

## تمارين ٥-١

$$\begin{aligned} -س - ١ &= ٢س \\ ٢س - ١ - س &= ٠ \\ ٢س(١ - س) &= ٠ \\ س = \frac{١}{٢}, س &= ١ \\ \text{عندما } س = \frac{١}{٢} & \Rightarrow \frac{١}{٢} = \frac{١}{٢} \\ \text{عندما } س = ١ & \Rightarrow \frac{١}{٢} = \frac{١}{٢} \\ \text{الحلان هما } س = \frac{١}{٢}, س &= ١ \\ س = ١, س &= \frac{١}{٢} \end{aligned}$$

$$(١) \text{ ص} = ٢س, \text{ ص} = ٦ + س$$

$$٢س = ٦ + س$$

$$٠ = ٦ - س$$

$$٠ = (٣ - س)(٢ + س)$$

$$س = ٢, س = ٣$$

$$\text{عندما } س = ٢ \text{ فإن } ٦ + ٢ = ٨$$

$$\text{وعندما } س = ٣ \text{ فإن } ٦ + ٣ = ٩$$

$$(٢) \text{ ص} + ٣ = ٠, ٢س + ٢ = ١$$

$$\therefore \text{ ص} = -٣, س = ١ - ٢س$$

## تمارين ٦-١

$$(١) \text{ أ } ٤س - ٣ = ٢س - ٥ + ٢$$

$$٢س - ٩ = ٥ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٥ \times ١ \times ٤ - ٢(٩) < ٦١$$

للمعادلة نقطتا تقاطع

$$\text{ب } ٢س - ٣ = ٢س + ٣ + ٧$$

$$٠ = ٤ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٤ \times ٢ \times ٤ - ٢٥ = ٧ > ٠$$

لا توجد نقاط تقاطع بين المستقيم ومنحنى الدالة

$$\text{ج } ٨س + ٣ = ١ - ٢س$$

$$٢س + ٨س = ٢ + ١$$

$$٠ = ١ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ٢ \times ٢ \times ٤ - ٢٨ = ٤٨ < ٠$$

توجد نقطتا تقاطع بين المستقيم ومنحنى الدالة

$$\text{د } ص = -س + ٣$$

$$-س + ٣ = ٣ - ٢س - ٣س$$

$$٠ = ١ + ٢س$$

$$\text{ب } ٤ - ٩ = ١ \times ٣ \times ٤ - ٢٢ = ٨ > ٠$$

لا توجد نقاط تقاطع بين المستقيم ومنحنى الدالة

$$(٢) \text{ أ } ٢س + ٣ = ٣ + س$$

$$٠ = ٢ + س$$

$$\text{أ } ٢ = ١ - س, \text{ ج } ٢ = ٢$$

$$\text{ب } ٤ - ٤ = ٠$$

$$٠ = (٢)(٢) - ٤(١)$$

$$٠ = ١٥ - ٢ك$$

$$٠ = (٣ + ك)(٥ - ك)$$

$$٥ = ك, ٣ = ك$$

$$(٣) \text{ للمنحنيين ص} = ٢س + (٣ - ك)س - (٤ك + ٣),$$

ص = ٠ نقطة مماس واحدة. للمعادلة

$$٢س + (٣ - ك)س - (٤ك + ٣) = ٠ \text{ جذر واحد}$$

مكرر.

