

# مدرسة جواكاديمي - joacademy.com

الثامن-فصل ثانٍ-رياضيات/e-school/joacademy.com

- كتابة المتباينات وتمثيلها . 1
- حل المتباينات بالجمع والطرح . 2
- حل المتباينة متعددة الخطوات . 3
- حل المتباينات بالضرب والقسمة . 4
- 
- أسئلة الوحدة

المتباينات الخطية :

أسئلة اختبار الوحدة الأولى :

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي :

1- المتباينة التي تمثل الجملة ( مثلاً  $x$  مضافة إليه 4 أقل من 7 ) :

a )  $2(x + 4) < 7$  b )  $2x + 4 > 7$  c )  $2x + 4 < 7$  d )  $2x + 4 \leq 7$

2- التمثيل البياني الآتي يمثل حل المتباينة :

a )  $x > 6$  b )  $x < 6$  c )  $x \leq 6$  d )  $x \geq 6$

3- أي الأعداد الآتية يُعد أحد حلول المتباينة  $15 - 6y \leq 9$  :

a ) -1 b ) 1 c ) 0 d ) -2

4- حل المتباينة  $\frac{3}{4} < 6y$  هو :

a )  $y < -\frac{1}{8}$  b )  $y > -\frac{1}{8}$  c )  $y > -\frac{9}{2}$  d )  $y > -\frac{2}{9}$

5- المتباينة  $-\frac{1}{2}y \geq -\frac{3}{2}$  تكافىء :

a )  $y \leq \frac{3}{4}$  b )  $y \leq \frac{4}{3}$  c )  $y \leq -3$  d )  $y \leq 3$

6- حل المتباينة  $5n - 12 > 2(n + 9)$  هو :

a )  $n > 6$  b )  $n > 3$  c )  $n > 10$  d )  $n < 10$

7- حل المتباينة  $x < 18 - 2x$  هو :

- a )  $x < 6$  b )  $x < 15$  c )  $x > 3$  d )  $x < 3$

أكتب متباينة تمثل كل جملة مما يأتي ، ثم أحلها ؟

8- عدد ما مطروح منه 15 أقل من 7

$$x - 15 < 7 \Rightarrow x < 7 + 15 \Rightarrow x < 22$$

9- جمع اثنين الى ناتج قسمة عدد على 6 - يساوي 8 على الأكثـر

$$2 + \frac{x}{6} \leq 8 \Rightarrow \frac{x}{6} \leq 6 \Rightarrow x \geq -36$$

10- مجموع عدد و 9 أقل من 1 - :

$$y + 9 < 1 \Rightarrow y < -8$$

11- خمس عدد أقل من 10 :

$$\frac{1}{5}x < 10 \Rightarrow x < 50$$

12- أربعة أمثل عدد مضافاً الى 8 أقل من 20 :

$$4x + 8 < 20 \Rightarrow 4x < 12 \Rightarrow x < 3$$

13- خمسة أمثل مجموع عدد مع 6 أكبر من 20 :

$$5(x + 6) > 20 \Rightarrow 5x + 30 > 20 \Rightarrow 5x > -10 \Rightarrow x > -2$$

أحل كل متباينة مما يأتي ، وأمثل الحل على خط الأعداد ثم أتحقق من صحته :

$$14) x - 5 < 6x - 5 + 5 < 6 + 5x < 11$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( $x = 10$ ) وأعوض في المتباينة الأصلية :

$$10 - 5 < 6$$

صحيحة

$$15) 3x > 21 \quad \frac{3x}{3} > \frac{21}{3} \quad x > 7$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( $x = 9$ ) وأعوض في المتباينة الأصلية :

$$3(9) > 21$$

صحيحة

$$16) x + 4 \leq 7x + 4 - 4 \leq 7 - 4x \leq 3$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( $x = 2$ ) وأعوض في المتباينة الأصلية :

$$2 + 4 \leq 7$$

$$17) t + 5 > 3t + 5 - 5 > 3 - 5t > -2$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( $t = 0$ ) وأعوض في المتباينة الأصلية :

$$0 + 5 > 3$$

صحيحة

$$18) p + 12 \geq 2p + 12 - 12 \geq 2 - 12p \geq -10$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( $p = -1$ ) وأعوض في المتباينة الأصلية :

