

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

مركز
بيسان الثقافي

إختبار الشهر الثاني

للصف التاسع

الأستاذ محمد موسى

الطالب: _____

السؤال الأول :

- (P) المسافة بين النقطتين P (٤٥٢) و U (٧٦٥)
- (U) إذا كانت النقطتان P (-٤٥٢) و U (١٠٥٥) نقطتين في المستوى الإحداثي، وإحداثي نقطة منتصف \overline{PU}
- (P) إذا كانت النقطتان P (٤٦٢) و U (٦٦٤) نقطتين في المستوى الإحداثي، وكانت النقطة N منتصف \overline{PU}
- إحداثيات النقطة N

السؤال الثاني :

- (P) أكتب معادلات الخط المستقيم المار بالنقطتين P (-٦٥٢) و U (-٦٥٢-٢)
- (U) المسافة بين النقطتين P (-٦٥٢) و U (-٦٥٢-٢) في الحالات التالية :
- ١- ميله = ٢ ومقطعه الصادي = ٤
 - ٢- ميله = ٢ ومقطعه السيني = ٣
 - ٣- مقطعه الصادي = ٦ ومقطعه السيني = ٢

السؤال الثالث :

- (P) إذا كانت النقطتان P (٦-٥٢) و U (٦٥٢-٦) مناهي قطر في الدائرة التي مركزها M، حدد ما يلي
- ١- إحداثي مركز الدائرة ٢- طول نصف قطرها ٣- معادلة الدائرة
- (U) حدد إحداثي المركز وطول نصف القطر للدائرة التي معادلتها
- س٤ + ص٥ = ٤س - ١٠ص - ٢٨

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

حل أسئلة المراجعة

الهندسة الإحداثية

محمد موسى
0788482654

السؤال الأول: إذا كانت النقطتان $P(100, -)$ و $Q(300, -)$ نقطتين في المستوى الإحداثي، فأجب عما يلي:

$$P(100, -) \text{ و } Q(300, -)$$

أ- جد طول القطعة المستقيمة PQ .
الحل: $PQ = \sqrt{(300 - 100)^2 + (- -)^2}$

$$= \sqrt{200^2 + (- -)^2} = \sqrt{40000 + (- -)^2} = \sqrt{41}$$

ب- جد إحداثي نقطة منتصف القطعة المستقيمة PQ .

$$\left(\frac{300 + 100}{2}, \frac{- + -}{2} \right) = (200, -)$$

$$\left(\frac{200}{2}, \frac{0}{2} \right) = (100, 0)$$

ج- جد معادلة الخط المستقيم PQ .

$$y - (-) = m(x - 100)$$

$$\frac{y + 100}{100 - 200} = m$$

$$\frac{1 - 2}{0 - 100} = m \Rightarrow \frac{-1}{-100} = m \Rightarrow \frac{1}{100} = m$$

$$y - (-) = \frac{1}{100}(x - 100) \Rightarrow y + 100 = \frac{1}{100}(x - 100)$$

د- جد معادلة الدائرة التي تكون PQ قطراً فيها.

$$\text{المركز } \left(\frac{300 + 100}{2}, \frac{- + -}{2} \right) = (200, -)$$

$$\frac{41}{4} = r^2 \Rightarrow \frac{\sqrt{41}}{2} = r$$

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

حل أسئلة المراجعة

الهندسة الإحداثية

محمد موسى
0788482654

السؤال الأول: إذا كانت النقطتان $P(100, -)$ و $Q(300, -)$ نقطتين في المستوى الإحداثي، فأجب عما يلي:

$$P(100, -) \text{ و } Q(300, -)$$

ب- جد طول القطعة المستقيمة PQ .
الحل: $PQ = \sqrt{(300 - 100)^2 + (- -)^2}$

$$= \sqrt{200^2 + (- -)^2} = \sqrt{40000 + (- -)^2} = \sqrt{41}$$

ب- جد إحداثي نقطة منتصف القطعة المستقيمة PQ .

$$\left(\frac{300 + 100}{2}, \frac{- + -}{2} \right) = (200, -)$$

$$\left(\frac{300}{2}, \frac{-}{2} \right) = (150, -)$$

ج- جد معادلة الخط المستقيم PQ .