$$\text{ب } ٤ - ٤ = ٠$$

$$٠ = (٣ - ك)٤ - (١)(٤ - ٣ك)$$

$$٠ = ١٢ - ٤ك + ١٦ك + ١٢$$

$$٠ = ٢١ + ١٠ك$$

$$٠ = (٣ + ك)(٧ + ك)$$

$$ك = ٧, ك = ٣$$

$$(٤) \text{ أ } ٣س + ٢ = س + ٣$$

$$٠ = ٢س - ٢ + ٣س$$

$$٠ = ٢ + ٢س$$

$$٠ = ٤ - ٢س + س٢$$

$$٠ = (٢ - س)٢$$

$$س = ٢$$

$$٦ - = ١٠ - ٢ \times ٢ = ص$$

عندما ك = ١٠، تكون المعادلة التربيعية

$$٠ = ٢٠ + ٢س + س٢$$

$$٠ = ٤ + ٢س + س٢$$

$$٠ = (٢ + س)٢$$

$$س = -٢$$

$$٦ = ١٠ + (٢-) \times ٢ = ص$$

نقطتا المماس هما النقطة (٢، -٦) عندما

$$١٠ = -١٠، والنقطة (٢، -٦) عندما ك = ١٠$$

$$٢س + (ك - س)٢ = ١٠ \quad (٧)$$

$$٠ = ١٠٠ - ٢٠ك + س٢$$

$$٠ = ١٠٠ + س(١٠ - ٢٠ك) + (١ + ك)٢$$

$$٠ \leq ٤ - ٤أ ج$$

$$٠ \leq (١٠٠)٢ - (١٠ - ٢٠ك)٢ + (١ + ك)٢$$

$$٠ \leq ٤٠٠ + ٤٠ك - ٤٠٠ - ١٠٠ + ٤٠ك + ٤٠٠ + ٢ك٢$$

$$٠ \leq ٣٠٠ - ٤٠ك$$

$$٠,٧٥ \leq ك$$

$$٥ - س = ٤ + س٢ \quad (٨)$$

$$٠ = ٩ + س(٥ - س)$$

$$٠ > ٤ - ٤أ ج$$

$$٠ > (٩)(١) - (٥ - س)٢$$

$$٠ > ٣٦ - ٢م + ١٠ + ٢٥$$

$$٠ > ١١ - م + ١٠ + ٢م$$

$$٠ > (١١ - م)(١ + م)$$

حلًا المعادلة  $٠ = ١١ - م + ١٠ + ٢م$  هما  $٠ = ١١ - م$ ،  $١١ = م$

نتحقق من جانبي القيمتين  $١١ = م$ ،  $١١ = م$  على

منحنى  $ص = ١٠ + ٢م - م$ ، الذي له قيمة صغرى.

$$٠ = ٤ - ٤أ ج$$

$$٠ = ٤ - (٢)(٢)$$

$$١٦ = ٢$$

$$٤ \pm = ج$$

$$١ + س٢ = ٢ + كس \quad (٥)$$

$$٠ = ١ + س(٣ - ك) + س٢$$

$$٠ = ٤ - ٤أ ج <$$

$$٠ < (٣ - ك)٢ - (١)(١)$$

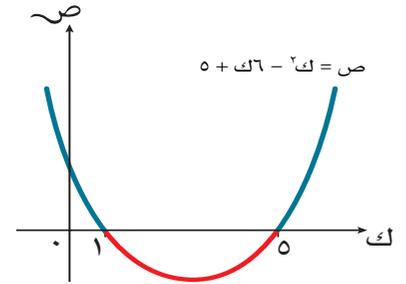
$$٠ < ٦ - ك + ٥$$

$$٠ < (١ - ك)(٥ - ك)$$

حلًا المعادلة  $٠ = ٥ + ٦ك - ك٢$  هما  $٠ = ٥$ ،  $١ = ك$

نتحقق من جانبي القيمتين  $١ = ك$ ،  $٥ = ك$  على

منحنى  $ص = ٥ + ٦ك - ك٢$ ، الذي له قيمة صغرى.



نرى أن  $ص < ٠$  في الجزأين الزرقاوين حيث يقع

المنحنى أعلى المحور ك.

مجموعة الحلول هي  $ك > ١$ ،  $ك < ٥$ .

$$٠ = ٢٠ + ٢س + س٢ \quad (٦)$$

$$٠ = ٢٠ + س(٢ + س) + س٢$$

$$٠ = ٢٠ + ٢س + س٢$$

$$٠ = ٤ - ٤أ ج$$

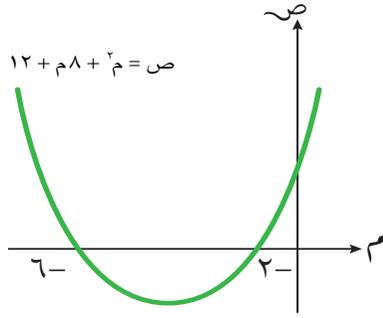
$$٠ = (٢٠)(٥) - (٢٠)٢$$

$$٠ = ٤٠٠ - ٢ك٤$$

$$١٠ \pm = ك$$

ب) عندما  $ك = ١٠$ ، تكون المعادلة التربيعية

$$٠ = ٢٠ + ٢س - س٢$$



نرى أن  $v = 0$  في النقاط حيث يقطع المنحنى المحور م.

مجموعة الحلول هي  $m = -6$ ،  $m = -2$

$$(10) \quad \text{س}^2 - 2\text{س} + 7 = \text{ك} + \text{س} - 6$$

$$\text{س}^2 - 2\text{س} + 8 = \text{ك} + \text{س} + 6$$

$$\text{ب}^2 - 4\text{أ} > \text{ج}$$

$$0 > (8 - 2)(4 - (1)\text{ك})$$

$$0 > 64 - 4\text{ك} - 24$$

$$\text{ك} < 10$$

$$(11) \quad \text{س}(\text{ك} - \text{س}) = 2 - 9$$

$$\text{ك} - \text{س} - \text{س}^2 + 9 = 2 - 9$$

$$\text{س}^2 + (2 - \text{ك})\text{س} + 9 = 9$$

$$\text{ب}^2 - 4\text{أ} > \text{ج}$$

$$0 > (2 - \text{ك})(2 - 1)(9)$$

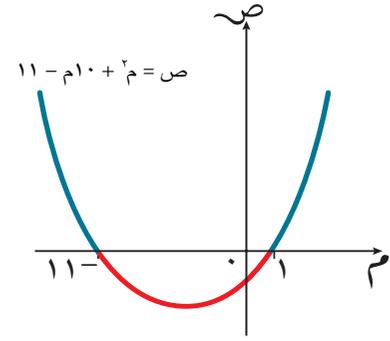
$$\text{ك}^2 + 2\text{ك} + 4 > 36 - 4$$

$$\text{ك}^2 + 2\text{ك} - 32 > 0$$

$$0 > (\text{ك} + 8)(\text{ك} - 4)$$

$$0 = 32 - 4\text{ك} + \text{ك}^2$$

$$\text{ك} = 8, \text{ك} = 4$$



نرى أن  $v > 0$  في الجزء الأحمر حيث يقع المنحنى أسفل المحور م.

