 4(1)(16) < 0$$

$$ك - 4 - 64 < 0$$

$$(ك - 6)(10) < 0$$

حلًا للمعادلة $ك - 4 - 64 = 0$ هما $ك = 10$ ، $ك = 6$

على منحنى $ص = ك^2 - 4ك - 60$ ، الذي له قيمة

صغرى، نرى أن $ص < 0$ في الجزأين اللذين يقعان

أعلى المحور $ك$ ، حيث $ك < 10$ أو $ك > 6$

$$(9) \quad 2س + 8 + 7 = م - 2$$

$$2س + (م - 8) + 9 = 0$$

$$ب^2 - 4أج < 0$$

$$(م - 8) - 4(1)(9) < 0$$

$$م - 8 - 36 < 0$$

$$م - 44 < 0$$

$$(م - 2)(14) < 0$$

حلًا للمعادلة $م - 44 = 0$ هما $م = 2$ ، $م = 14$

على منحنى $ص = م^2 - 4م + 28$ ، الذي له قيمة

صغرى، نرى أن $ص < 0$ في الجزأين اللذين يقعان

أعلى المحور $م$ ، حيث $م > 2$ أو $م < 14$

$$(10) \quad 3س + 0 = 0 \Leftrightarrow 3س = 0$$

$(0, -6)$ = نقطة تقاطع المنحنى مع المحور

الصادي

$$ص = 0 \Leftrightarrow 0 = (س - 2)(س + 3) \Leftrightarrow س = 2$$

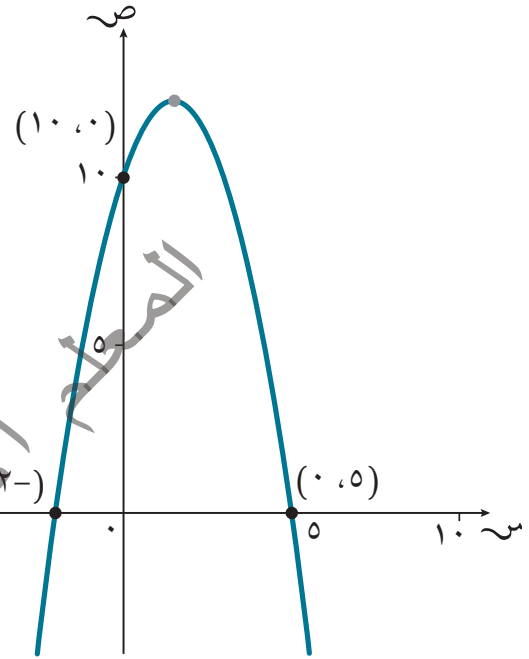
أو $س = -3$

$$ص = 0 \Leftrightarrow 0 = 10 - 3س - 2س^2$$

$$2س^2 - 3س - 10 = 0$$

نقطة تقاطع المنحنى مع المحور

السييني



$$ب) \quad س = \frac{5 + 2-}{2} = \frac{3}{2}$$

$$ص = 10 - 3 \times \frac{3}{2} - 2 \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{49}{2}$$