- 1 + 12 ≥ 211 ≥ 2<sup>2</sup>

---

$$19) 2x - 3 < 72x - 3 + 3 < 7 + 32x < 10 \frac{2x}{2} < \frac{10}{2}x < 5$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( 1 = x ) وأعرض في المتباينة الأصلية :

$$2(1) - 3 < 7$$

$$2 - 3 < 7$$

$$-1 < 7$$

$$20) \frac{x}{2} + 4 > 5 \frac{x}{2} + 4 - 4 > 5 - 4 \frac{x}{2} > 12 (\frac{x}{2}) > 2 (1) x > 2$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( 10 = x ) وأعرض في المتباينة الأصلية :

$$\frac{10}{2} + 4 > 55 + 4 > 59 > 5$$

$$21) \frac{y}{5} + 6 \leq 3 \frac{y}{5} + 6 - 6 \leq 3 - 6 \frac{y}{5} \leq -35 (\frac{y}{5}) \leq 5 (-3) y \leq -15$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( -15 = y ) وأعرض في المتباينة الأصلية :

$$\frac{-15}{5} + 6 \leq 3 - 3 + 6 \leq 33 \leq 3$$

$$22) 6 \geq 9 - x \quad 9 - x \leq 69 - x \quad 9 \leq 6 - 9 - x \leq -3 - 1 (-x) \geq -1 (-3) x \geq 3$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( 10 = x ) وأعرض في المتباينة الأصلية :

$$6 \geq 9 - 106 \geq -$$

---

$$23) 10 - 2x \leq 310 - 2x - 10 \leq 3 - 10 - 2x \leq -7 \frac{-2x}{-2} \geq \frac{-7}{-2}x \geq 3.5$$

تمثيل المتباينة على خط الأعداد :

التحقق من صحة الحل :

أفرض ( $x = 4$ ) وأعرض في المتباينة الأصلية :

$$10 - 2(4) \leq 310 - 8 \leq 32 \leq 3$$

---

24- يتلقى موظف مبيعات في أحد المراكز التجارية مبلغ 75 دينار أسبوعياً ، إضافة إلى 4% من قيمة مبيعاته ،

يخطط هذا الموظف ألا يقل دخله هذا الأسبوع عن 95 دينار ، أجد الحد الأدنى للمبيعات التي تحقق هدفه .

الحل :

المعطيات : - يتلقى الموظف 75 دينار أسبوعياً

- ويتلقى 4% من مبيعاته

المتغيرات : لتكن  $x$  قيمة مبيعات الموظف فيكون 4% من مبيعاته هي  $\frac{4}{100}x$

المتباينة :

$$\frac{4}{100}x + 75 \geq 95 \quad \frac{4}{100}x \geq 95 - 75 \quad \frac{100}{4}(\frac{4}{100}x) \geq \frac{100}{4}(20) \quad x \geq 500$$

إذن الحد الأدنى للمبيعات التي تحقق الهدف 500 دينار .

---

أحل كل من المتباينات الآتية ، وتحقق من صحة الحل :

$$25) 3 + \frac{r}{-4} \geq 63 + \frac{r}{-4} - 3 \geq 6 - 3 \frac{r}{-4} \geq 3 - 4(\frac{r}{-4}) \leq -4(3) \quad r \leq -12$$

التحقق من صحة الحل :

عند تعييض  $r = -12$  في المتباينة الأصلية أجد أن :

$$3 + \frac{-12}{-4} \geq 63 + 3 \geq 66 \geq 66$$

---

$$26) 2 > -3t - 10 - 3t - 10 < 2 - 3t - 10 + 10 < 2 + 10 - 3t < 12 \frac{-3t}{-3} > \frac{12}{-3}t > -4$$