مجموعة الحلول هي  $m < -11$ ،  $m > 1$

$$(9) \quad \text{س}^2 - 2\text{س} + 4 = 7 + \text{س} + 6$$

$$\text{س}^2 + (-2 - \text{س}) + 1 = 0$$

$$\text{ب}^2 - 4\text{أ} > \text{ج}$$

$$0 = (-4 - \text{م})(1)$$

$$0 = 16 + 8\text{م} + \text{م}^2 - 4$$

$$\text{م}^2 + 8\text{م} + 12 = 0$$

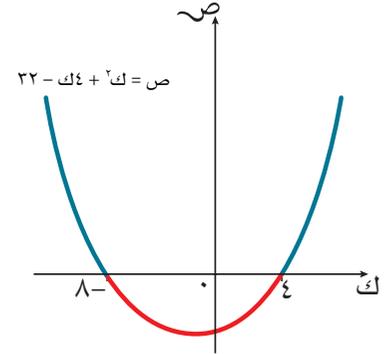
$$0 = (\text{م} + 6)(\text{م} + 2)$$

حلًا للمعادلة  $\text{م}^2 + 8\text{م} + 12 = 0$  هما  $m = -6$ ،  $m = -2$

نتحقق من جانبي القيمتين  $m = -6$ ،  $m = -2$  على

منحنى  $v = \text{م}^2 + 8\text{م} + 12$ ، الذي له قيمة صغرى.

نتحقق من جانبي القيمتين  $m = 8$ ،  $m = -8$ ، على منحنى  $v = k^2 + 4k - 32$ ، الذي له قيمة صفري.



نرى أن  $v > 0$  في الجزء الأحمر حيث يقع المنحنى أسفل المحور ك.  
مجموعة الحلول هي  $8 > k > -8$ .

### تمارين مراجعة نهاية الوحدة الأولى

$$(1) \quad 4s^2 + 8s - 8 = k(4s - 3)$$

$$4s^2 + 8s - 8 = 4k - 3k$$

$$4s^2 + 8s - 8 = 4k - 3k$$

$$4s^2 - 4k + 8s - 8 = 0$$

$$4(s^2 - k + 2s - 2) = 0$$

$$4s^2 - 4k + 8s - 8 = 0$$

$$4s^2 - 4k + 8s - 8 = 0$$

$$4s^2 - 4k + 8s - 8 = 0$$

$$4s^2 - 4k + 8s - 8 = 0$$

$$\text{حلًا المعادلة } 4s^2 - 4k + 8s - 8 = 0 \text{ هما } k = 3, k = 4$$

على منحنى  $v = k^2 + 7k + 12$ ، الذي له قيمة صفري، نرى أن  $v > 0$  في الجزء الذي يقع أسفل المحور ك،

$$\text{حيث } 3 > k > 4$$

$$(2) \quad s(s + 2) > s$$

$$s^2 + 2s - s > 0$$

$$s^2 + s > 0$$

$$s(s + 1) > 0$$

$$\text{حلًا المعادلة } s^2 + s = 0 \text{ هما } s = 0, s = -1$$

على منحنى  $ص = س^2 + س$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن  $ص > ٠$  في الجزء الذي يقع أسفل المحور السيني، حيث  $١- > س > ٠$

$$(٣) \quad (ك + ١) س^2 - ٣س + (ك + ١) > ٠ \text{ و } ب^2 - ٤ - أ ج > ٠$$

$$(٣-) - ٤(ك + ١)(ك + ١) > ٠$$

$$٩ - ٤ك - ٤ك - ٤ > ٠$$

$$٤ك + ٤ك - ٨ - ٥ < ٠$$

$$(٢ك + ٥)(١ - ك) < ٠$$

$$\text{حلًا للمعادلة } ٤ك + ٤ك - ٨ - ٥ = ٠ \text{ هما } ك = -\frac{٥}{٢}, ك = \frac{١}{٢}$$

على منحنى  $ص = ٤ك^2 + ٨ك - ٥$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن  $ص < ٠$  في الجزأين اللذين يقعان أعلى المحور

$$ك، حيث  $ك > -\frac{٥}{٢}$ ،  $ك < \frac{١}{٢}$$$

إلا أنه حتى يقع  $ص = (ك + ١) س^2 - ٣س + (ك + ١)$  أسفل المحور السيني، يجب أن تكون  $ك + ١$  سالبة، ما يعني أن  $ك > ١-$