نقطة التحوّل $\left(\frac{3}{2}, \frac{49}{2}\right)$

$$(7) \quad 2س + 9 + ك = 0$$

$$2س + 6 + ك - 3 = 0$$

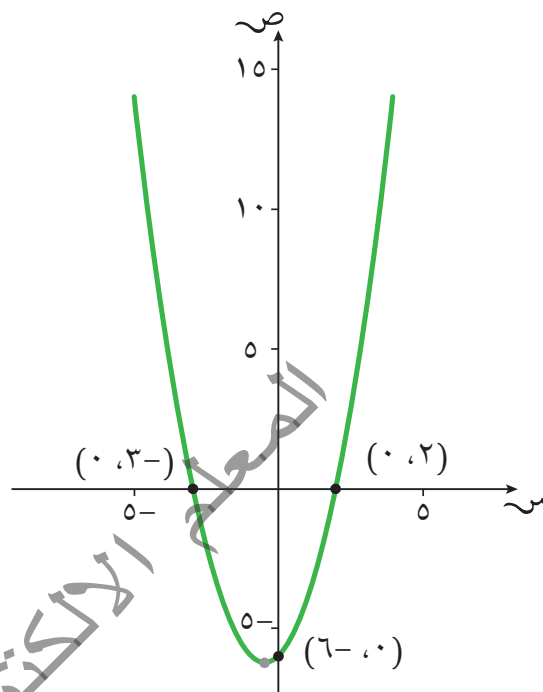
$$ب^2 - 4أج = 0$$

$$0 = (ك - 3)(1) - 4(6) = 0$$

$$ك - 3 - 24 = 0$$

$$ك = 27$$

نقاط تقاطع المنحنى مع المحور السيني $(0, 2)$ ، $(0, -3)$

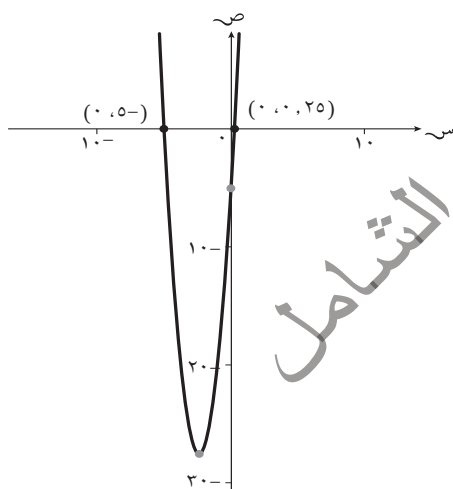


$$\begin{aligned} \text{ك} &= -27 \\ \text{ب} \quad 2س^2 - 3س + \text{ك} &= 0 \\ \text{ب}^2 - 4أج &= 0 \\ 3^2 - 4(2)(\text{ك}) &= 0 \\ 9 - 8\text{ك} &= 0 \\ \text{ك} &= \frac{9}{8} \end{aligned}$$

(12) $\text{ك} س^2 + 2س - 8 = 0$

$$\begin{aligned} \text{ك} س^2 + 2س(8 - \text{ك}) + \text{ك} &= 0 \\ \text{ب}^2 - 4أج &< 0 \\ 2^2 - 4(8 - \text{ك})(\text{ك}) &< 0 \\ 4\text{ك}^2 - 32\text{ك} + 64 &< 0 \\ \therefore \text{ك} &> 2 \end{aligned}$$

(13) $\text{أ} \quad 4س^2 + 19س - 5 = 0$



الشمائل

الالكتروني

ب $\frac{1}{4} = \frac{2 + 3}{4} = س$

$$\frac{25}{4} = \frac{5}{4} \times \frac{5}{4} = \left(3 + \frac{1}{4}\right) \left(2 - \frac{1}{4}\right) = ص$$

نقطة التحول هي نقطة قيمة صغرى إحداثياتها $\left(\frac{25}{4}, \frac{1}{4}\right)$

ج $(س - 2)(س + 3) = \text{ك}$

$$س^2 + 3س - 6 = \text{ك}$$

$$س^2 + 3س - 6 - \text{ك} = 0$$

ب $4 - 21 = 1 \times 4 - 6 = \text{ك} < 0$

$$4 + 24 = 4\text{ك} + 25 < 0$$

$$4\text{ك} < -25$$

$$\text{ك} < -\frac{25}{4}$$

(11) $\text{أ} \quad 2س^2 - 3س + \text{ك} = 0$

$$7 - 2(4) - 3(4) = \text{ك}$$

$$7 - 32 = -25 = \text{ك}$$

ب (1) $س = 0 \Leftrightarrow 0 = 9 - 8س - 9 = 20 - 8س$

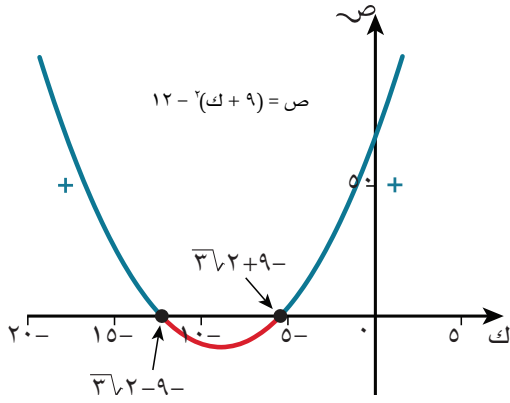
(9, 0) نقاط تقاطع المنحنى مع المحور

الصادي

$$ص = 0 \Leftrightarrow 0 = 9 - 8س - 9 = 2س^2$$

$$-(س^2 + 8س + 9) = -(س + 9)(س + 1)$$

$$0 =$$



نجد نقاط التقاطع ك من خلال حل المعادلة

$$0 = 12 - (k+9)^2$$

$12 = (k+9)^2$ نأخذ الجذر التربيعي لطرفي المعادلة

لنحصل على:

$$\sqrt{12} \pm = k+9 \quad \text{أو} \quad \sqrt{12} \pm = k+9$$

$$3\sqrt{2} - 9 = k \quad \text{أو} \quad 3\sqrt{2} + 9 = k$$

نريد فترة قيم ك التي تحقق:

$$0 < 12 - (k+9)^2$$

أي القيم التي تجعل المنحنى موجباً (أعلى المحور ك)

$$3\sqrt{2} + 9 < k \quad \text{أو} \quad 3\sqrt{2} - 9 > k$$

$$(1) \quad \text{ص} = 2س + ك \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$(2) \quad \text{ص} = 1 + 2ك - س \quad \dots \dots \dots (2)$$

