

أختار رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

- (1) ناتج ضرب المقدار $(2x + 42)(x - 4)$ يساوي:
 a) $2x^2 - 16$ b) $4x^2 - 16$ c) $4x^2 + 16$ d) $4x - 16$
- (2) مربع طول ضلعه $x - 6$ وحدة مربعة، فتكون مساحته:
 a) $x^2 - 12x + 36$ b) $x^2 - 36$ c) $x^2 + 12x - 36$ d) $x^2 + 36$
- (3) المقدار الجبري الذي يمثل مربعاً كاملاً هو:
 a) $y^2 + 26y + 25$ b) $y^2 - 8y - 16$ c) $y^2 - 8x + 16$ d) $y^2 - 25$
- (4) قيمة b التي تجعل المقدار $bx + 144 + x^2$ مربعاً كاملاً هي:
 a) 12 b) -12 c) 24 d) -24
- (5) تحليل المقدار $y^4 - y^2x^4$ إلى عوامله الأولية تحليل كامل:
 a) $4y(x-1)(x+1)$ b) $4y(x^2 - 1)$ c) $(2x-2)(2x+2)$ d) $(x-1)(x+1)$
- (6) قطعة أرض مستطيلة الشكل، مساحتها $(10-x)(3+2x)$ وحدة مربعة، إذا كان أحد أبعادها $(5+x)$ وحدة، فإن بُعدها الآخر هو:
 a) $x - 2$ b) $x + 2$ c) $x - 5$ d) $x + 10$
- (7) $x - 366 - 2x$
 a) $-x - 6$ b) $x - 6$ c) $x + 6$ d) $6 - x$
- (8) تحليل المقدار $w^4 - 1$ إلى عوامله الأولية تحليل كامل:
 a) $(w-1)(w+1)$ b) $(w-1)(w+1)(w^2+1)$ c) $(w-1)(w^3+1)$ d) $(w-1)(w^2+2w+1)$
- (9) يقبل المقدار الجبري $x^2 - 100$ القسمة من دون باقي على:
 a) $x - 10$ b) $x - 5$ c) $x - 100$ d) $x + 100$

اكتب كل مما يأتي بأبسط صورة:

- 10) $(2x-7)(2x+7) = 4x^2 - 49$
 11) $(6y-3x)(6y-3x) = 36y^2 - 36yx + 9x^2$
 12) $(x-4)^2 = x^2 - 8x + 16$
 13) $(3d+6)^2 = 9d^2 + 36d + 36$

أحل كل مقدار جبري مما يأتي تحليل كامل:

- 14) $3yw^2 - 12y + 2w^2 - 8 = (3yw^2 - 12y) + (2w^2 - 8)$
 $= 3y(w^2 - 4) + 2(w^2 - 4)$
 $= (w-2)(w+2)(3y+2)$
- 15) $x^2 - 10x + 25 = (x-5)(x-5) = (x-5)^2$
- 16) $9y^2 - 4 = (3y-2)(3y+2)$

(17) يبين الشكل المجاور مهبطاً للطائرات العمودية في إحدى المستشفيات، فإذا كان طول نصف قطر الدائرة الصغرى يقل 8 أمتار عن طول نصف قطر الدائرة الكبرى، فأكتب مقداراً جبرياً يمثل الفرق بين مساحتي الدائرتين، ثم أحله تحليل كامل.



نصف قطر الدائرة الكبرى: r \Rightarrow المساحة: $2\pi r = A_o$
 نصف قطر الدائرة الصغرى: $8 - r$ \Rightarrow المساحة: $2(8-r)\pi = A_i$
 الفرق بين المساحتين:
 $A_o - A_i = 2\pi r - 2(8-r)\pi = 2\pi r - 16\pi + 2\pi r = 4\pi r - 16\pi$
 $= 4\pi(r - 4)$

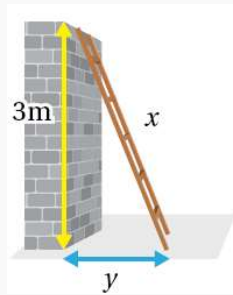
(18) كرة قدم: ملعب كرة قدم مساحته $(29-x)(28-2x)$ متراً مربعاً، وعرضه $1+x$ متراً، أجد محيطه بدلالة x

- (1) نجد طوله $29-x = 1+x(1+x)$ $(29-x) = 1+x(29-x)$ $Aw = L$
 (2) المحيط: $56-x^4 = (1+x)^2 + (29-x)^2 = W^2 + L^2 = C$

أحل كل من المقادير الجبرية الآتية تحليل كامل:

$$\begin{aligned}
19) & 4s^2 - s + 12st - 3t \\
& = s(4s-1) + 3t(4s-1) = (4s-1)(s+3t) \\
20) & 6m^3 - 12mn + m^2n - 2n^2 \\
& = 6m(m^2-2n) + n(m^2-2n) = (m^2-2n)(6m+n) \\
21) & x^2 - 18x + 72 \\
& = (x-12)(x-6) \\
22) & 3x^2 - 48 \\
& = 3(x^2-16) = 3(x-4)(x+4) \\
23) & 100 - (x+9y)^2 \\
& = (10 - (x+9y))(10 + (x+9y)) \\
24) & 3x^2 - 15x + 18 \\
& = 3(x^2 - 5x + 6) = 3(x-2)(x-3)
\end{aligned}$$

25) يستند سلم إلى حائط كما في الشكل المجاور. إذا كان طول السلم x وارتفاع الحائط $3m$ ، فأوجد المقدار الجبري الذي يمثل مربع المسافة الأفقية بين الحائط والسلم، ثم أحلله



$$y^2 = x^2 - 9 \quad y^2 = (x-3)(x+3)$$

أكتب كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\begin{aligned}
26) & 5x + 15x^2 + 10x + 21 \\
& = 5(x+3)(x+3)(x+7) = 5x+7 \\
27) & 2x^2 + 6x + 43x^2 + 9x + 6 \\
& = 2(x^2 + 3x + 2)3(x^2 + 3x + 2) = 23
\end{aligned}$$

تدريب على الاختبارات الدولية

28) أي الآتي عاملان لثلاثي الحدود $42 - x + 2x$ ؟

a) $(x-7)(x-6)$ b) $(x-7)(x+6)$ c) $(x+7)(x-6)$ d) $(x+7)(x+6)$

29) عند كتابة المقدار الجبري $(5-x^2)(5+x^2)$ في أبسط صورة ينتج:

a) $4x^2 - 20x - 25$ b) $4x^2 + 20x + 25$ c) $4x^2 - 25$ d) $2x^2 - 5$

30) إذا كان n عددًا صحيحًا موجبًا، فإن حاصل ضرب عدد سابق في عدد لاحق له يُعطى بالعلاقة:

a) $n^2 - 1$ b) $n^2 + 1$ c) $n^2 - 2$ d) $(n+1)^2$

31) إذا كان $3 = b - a$ ، فأوجد قيمة $a + b$ ، $33 = 2b - 2a$

a) 14 b) 30 c) 11 d) 36