التحقق من صحة الحل :

أختار عدد أكبر من 4 - بفرض مثلاً ( $t = 1$ ) وأعرض في المتباينة الأصلية

$$2 > -3(1) - 102 > -3 - 102 > -13$$

$$27) 5x - 12 < 3x - 45x - 12 - 3x < 3x - 4 - 3x \\ 2x - 12 < -42x - 12 + 12 < -4 + 122x < 8 \frac{2x}{2} < \frac{8}{2}x < 4$$

التحقق من صحة الحل :

أختار عدد أقل من 4 وأعوضه في المتباينة الأصلية أفرض (  $x = 3$  )

$$5(3) - 12 < 3(3) - 415 - 12 < 9 - 43 < 5$$

$$28) 2(k - 5) < 2k + 52k - 10 < 2k + 52k - 10 - 2k < 2k - 2k + 5 - 10 < 5$$

حلها جميع الأعداد الحقيقية

$$29) 2(5z - 20) < -3(4 - z) 10z - 40 < -12 + 3z \\ 10z - 40 - 3z < -12 + 3z - 3z \\ 7z - 40 + 40 < -12 + 40 \\ 7z < 28 \\ z < 4$$

التحقق من صحة الحل :

أختار عدد أقل من 4 وأعوضه في المتباينة الأصلية ، أفرض (  $z = 2$  )

$$2(5(2) - 20) < -3(4 - 2) 2(10 - 20) < -3(2) 2(-10) < -6 - 20 < -6$$

30- مساعدات : تخطط جمعية خيرية لإقامة بازار تبيع فيه أطباقاً من الطعام وتوزيع ربع مبيعاته على عائلات فقيرة ،

إذا كان سعر الطبق الواحد 1.25 دينار ، وتحطط الجمعية لجمع ما لا يقل عن 400 دينار ، فاجد عدد الأطباق التي يجب بيعها في البازار لتحقق الجمعية هدفها

الحل :

المعطيات : - سعر الطبق الواحد 1.25 دينار

- تخطط الجمعية لجمع ما لا يقل عن 400 طبق

المطلوب : إيجاد عدد الأطباق التي يجب بيعها في البازار لتحقق الجمعية هدفها

المتغيرات : أفرض عدد الأطباق  $y$

المتباينة :

$$1.25y \geq 400 \frac{1.25y}{1.25} \geq \frac{400}{1.25}y \geq 320$$

إذن عدد الأطباق التي يجب بيعها في البازار يجب أن لا يقل عن 320 طبق

تدريب على الاختبارات الدولية :

31- حل المتباينة  $u - 13 < -18$  هو :

a )  $u < -5$  b )  $u > 5$  c )  $u > -5$  d )  $u < 5$

---

? -  $5n < 3$  ما أصغر عدد كلي يحقق المتباينة

a ) -1 b ) 0 c ) 1 d ) 2

---

?  $w > 4$  أي المتباينات تكافئ المتباينة

a )  $w < 4$  b )  $-4 < wc$  c )  $w < -4$  d )  $-w < -4$

---

34- قررت إدارة أحد المطارات صيانة أحد مدرجها البالغ طوله 456 متر ، إذا أنجز أقل من ثلث العمل في المرحلة الأولى ،

فإن المتباينة التي تمثل عدد الأمتار التي ما زالت تحتاج للصيانة هي :

a )  $d > 304$  b )  $d \leq 304$  c )  $d \geq 304$  d )  $d < 304$

---

35- تكلفة الدقيقة الواحدة من المكالمات الدولية على الهاتف النقال لسمير 8 فروش ، إذا كان الحد الأعلى للمبلغ الذي يمكن أن يصرفه سمير على

مكالمة دولية 2.4 دينار ، فما المتباينة التي تستعمل لإيجاد مدة المكالمة؟

a )  $0.08m \leq 2.4$  b )  $0.08m \geq 2.4$  c )  $0.08 \leq 2.4m$  d )  $0.08 \geq 2.4m$

---