عند نقاط التقاء المنحنيين، تصح المعادلة $2س + ك = 1 + 2ك - س$

$$2س + ك = 1 + 2ك - س$$

نوسّع ونعيد ترتيبها لنحصل على:

$$س + 2س + ك = 1 + 2ك - س$$

$$س = (1 - ك) + 2ك - 2س$$

$$س = 1 - ك + 2ك - 2س$$

$$3س = 1 - ك + 2ك$$

حتى تكون نقاط التقاطع مختلفة،

$$3س = 1 - ك + 2ك$$

$$3س = 1 - ك + 2ك$$

ونعيد ترتيبها لنحصل على:

$$3س = 2 + ك - 2ك \quad \text{أو} \quad 3س = 2 - ك$$

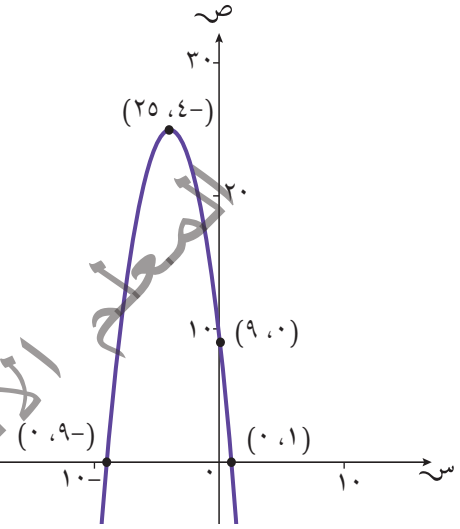
نقاط تقاطع المنحنى مع

المحور السيني

$$س = \frac{1 + 9}{2} = 5$$

$$ص = 2(5) - 5 \times 8 - 9 = -25$$

نقطة التحول $(25, -4)$



(2) القيمة العظمى تساوي 25

$$(1) \quad \text{ص} = 2س + ك = 3 \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$(2) \quad \text{ص} = 9 - 2س \quad \dots \dots \dots (2)$$

عند نقاط التقاء المنحنيين، تصبح المعادلة

$$2س + ك = 9 - 2س$$

نعيد ترتيبها لنحصل على:

$$4س + ك = 9$$

$$س = \frac{9 - ك}{4}$$

وهي في الشكل أس + ب س + ج = 0

$$س = 2, \quad ب = -(ك+9), \quad ج = 3$$

حتى تكون نقاط التقاطع مختلفة،

$$0 < 4 - (ك+9) \quad \dots \dots \dots (3)$$

$$0 < 12 - (ك+9)^2$$

أ عند نقاط تقاطع المنحنيين، تصح المعادلة

$$5 - 2s = 2s + 2s + ك$$

نعيد ترتيبها لنحصل على:

$$2s - 2s - 2s + 4s + (ك - 5) = 0$$

ب بما أن إحدى نقاط التقاطع هي أ = (-2، 13)

∴ تعويض س = -2 يعطينا النقطة ب.

$$0 = (ك - 5) + (-2) - 2(-2)$$

$$17 = ك$$

نعوض ك = 17 في المعادلة

$$0 = (ك - 5) + س - 2س$$

$$0 = 12 - س - 2س$$

$$0 = (2 + س)(6 - س)$$

س = 2- النقطة أ، س = 6 النقطة ب

نعوض س = 6 في أي من المعادلتين (1) أو (2)

$$29 = ص$$

النقطة ب هي عند (6، 29).