$$y - (-) = m(x - 150)$$

$$\frac{y + 100}{-100 - 200} = \frac{x - 150}{200 - 300}$$

$$\frac{y + 100}{-300} = \frac{x - 150}{-100} = 3$$

$$y + 100 = -3(x - 150) \Rightarrow y = -3x + 450 - 100 \Rightarrow y = -3x + 350$$

د- جد معادلة الدائرة التي تكون PQ قطراً فيها.

$$\text{المركز } \left(\frac{300 + 100}{2}, \frac{- + -}{2} \right) = (200, -)$$

$$\frac{41}{4} = r^2 \Rightarrow r = \frac{\sqrt{41}}{2}$$

السؤال الثاني: إذا كانت النقطتان م (-٧، ١) ، ن (٣، ٥) نقطتين في المستوى الإحداثي، وكانت النقطة ج (٣، ٥) نقطة منتصف القطعة المستقيمة من م، فما قيمة كل من س، ص؟

الحل: (س، ص) = $(\frac{س+١}{٢}, \frac{ص+٥}{٢})$

← (٣، ٥) = $(\frac{١+٧}{٢}, \frac{س+١}{٢})$

نأخذ كل إحداثية لوجد ص

$\frac{١+٧}{٢} = ٥$

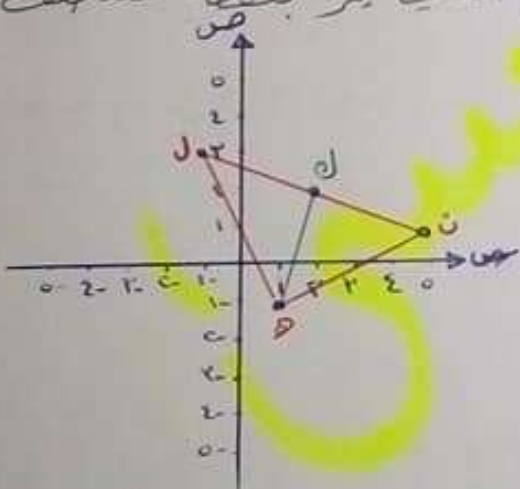
٤ = ص

~~$\frac{س+١}{٢} = ٣$~~

$س+١ = ٦$

← $١+٦ = س$ $٧ = س$

السؤال الثالث: إذا كانت النقاط ل (-٢، ١) ، ن (٥، ١) ، هـ (١، -١) رؤوس مثلث، نجد معادله الخط المستقيم الذي يمر بنقطة منتصف الضلع ن ل، والرأس هـ.



الحل: ص = ١، م = (س، ١)

أولاً نجد إحداثيات منتصف القطعة ن ل

← $(\frac{س+١}{٢}, \frac{ص+١}{٢})$

← $(\frac{٤}{٢}, \frac{٤}{٢})$ ← (٢، ٢) نسميها ك

الخط المستقيم الذي نريد إيجاده معادلته هو "ك هـ" (٢، ٢) هـ (١، -١)

ولكن نجد المعادلة لا بد من إيجاد الميل $٣ = \frac{٢-١}{٢-١} = \frac{ص-١}{س-١}$

معطيات المعادلة أصبحت كاملة $٣ = ٣$ ، $٢ = ١$ ، $٢ = ١$ ، $٢ = ١$

← $ص - ١ = ٣(س - ١)$ ← $ص - ١ = ٣س - ٣$

← $ص - ٢ = ٣س - ٢$ ← $ص = ٣س$ ← $٢ + ٦ - ٣ = ص$ ← $٤ = ص$

السؤال الخامس: إذا كانت النقاط $P(6,1)$ ، $Q(-1,2)$ ، $R(1,0)$ تقاطعاً في المستوى الإحداثي ، فما معادلة الدائرة التي مركزها نقطة منتصف القطعة المستقيمة PQ ، وتمر بالنقطة R ؟