$$\therefore \text{مجموعة الحلول هي } ك > -\frac{٥}{٢}$$

$$(٤) \quad ٥س - ٦ > س^2$$

$$س^2 + ٥س - ٦ > ٠$$

$$(س + ٦)(س - ١) > ٠$$

$$\text{حلًا للمعادلة } ٥س + ٥س - ٦ = ٠ \text{ هما } س = ٦، س = ١$$

على منحنى  $ص = ٥س^2 + ٦س - ٦$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن  $ص > ٠$  في الجزء الذي يقع أسفل المحور السيني،

$$\text{حيث } ٦- > س > ١.$$

$$(٥) \quad س(٢س + ك) = ك - ٦س$$

$$٢س^2 + كس + ٦س - ك = ٠$$

$$٢س^2 + (ك + ٦)س - ك = ٠$$

$$ب^2 - ٤ - أ ج = ٠$$

$$(ك + ٦)^2 - ٤(ك - ٦) = ٠$$

$$ك^2 + ١٢ك + ٣٦ + ٢٤ - ٨ك = ٠$$

$$ك^2 + ٢٠ك + ٣٦ = ٠$$

$$(ك + ١٨)(ك + ٢) = ٠$$

$$ك = -١٨، ك = -٢$$

$$(٦) \quad \text{أ} \quad ١٠ = ٠ = س \leftarrow ٠ = ص = ١٠ = ٠ \times ٣ + ١٠ = ١٠$$

$(١٠, ٠) =$  نقطة تقاطع المنحنى مع المحور الصادي

$$(8) \quad 5 - 2س + ك + 11 = 0$$

$$2س + (ك - 2) + 16 = 0$$

$$ب^2 - 4أج < 0$$

$$(ك - 2) - 4(1)(16) < 0$$

$$ك - 4 - 64 < 0$$

$$(ك - 6) < 0$$

حلًا للمعادلة  $ك - 4 - 64 = 0$  هما  $ك = 10$ ،  $ك = 6$

على منحنى  $ص = ك^2 - 4ك - 60$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن  $ص < 0$  في الجزأين اللذين يقعان

أعلى المحور  $ك$ ، حيث  $ك < 10$  أو  $ك > 6$

$$(9) \quad 2س + 8 + 7 = م - 2$$

$$2س + (م - 8) + 9 = 0$$

$$ب^2 - 4أج < 0$$

$$(م - 8) - 4(1)(9) < 0$$

$$م - 8 - 36 < 0$$

$$م - 44 < 0$$

$$(م - 44) < 0$$

حلًا للمعادلة  $م - 44 = 0$  هما  $م = 28$ ،  $م = 14$

على منحنى  $ص = م^2 - 4م + 28$ ، الذي له قيمة صغرى، نرى أن  $ص < 0$  في الجزأين اللذين يقعان

أعلى المحور  $م$ ، حيث  $م > 2$  أو  $م < 14$

$$(10) \quad 3س + 0 = 0 \Leftrightarrow 3س = 0$$

$(0, -6)$  = نقطة تقاطع المنحنى مع المحور

الصادي

$$ص = 0 \Leftrightarrow 0 = (س - 2)(س + 3) \Leftrightarrow س = 2$$

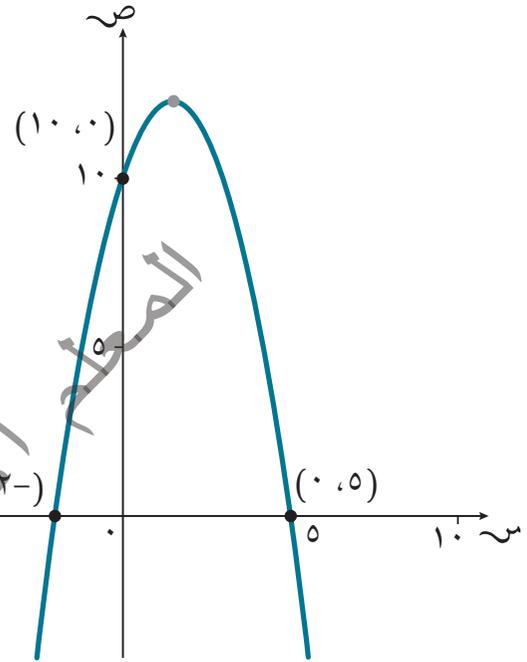
أو  $س = -3$

$$ص = 0 \Leftrightarrow 0 = 10 - 3س - 2س^2$$

$$س^2 - 3س - 10 = 0$$

نقطة تقاطع المنحنى مع المحور

السيني



$$ب) \quad س = \frac{5 + 2-}{2} = \frac{3}{2}$$

$$ص = 10 - 3 \times \frac{3}{2} - 2 \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{49}{2}$$