ج لدينا من الجزء أ: س² - 2س + 4 = (ك - 5)

وهي في الشكل أ س² + 2س + ب = ج

حيث أ = 1، ب = 4، ج = 5 - ك

حتى يكون المستقيم مماساً للمنحنى، وجب أن

يكون للمعادلة هذه حل واحد، إذاً

$$4 - 2س + 4 = 0$$

$$0 = (ك - 5)(1) - 2(4)$$

ك = 1 ∴ س² - 2س + 4 = 0 نحلل إلى عوامل

لنحصل على

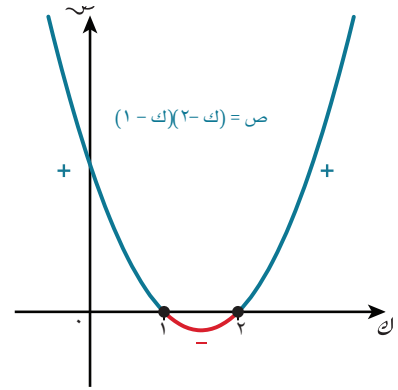
$$0 < (2 - س)$$

$$س = 2$$

نعوض س = 2 في أي من المعادلتين (1) أو (2)

$$5 = ص$$

النقطة ج هي عند (2، 5).



نجد نقاط التقاطع من خلال حل المعادلة

$$0 = (ك - 1)(2 - ك)$$

$$ك = 1 \text{ أو } ك = 2$$

نريد فترة قيم ك التي تحقق:

$$0 < (ك - 1)(2 - ك)$$

أي القيم التي تجعل المنحنى موجباً (أعلى المحور

ك)

$$\text{الحل هو } ك > 1 \text{ أو } ك < 2$$

$$ص = 2س^2 - 8س + 3 = 0 \quad (16) \text{ أ}$$

$$0 = (2س - 1)(3 - س)$$

$$س = \frac{1}{2} \text{ أو } \frac{3}{2}$$

المقاطع من محور السينات $(\frac{1}{2}, 0)$ ، $(\frac{3}{2}, 0)$

$$\text{محور التماثل } س = \frac{\frac{1}{2} + \frac{3}{2}}{2} = 1$$

عندما س = 1 فإن ص = 1 × 1 - 8 × 1 + 3 = -4

وعليه، الرأس هو (1، -4)

$$ص = 2س^2 - 8س + 3 = 0 \quad (16) \text{ ب}$$

$$ص = 2(8 - ك) - 8س + 3 = 0$$

$$ص = 2(8 - ك) - 8(8 - ك) + 3 = 0$$

$$ص = 0 \times 8 - 2(8 - ك) = 0$$

$$ك = 8$$

$$ص = 5 - 2س + 2س^2 \dots \dots \dots (1)$$

$$ص = 2س + ك \dots \dots \dots (2)$$

(١٨) أ عند التقاطع، يكون $ص = ٥س - ٧ + ٧$.