الحل: منتصف القطعة PQ هو مركز الدائرة والذي نعتبره $(د هـ)$
 نجد إحداثي نقطة المنتصف $(س، هـ) = \left(\frac{6+(-1)}{2}, \frac{1+2}{2}\right) = \left(\frac{5}{2}, \frac{3}{2}\right)$
 $\left(\frac{5}{2}, \frac{3}{2}\right) \leftarrow \left(\frac{2+6}{2}, \frac{1+1}{2}\right) \leftarrow (4, 1)$

نعوض $(د هـ)$ في الصورة الصيغية لمعادلة الدائرة $(س-س)^2 + (هـ-ه)^2 = ر^2$
 • لكن $ر$ مجهولة ، نعوض إحداثي النقطة R في المعادلة ونستخرج $ر$.

$$\leftarrow (4-5)^2 + (1-3)^2 = ر^2 \leftarrow 34 = ر^2$$

• الآن نعوض $ر^2 = 34$ $\leftarrow (س-5)^2 + (هـ-3)^2 = 34$

السؤال السادس: ما معادلة المستقيم الذي عبه (2) ، ويمر بمركز الدائرة التي معادلتها $(2-س)^2 + (2+هـ)^2 = 10$ ؟
 أولاً: نرجم المعادلة إلى الصورة الصيغية

$$10 = (2-س)^2 + (2+هـ)^2 \leftarrow 10 = (2-س)^2 + (2+هـ)^2$$

\leftarrow نوزج التوزيع $10 = (2-س)^2 + (2+هـ)^2$

$\leftarrow 10 = (2-س)^2 + (2+هـ)^2$ \leftarrow نقسم على 2 $\leftarrow 5 = (2-س)^2 + (2+هـ)^2$

$\leftarrow (س-1)^2 + (2+هـ)^2 = 5$ الآن أصبحت المعادلة على الصورة الصيغية

الميل $(2) = 1$ ، $س = 1$ ، $هـ = 2$ نعوض في المعادلة

$$10 = (س-1)^2 + (2+هـ)^2$$

$\leftarrow 10 = (س-1)^2 + (2+هـ)^2$ $\leftarrow 10 = (س-1)^2 + (2+هـ)^2$

$\leftarrow 10 = (س-1)^2 + (2+هـ)^2$ $\leftarrow 10 = (س-1)^2 + (2+هـ)^2$

السؤال السابع: إذا كانت النقاط P و Q رؤس مثلث فيه النقطة P (3, 5) ، وكانت النقطة D (5, 2) منتصف القطعة

المستقيمة PQ ، والنقطة E (1, 5) منتصف القطعة المستقيمة PQ:

P - جد إحداثيات كل من النقطتين

الكل: $P(3, 5)$ و $D(5, 2)$ و $Q(1, 5)$

$P(3, 5)$ و $E(1, 5)$ و $Q(1, 5)$

جد الإحداثيات من خلال:

$$\frac{3+1}{2}, \frac{5+5}{2}$$

أولاً: إحداثية النقطة "ن"

$$(0, 3) = \left(\frac{3+1}{2}, \frac{5+5}{2} \right)$$

$$0 \times 2 = 3 + 1 \rightarrow 0 = 3 + 1$$

$$\boxed{7} = 3 - 1 = 1 \rightarrow 1 = 3 + 1$$

$$2 \times 2 = 5 + 5 \rightarrow 4 = 5 + 5$$

$$\boxed{4} = 5 - 1 = 4 \rightarrow 4 = 5 + 1$$

إحداثيات B (4, 4)

ثانياً: إحداثية النقطة "د"

$$(4, 5) = \left(\frac{3+5}{2}, \frac{5+5}{2} \right)$$

$$4 \times 2 = 3 + 5 \rightarrow 8 = 3 + 5$$

$$\boxed{6} = 3 - 1 = 2 \rightarrow 2 = 3 + 1$$

$$1 \times 2 = 5 + 5 \rightarrow 2 = 5 + 5$$

$$\boxed{4} = 5 - 1 = 4 \rightarrow 4 = 5 + 1$$

إحداثيات A (-4, 4)