نقطة التحوّل  $\left(\frac{3}{2}, \frac{49}{2}\right)$

$$(7) \quad 2س + 9 + ك = 0$$

$$2س + 6 + ك - 3 = 0$$

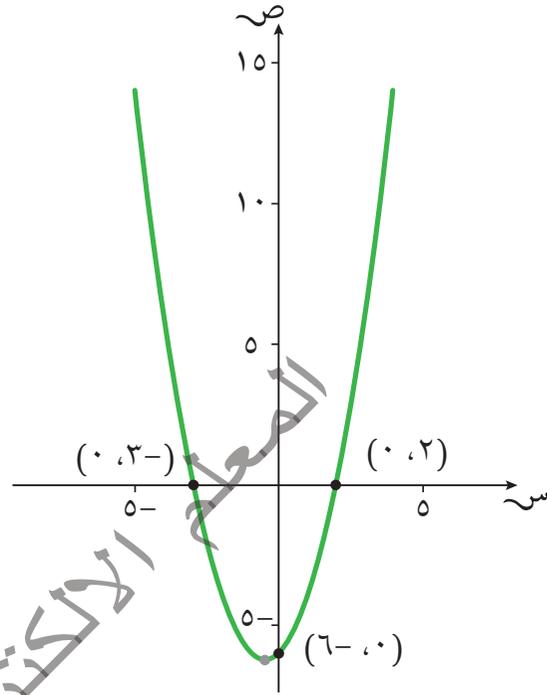
$$ب^2 - 4أج = 0$$

$$0 = (ك - 3)(ك - 3)$$

$$0 = 36 - 4ك + ك^2$$

$$ك = 9 + 3$$

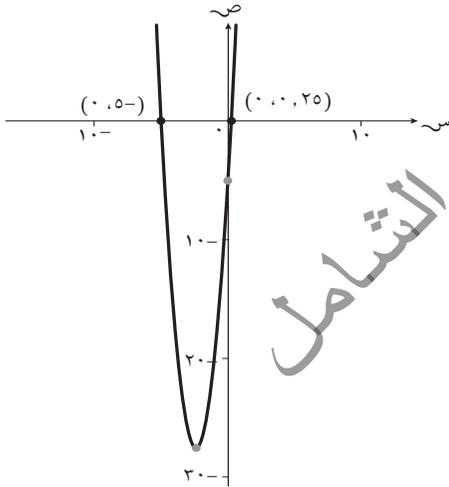
نقاط تقاطع المنحنى مع المحور السيني  $(0, 2)$ ،  $(0, -3)$



$$\begin{aligned} \text{ك} &= 27 - \\ \text{ب} \quad 2س^2 - 3س + \text{ك} &= 0 \\ \text{ب}^2 - 4أج &= 0 \\ (3-)^2 - 4(2)(\text{ك}) &= 0 \\ 9 - 8\text{ك} &= 0 \\ \text{ك} &= \frac{9}{8} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(12)} \quad \text{ك} س^2 + 2س - 8 &= 0 \\ \text{ك} س^2 + 2س(8 - \text{ك}) + 2س &= 0 \\ \text{ب}^2 - 4أج &< 0 \\ (2\text{ك} - 8)^2 - 4(2\text{ك}) &< 0 \\ 4\text{ك}^2 - 32\text{ك} + 64 - 8\text{ك} &< 0 \\ \therefore \text{ك} &> 2 \end{aligned}$$

$$\text{(13)} \quad \text{أ} \quad 4س^2 + 19س - 5 = (س + 5)(1 - س) \geq 0$$



الشمائل

$$\frac{1}{4} \geq س \geq 5 -$$

$$\begin{aligned} \text{ب} \quad \text{أ} \quad 0 = 20 - 0 \times 8 - 9 = \text{ص} \\ \text{نقاط تقاطع المنحنى مع المحور} \\ \text{الصادي} \\ \text{ص} = 0 \Leftrightarrow 0 = 9 - 8س - س^2 \\ -(س^2 + 8س - 9) = (س + 9)(س - 1) \\ 0 = \end{aligned}$$

$$\text{ب} \quad \frac{1}{4} = \frac{2 + 3 -}{4} = س$$

$$\begin{aligned} \frac{25}{4} = \frac{5}{4} \times \frac{5}{4} = \left(3 + \frac{1}{4}\right) \left(2 - \frac{1}{4}\right) = \text{ص} \\ \text{نقطة التحول هي نقطة قيمة صغرى إحداثياتها} \\ \left(\frac{25}{4}, \frac{1}{4}\right) \end{aligned}$$

