

حلول أسئلة كتاب الطالب وكتاب التمارين

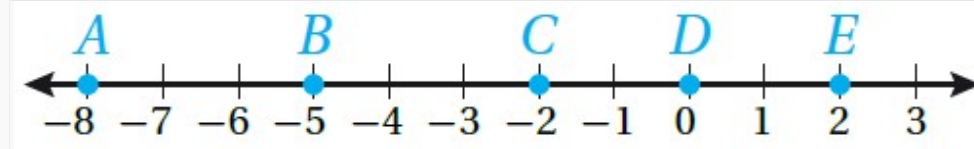
أسئلة اتحقق من فهمي

أتحقق من فهمي صفحة 157

: أستعمل خط الأعداد المبيّن أعلاه لأجد كلّ ممّا يأتي

a) AD

b) CB



: الحل

a) AD

هو - 8 ، A بما أنّ إحداثي النقطة
: هو 0 ، فإنّ E وإحداثي النقطة

صيغة المسافة على خط الأعداد

$$AD = |x_2 - x_1|$$

$x_1 = -8$ ، $x_2 = 0$ بتعويض

$$AD = |0 - (-8)|$$

بالتبسيط

$$AD = 8$$

b) CB

هو - 2 ، C بما أنّ إحداثي النقطة
: هو -5 ، فإنّ B وإحداثي النقطة

صيغة المسافة على خط الأعداد

$$CB = |x_2 - x_1|$$

$x_1 = -2$ ، $x_2 = -5$ بتعويض

$$CB = |-5 - (-2)|$$

بالتبسيط

$$CB = 3$$

أتحقق من فهمي صفحة 158

: (أجد المسافة بين كلّ نقطتين ممّا يأتي ، مُقرّبًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم

a) C(5, 0) , D(-7, 9)

b) G(4, -2) , H(8, -8)

الحل :

a) C(5, 0) , D(-7, 9)

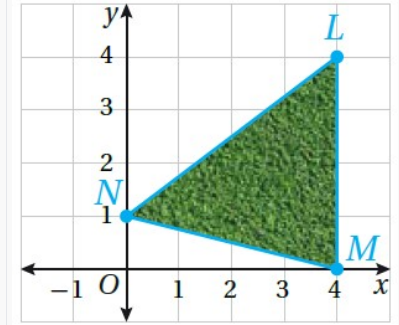
$$CD = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (-7 - 5)^2 + (9 - 0)^2 = 225 = 15$$

b) G(4, -2) , H(8, -8)

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (8 - 4)^2 + (-8 - (-2))^2 = 52 \approx 7.2$$

أتحقق من
فهمي
صفحة
160

يظهر في المستوى الإحداثي المجاور مخطط حديقة مثلثة الشكل، يرغب خالد في تركيب
مرشحات لريّها عند رؤوس المثلث. إذا كانت كل وحدة في المستوى الإحداثي تمثّل
متراً
واحداً، فأجد طول الأنابيب التي تصل بين المرشحات الثلاثة، مقرباً إجابتي لأقرب
جزء
من عشرة.



الحل :

أحدد رؤوس المثلث : $N(0, 1)$, $M(4, 0)$, $L(4, 4)$

أجد طول كل من LN , NM , ML

$N(0, 1)$, $L(4, 4)$ نقطتي نهايتي القطعة هما LN طول

$$LN = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 0)^2 + (4 - 1)^2 = 25 = 5$$

$N(0, 1)$, $M(4, 0)$ نقطتي نهايتي القطعة هما NM طول

$$NM = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 0)^2 + (0 - 1)^2 = 17 \approx 4.1$$

$M(4, 0)$, $L(4, 4)$ نقطتي نهايتي القطعة هما ML طول

$$ML = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 4)^2 + (4 - 0)^2 = 16 = 4$$

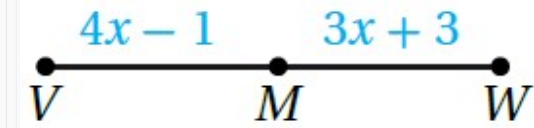
أتحقق من فهمي صفحة 161

PT هما -9 و 10 ، فأجدُ إحداثيَّ نقطةٍ مُنتصفِ PT إذا كانَ إحداثيَا نقطتيَّ نهايتي **a)**

: الحل

صيغةُ نقطةِ المُنتصفِ على خطِّ الأعدادِ	$x_1 + x_2$
$x_2 = 10$, $x_1 = -9$ بتعويض	$= -9 + 10$
بالتبسيط	$= 1$

b) VM وطول VW ، فأجدُ طول VW نقطةٍ مُنتصفِ M في الشكل المُجاور ، إذا كانت



: الحل

تعريفُ نقطةِ مُنتصفِ قطعةٍ مستقيمةٍ	$VM \cong MW$
تعريفُ تطابقِ القطعِ المستقيمةِ	$VM = MW$
بالتعويض	$4x - 1 = 3x + 3$
بجمع 1 إلى طرفي المُعادلةِ	$4x = 3x + 4$
من طرفي المُعادلةِ x بطرح 3	$x = 4$