ب- بين أن المثلث P و Q قائم الزاوية في P

جد أطوال الأضلاع الثلاثة

$$PQ = \sqrt{(3-1)^2 + (5-5)^2} = \sqrt{4} = 2$$

$$PQ = \sqrt{(3-1)^2 + (5-5)^2} = \sqrt{4} = 2$$

$$PQ = \sqrt{(3-1)^2 + (5-5)^2} = \sqrt{4} = 2$$

نفرض أن الوتر PQ ينطبق مع فرضية فيثاغورس $1 + 16 = 17$

$$20 + 2 = 22 = (الضلع 1) + (الضلع 2)$$

$$70 = 70 \rightarrow \text{المثلث قائم الزاوية في P}$$

السؤال الثامن: حد إحداثيي المركز وطول نصف القطر للدايرة التي معادلتها:

$$P - 2x^2 + 4y^2 = 74$$

الحل: المركز هو نقطة الأصل (0,0)، $r^2 = 74 \rightarrow r = 8$

$$P - (1+x)^2 + 4y^2 = 81$$

الحل: المركز (1,0)، $r^2 = 81 \rightarrow r = 9$

$$P - (2-x)^2 + 4(12+y)^2 = 196$$

الحل: $196 = (2-x)^2 + (12+y)^2$ $\rightarrow 196 = 4 + (12+y)^2$

$$\frac{196}{4} = \frac{4}{4} + \frac{(12+y)^2}{4} \rightarrow \frac{49}{1} = \frac{4}{1} + \frac{(12+y)^2}{1}$$

المركز (6,6)، $r^2 = 49 \rightarrow r = 7$

$$D - 2x^2 + 4y^2 = 12 \rightarrow 12 - 2x^2 + 4y^2 = 0$$

الحل: ترتيب المعادلة على الصورة العامة لمعادلة دائرة $2x^2 - 4y^2 = 12$

$$2x^2 - 4y^2 = 12 \rightarrow x^2 - 2y^2 = 6$$

$$\frac{x^2}{6} - \frac{2y^2}{6} = 1 \rightarrow \frac{x^2}{6} - \frac{y^2}{3} = 1$$

$$x^2 - 2y^2 = 6 \rightarrow x^2 - 2y^2 - 6 = 0$$

المركز $(\frac{6}{2}, \frac{0}{2}) \rightarrow (3, 0)$

$$r = \sqrt{c^2 + d^2} = \sqrt{(-1)^2 + (-1)^2} = \sqrt{2} \rightarrow r = \sqrt{2}$$

السؤال التاسع: إذا كانت النقطة $(1, 6)$ تقع على محيط الدائرة التي معادلتها $(x-1)^2 + (y-5)^2 = 4$ ، حدد جميع إيقام المماسات للنايت n .

الحل: إسنه عزيزي الطالب مائة النقطة $(1, 6)$ الخ تعني (د هـ) على صهر امدانت على المحيط وليست المرز لغرض امدانت المحققة على المعادلت

$$4 = (1-n)^2 + (5-1)^2 \leftarrow 4 = (1-n)^2 + (5-1)^2$$

$$4 = (1-n)^2 + 16 \leftarrow 4 - 16 = (1-n)^2 \leftarrow -12 = (1-n)^2$$

$$\begin{aligned} 2 - 1 &= n \\ 1 + 2 &= n \\ 1 &= n \end{aligned}$$

أو

$$\begin{aligned} 2 &= 1 - n \\ 1 + 2 &= n \\ 3 &= n \end{aligned}$$

السؤال العاشرة: حدد إمدائين كل من نقطتي تقاطع الخط المستقيم الذي معادلتها $(x=3)$ مع الدائرة التي معادلتها

$$(x+2)^2 + (y-5)^2 = 29$$

الحل: لغرض $x=3$ في معادلة الدائرة

$$29 = (3-)^2 + (2+)^2 \leftarrow 29 = (3-)^2 + (2+)^2$$

$$29 = (3-)^2 + (2+)^2 \leftarrow 29 - 9 = (2+)^2 \leftarrow 20 = (2+)^2$$

$$\begin{aligned} 0 &= 2 + \\ 2 - 0 &= \\ 2 &= \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 0 &= 2 + \\ 2 - 0 &= \\ 2 &= \end{aligned}$$