$$\text{ج} \quad \text{ك} = (س + 3)(س - 2)$$

$$س^2 + 3س - 2\text{ك} = 0$$

$$س^2 + 3س - 2\text{ك} = 0$$

$$\text{ب}^2 - 4أج = (-6 - \text{ك}) \times 1 \times 4 - 21 = 0 <$$

$$1 + 24 + 4\text{ك} = 25 <$$

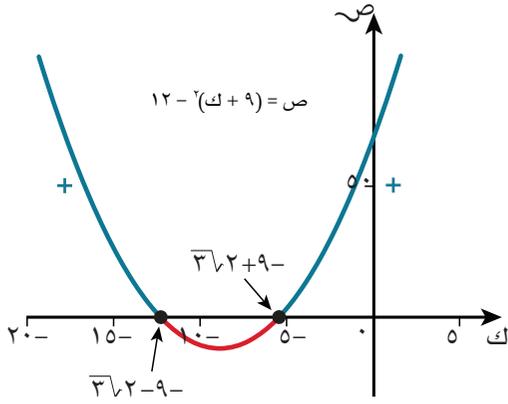
$$4\text{ك} < 25$$

$$\text{ك} < \frac{25}{4}$$

$$\text{(11)} \quad \text{أ} \quad \text{ص} = 2س^2 - 3س + \text{ك}$$

$$-7 = 2(4) - 3(4) + \text{ك}$$

$$-7 = 32 - 12 + \text{ك}$$



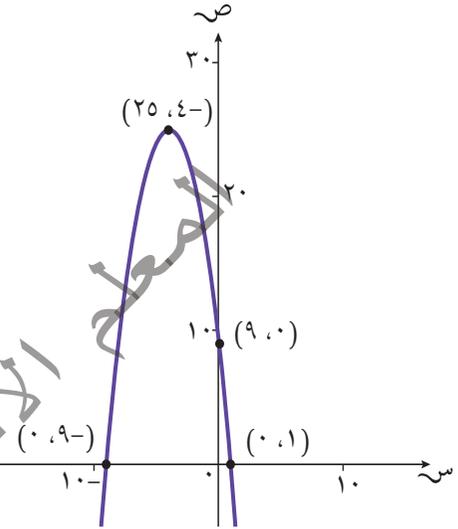
نقاط تقاطع المنحنى مع

المحور السيني

$$س = \frac{1 + 9}{2} = ٥$$

$$ص = ٢(٥) - ٤ \times ٨ - ٩ = ٢٥$$

نقطة التحوّل (٢٥، -٤)



نجد نقاط التقاطع ك من خلال حل المعادلة

$$٠ = ١٢ - ٢(ك + ٩)$$

١٢ = ٢(ك + ٩) نأخذ الجذر التربيعي لطرفي المعادلة

لنحصل على:

$$\sqrt{١٢} \pm = ك + ٩ \text{ أو } \sqrt{١٢} \pm = ك + ٩$$

$$٣\sqrt{٢} - ٩ = ك \text{ أو } ٣\sqrt{٢} + ٩ = ك$$

نريد فترة قيم ك التي تحقق:

$$٠ < ١٢ - ٢(ك + ٩)$$

أي القيم التي تجعل المنحنى موجباً (أعلى المحور ك)

$$\text{الحل هو } ك < ٣\sqrt{٢} + ٩ \text{ أو } ك > ٣\sqrt{٢} - ٩$$

$$(١) \dots\dots\dots (١) \text{ ص} = ٢س + ك$$

$$(٢) \dots\dots\dots (٢) \text{ ص} = ١ + ٢ك - س - س$$

عند نقاط التقاء المنحنيين، تصح المعادلة ٢س + ك

$$١ + ٢ك - س - س = ٢س + ك$$

نوسّع ونعيد ترتيبها لنحصل على:

$$س٢ + ٢س - ٢ك - س + ك = ١ \text{ أو } ٠ = ١ - ك + س$$

$$٠ = (١ - ك) + س + س٢ - ٢ك$$

$$٠ = ج + س + س٢ \text{ وهي في الشكل أس}٢$$

$$\text{حيث } ١ = أ, ب = (٢ - ٢ك), ج = ١ - ك$$

حتى تكون نقاط التقاطع مختلفة،

$$٠ < ٤ - أ ج$$

$$\therefore ٠ < (١ - ك)(١) - ٢(٢ - ٢ك)$$

ونعيد ترتيبها لنحصل على:

$$٠ < ٢ + ٣ك - ٢(٢ - ٢ك) \text{ أو } ٠ < (١ - ك)$$

(٢) القيمة العظمى تساوي ٢٥

$$(١) \dots\dots\dots (١) \text{ ص} = ك - ٣$$

$$(٢) \dots\dots\dots (٢) \text{ ص} = ٩ - س٢$$

عند نقاط التقاء المنحنيين، تصبح المعادلة

$$ك - ٣ = ٩ - س٢$$

نعيد ترتيبها لنحصل على:

$$س٢ - ٩ - ك + ٣ = ٠ \text{ أو } ٠ = ٣ + س - ٩$$

$$٠ = ٣ + س - ٩ - س٢ \text{ وهي في الشكل أس}٢$$

$$\text{وهي في الشكل أس}٢ + ب + س + ج = ٠$$

$$\text{حيث } ٢ = أ, ب = -(ك + ٩), ج = ٣$$

حتى تكون نقاط التقاطع مختلفة، ب<sup>٢</sup> - ٤ أ ج < ٠

$$\therefore ٠ < [-(ك + ٩)](١) - ٢(٣)$$

$$(ك + ٩) - ١٢ < ٠$$

أ عند نقاط تقاطع المنحنيين، تصح المعادلة

$$5 - 2s = 2s + 2s + ك$$

نعيد ترتيبها لنحصل على:

$$2s - 2s - 2s + 4s + (ك - 5) = 0$$

ب بما أن إحدى نقاط التقاطع هي أ = (-2, 13)

∴ تعويض س = -2 يعطينا النقطة ب.

$$0 = (ك - 5) + (-2) - 2(-2)$$

$$17 = ك$$

نعوض ك = 17 في المعادلة

$$0 = (ك - 5) + س - 2س$$

$$0 = 12 - س$$

$$0 = (2 + س)(6 - س)$$

س = 2- النقطة أ، س = 6 النقطة ب

نعوض س = 6 في أي من المعادلتين (1) أو (2)

$$29 = ص$$

النقطة ب هي عند (6, 29).