$$ص = ٣ - ٢س$$

إذا تصح المعادلة $٥س - ٧ + ٧ = ٣ - ٢س$

$$٥س - ٧ + ٧ = ٣ - ٢س$$

$$٥س = ٣ - ٢س$$

$$٥ = ٣ - ٢س$$

نعوض $٣ - ٢س = ٥$ في $ص = ٣ - ٢س$ لنحصل على

$$٣ - ٢س = ٥$$

نعوض $٥ = ٣ - ٢س$ في $ص = ٥س - ٧ + ٧$ لنحصل على

$$٥ = ٥س - ٧ + ٧$$

نقطتا التقاطع هما $(١, ٢)$ ، $(٧, ٥)$ ب $٥س - ٧ + ٧ > ٣ - ٢س$

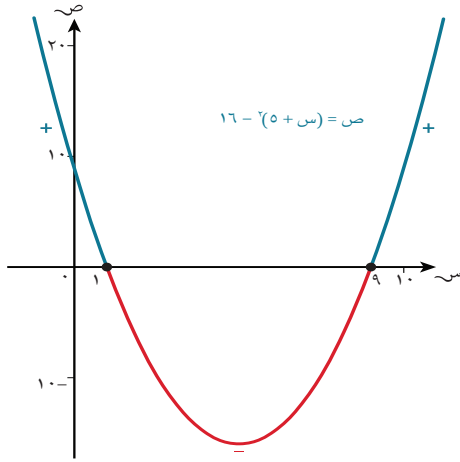
$$٥س - ٧ + ٧ > ٣ - ٢س$$

(١٩) أ الرأس هو عند $(٥, ٢٥)$

$$٩ \geq ٢(٥ - س) - ٢٥$$

$$٠ \leq ١٦ - ٢(٥ - س)$$

$$١٦ - ٢(٥ - س) = ص$$

نجد نقاط التقاطع، نحل $٠ = ١٦ - ٢(٥ - س)$

نأخذ الجذر التربيعي لطرفي المعادلة

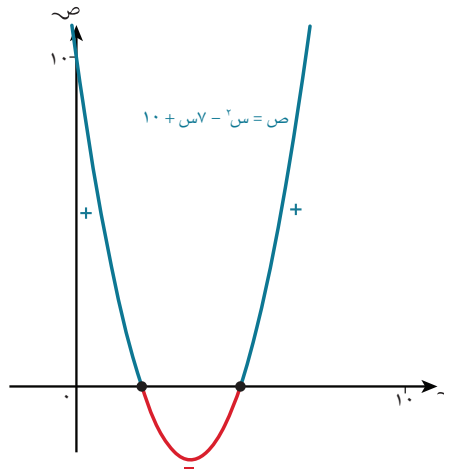
$$٥ - س = \pm ٤$$

نقاط التقاطع هي عند $س = ١$ ، $س = ٩$ حتى يكون $(٥ - س) - ٢ \leq ٠$ ، وجب أن نجد فترة قيم

س التي تجعل المنحنى إما مساوياً للصفر أو موجباً (أي

على المحور السيني أو أعلاه)

$$١ \geq س \text{ أو } ٩ \leq س$$

نجد نقاط التقاطع-س عند $س = ٢$ ، $س = ٥$ حتى يكون $١٠ + ٧س - ٢س > ٠$ ، وجب أن نجد فترة قيم س

حيث يكون المنحنى سالباً (أسفل المحور السيني).

$$٥ > س > ٢$$

حلل إلى العوامل العبارة التربيعية.

$$(20) \quad 5 + 4n - n^2 = (n + 1)(n - 5)$$

$$2 = \frac{5 + 1 -}{2}$$

أوجد نقطة المنتصف للجذرين.

بعد ثانيّتين تشكّل الكرة عند أقصى ارتفاع.

$$ع = 5 + 4(2) - 2(2) = 9$$

عوّض في المعادلة الأصلية لتجد أقصى ارتفاع ٩ أمتار.

٩ أمتار

حلّل إلى العوامل العبارة التربيعية.

$$(21) \quad 27 + 3n - n^2 = (n + 3)(n - 9)$$

$$ن = \frac{9}{2} \text{ أو } ن = -3$$

يقع محور التماثل في منتصف المسافة بين الجذرين.

$$\frac{3 - + \frac{9}{2}}{2} = 0,75$$

أوجد قيمة ع لهذه القيمة لن

$$ع = 27 + 3(0,75) - (0,75)^2$$

$$ع = 28,125$$

$$28,125 \text{ متر}$$

حلّ العبارة التربيعية.

$$(22) \quad م = 10س - س^2$$

$$م = س(10 - س)$$

$$س = 0 \text{ أو } س = 10$$

أوجد جذري المعادلة.

يقع محور التماثل في منتصف المسافة بين الجذرين.

$$5 = \frac{10 + 0}{2}$$

أوجد قيمة م لهذه القيمة (لس)

$$م = 10 \times 5 - 5^2 = 25$$

المساحة ٢٥ م^٢ والشكل مربع طول ضلعه ٥ م.

شكّل المعادلة من المعلومات المعطاة في المسألة.

$$(23) \quad 56 = س^2 - 15س$$

$$س^2 - 15س + 56 = 0$$

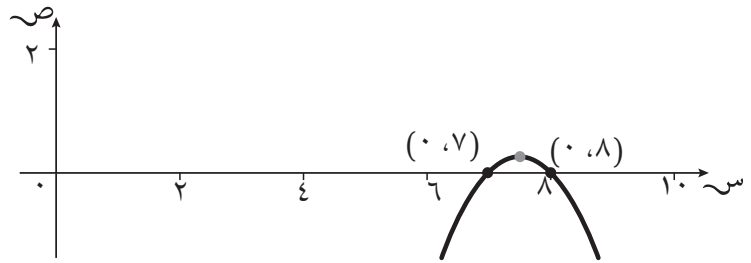
$$س(س - 7) = 8$$

حلل إلى العوامل العبارة التربيعية.

$$س = 7, س = 8$$

أوجد جذري المعادلة.

يمكنك رسم منحنى الدالة التربيعية، وإيجاد قيم s التي يتقاطع المنحنى عندها مع المحور s .



استخدم منحنى الدالة لتحديد قيم s المطلوبة.

$$s = 7, s = 8$$

برر الحل ليتفق مع سياق المسألة.

يجب على الشركة تسعير المنتج بقيمة ٧٠٠ أو ٨٠٠ ريال عُماني. بالتأكد ستختار الشركة التسعيرة الأقل لضمان بيع قطع أكثر

المعلم الإلكتروني الشامل