ج لدينا من الجزء أ: س<sup>2</sup> - 2س + 4 = (ك - 5)

$$0 = ج + س + 2س$$

$$حيث أ = 1، ب = 4-، ج = 5 - ك$$

حتى يكون المستقيم مماساً للمنحنى، وجب أن

يكون للمعادلة هذه حل واحد، إذاً

$$0 = 2س - 4س + ج$$

$$0 = (ك - 5)(1) - 2(4-)$$

ك = 1 ∴ س<sup>2</sup> - 2س + 4 = 5 + س - 2س

نحصل على

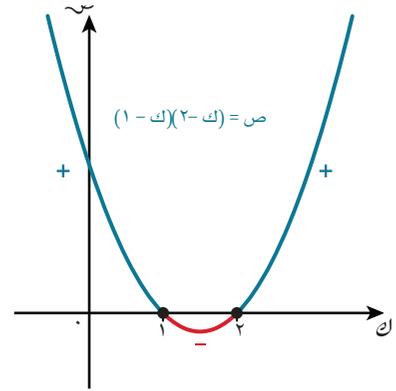
$$0 < (2 - س)$$

$$س = 2$$

نعوض س = 2 في أي من المعادلتين (1) أو (2)

$$5 = ص$$

النقطة ج هي عند (2, 5).



نجد نقاط التقاطع من خلال حل المعادلة

$$0 = (ك - 1)(2 - ك)$$

$$ك = 1 \text{ أو } ك = 2$$

نريد فترة قيم ك التي تحقق:

$$0 < (ك - 1)(2 - ك)$$

أي القيم التي تجعل المنحنى موجباً (أعلى المحور

ك)

$$\text{الحل هو } ك > 1 \text{ أو } ك < 2$$

$$ص = 2س^2 - 8س + 3 = 0 \quad (16) \text{ أ}$$

$$0 = (2س - 3)(3 - س)$$

$$س = \frac{3}{2} \text{ أو } \frac{1}{2}$$

المقاطع من محور السينات  $(\frac{3}{2}, 0)$ ،  $(\frac{1}{2}, 0)$

$$\text{محور التماثل } س = \frac{\frac{1}{2} + \frac{3}{2}}{2} = 1$$

عندما س = 1 فإن ص = 1 - 3 + 8 - 1 = 5

وعليه، الرأس هو (1, 5)

$$ص = 2س^2 - 8س + 3 = 0 \quad (16) \text{ ب}$$

$$ص = 2(8 - ك) - 8س + 3 = 0$$

$$\text{المماس } \Leftarrow 2س - 8س + 3 = 0$$

$$0 = 8 - 2(ك - 8) - 8س + 3 = 0$$

$$ك = 8$$

$$(17) \text{ ص} = 5 - 2س + 2س^2 \dots\dots\dots (1)$$

$$\text{ص} = 2س^2 + ك \dots\dots\dots (2)$$

(١٨) أ عند التقاطع، يكون  $ص = ٥س - ٧ + ٧$ .

$$ص = ٣ - ٢س$$

إذا تصح المعادلة  $٥س - ٧ + ٧ = ٣ - ٢س$ 

$$٠ = ١٠ + ٧س - ٢س$$

$$٠ = (٥ - ٢س)(٢ - ٢س)$$

$$٥ = ٢س \text{ أو } ٢ = ٢س$$

نعوض  $٢ = ٢س$  في  $ص = ٣ - ٢س$  لنحصل على

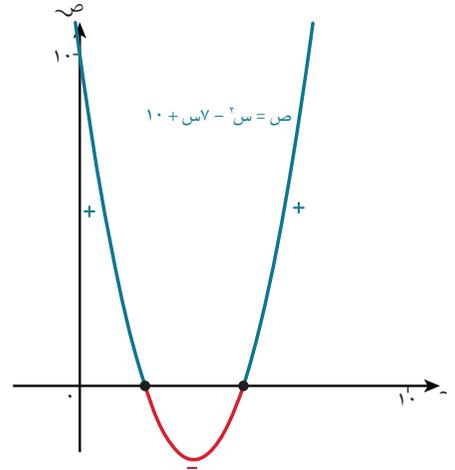
$$١ = ٣ - ٢$$

نعوض  $٥ = ٢س$  في  $ص = ٣ - ٢س$  لنحصل على

$$٧ = ٣ - ١٠$$

نقطتا التقاطع هما  $(١, ٢)$ ،  $(٧, ٥)$ ب  $٥س - ٧ + ٧ > ٣ - ٢س$ 

$$٠ > ١٠ + ٧س - ٢س$$

نجد نقاط التقاطع-س عند  $٢ = ٢س$ ،  $٥ = ٢س$ حتى يكون  $٧س - ١٠ + ٧ > ٠$ ، وجب أن نجد فترة قيم س

حيث يكون المنحنى سالباً (أسفل المحور السيني).

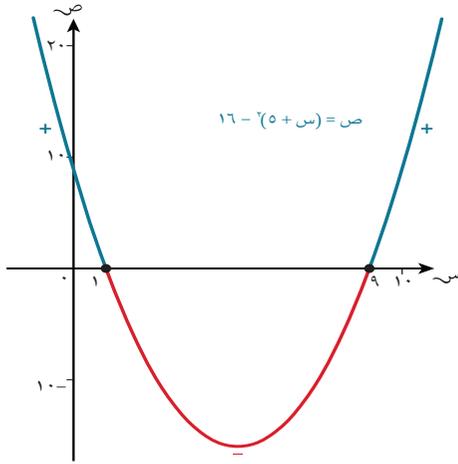
$$٥ > ٢س > ٧$$

(١٩) أ الرأس هو عند  $(٥, ٢٥)$ 

$$٩ \geq ٢(٥ - ٢س) - ٢٥$$

$$٠ \leq ١٦ - ٢(٥ - ٢س)$$

$$١٦ - ٢(٥ - ٢س) = ٠$$

نجد نقاط التقاطع، نحل  $٠ = ١٦ - ٢(٥ - ٢س)$ 

نأخذ الجذر التربيعي لطرفي المعادلة

$$٤ \pm = ٥ - ٢س$$

نقاط التقاطع هي عند  $١ = ٢س$ ،  $٩ = ٢س$ حتى يكون  $١٦ - ٢(٥ - ٢س) \leq ٠$ ، وجب أن نجد فترة قيم

س التي تجعل المنحنى إما مساوياً للصفر أو موجباً (أي

على المحور السيني أو أعلاه)

$$٩ \leq ٢س \text{ أو } ١ \geq ٢س$$

حلل إلى العوامل العبارة التربيعية.

$$(20) \quad 5 + 4n - n^2 = (n + 1)(n - 5)$$

$$2 = \frac{5 + 1 -}{2}$$

أوجد نقطة المنتصف للجذرين.

بعد ثانيّتين تشكّل الكرة عند أقصى ارتفاع.

$$ع = 5 + 4(2) - 2(2) = 9$$

عوّض في المعادلة الأصلية لتجد أقصى ارتفاع ٩ أمتار.

٩ أمتار

حلّل إلى العوامل العبارة التربيعية.

$$(21) \quad 27 + 3n - n^2 = (n + 3)(n - 9)$$

$$ن = \frac{9}{2} \text{ أو } ن = -3$$

يقع محور التماثل في منتصف المسافة بين الجذرين.

$$\frac{3 - + \frac{9}{2}}{2} = 0,75$$

أوجد قيمة ع لهذه القيمة لن

$$ع = 27 + 3(0,75) - (0,75)^2$$

$$ع = 28,125$$

$$28,125 \text{ متر}$$

حلّ العبارة التربيعية.

$$(22) \quad م = 10س - س^2$$

$$م = س(10 - س)$$

$$س = 0 \text{ أو } س = 10$$

أوجد جذري المعادلة.

يقع محور التماثل في منتصف المسافة بين الجذرين.

$$5 = \frac{10 + 0}{2}$$

أوجد قيمة م لهذه القيمة (لس)

$$م = 10 \times 5 - 5^2 = 25$$

المساحة ٢٥ م<sup>٢</sup> والشكل مربع طول ضلعه ٥ م.

شكّل المعادلة من المعلومات المعطاة في المسألة.

$$(23) \quad 56 = 15س - س^2$$

$$س^2 - 15س + 56 = 0$$

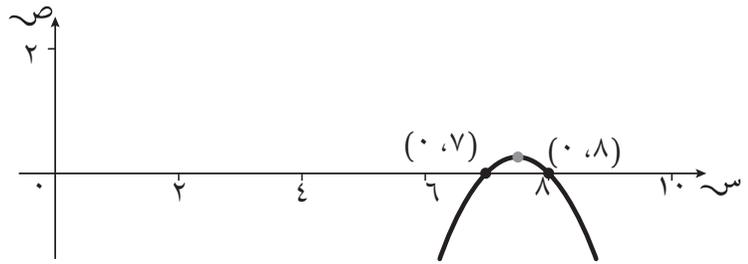
$$(س - 7)(س - 8) = 0$$

حلل إلى العوامل العبارة التربيعية.

$$س = 7, س = 8$$

أوجد جذري المعادلة.

يمكنك رسم منحنى الدالة التربيعية، وإيجاد قيم  $s$  التي يتقاطع المنحنى عندها مع المحور  $s$ .



استخدم منحنى الدالة لتحديد قيم  $s$  المطلوبة.

$$s = 7, s = 8$$

بررّ الحلّ ليتفق مع سياق المسألة.

يجب على الشركة تسعير المنتج بقيمة ٧٠٠ أو ٨٠٠ ريال عُماني. بالتأكيد ستختار الشركة التسعيرة الأقل لضمان بيع قطع أكثر

المعلم الإلكتروني الشامل