X الخطوة 1 : أجد قيمة

VM الخطوة 2 : أجد طول

	طول VM	$4x - 1$
	$x = 4$ بتعويض	$= 4 \times 4 - 1$
طول $VW = 30$	بالتبسيط	$= 15$

أتحقق من فهمي صفحة 162

$H (5 , -3)$ و $I (-1 , -7)$ ؛ حيث HI ، التي تُمثِّل مُنتصف M أجد إحداثيَّي النقطة

صيغة نقطة المُنتصف في المُستوى الإحداثي	$M (x1 + x22 , y1 + y22)$
$(x1 , y1) = (-1 , -7)$ ، $(x2 , y2) = (5 , -3)$ بتعويض	$M (-1 + 52 , -7 + (-3)2)$
بالتبسيط	$M (2 , -5)$

: الحل

أتحقق من فهمي صفحة 163

P ، فأجد إحداثيَّي النقطة $E(-8)$ ، ؛ حيث EP نقطة مُنتصف $M(-5)$ ، إذا كانت (10)

: الحل

أعوّض الإحداثيات المعلومة في صيغة نقطة المُنتصف في المُستوى الإحداثي : الخطوة 1

$E (x1 , y1)$ و $P (x2 , y2)$ أفترض أنّ

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(-5, 10)$$

بتعويض $(x_1, y_1) = (-8, 6)$

$$M(-8 + x_2, 6 + y_2) = M(-5, 10)$$

أكتب مُعادلتين ، وأحلُّهُما لإيجاد : الخطوة 2
 P إحداثي

جد y_2

$$6 + y_2 = 10 \quad y_2 = 4$$

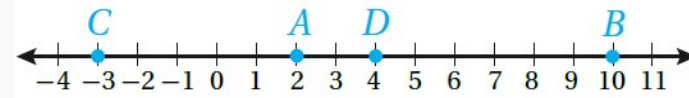
جد x_2

$$-8 + x_2 = -5 \quad x_2 = 3$$

$$x_2 = 3$$

أسئلة أتدرب وأحل المسائل

: أستعمل خطَّ الأعداد المجاور لأجد كلَّ ممَّا يأتي



1) AB

2) CD

3) CB

4) AC

: الحل

1) AB

$$AB = |x_2 - x_1| = |10 - 2| = 8$$

2) CD

$$CD = |x_2 - x_1| = |4 - (-3)| = 7$$

3) CB

$$CB = |x_2 - x_1| = |10 - (-3)| = 13$$

4) AC

$$AC = |x_2 - x_1| = |2 - (-3)| = 5$$

: (أجد المسافة بين كل نقطتين مما يأتي، مُقَرَّبًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم

5) C (-1, 6) , D (4, 8)

6) E (6, -1) , F (2, 0)

7) G (4, -5) , H (0, 2)

: الحل

5) C (-1, 6) , D (4, 8)

$$CD = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - (-1))^2 + (8 - 6)^2 = 29 \approx 5.4$$

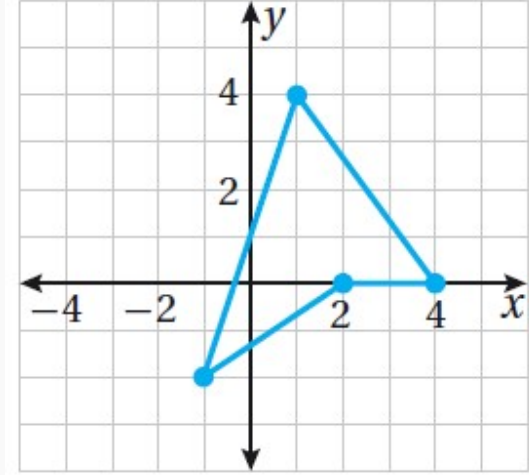
6) E (6, -1) , F (2, 0)

$$EF = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (2 - 6)^2 + (0 - (-1))^2 = 17 \approx 4.1$$

7) G (4, -5) , H (0, 2)

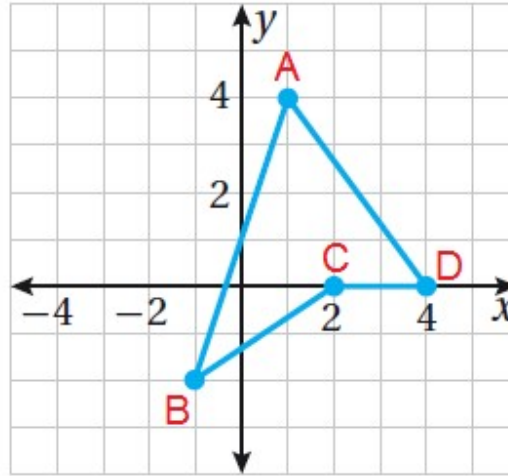
$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (0 - 4)^2 + (2 - (-5))^2 = 65 \approx 8.1$$

8) أجد محيط المضلع المعطاة رؤوسه في المستوى الإحداثي المجاور



: الحل

(أفقية طولها 2 وحدة $CD = |x_2 - x_1| = |4 - 2| = 2$) أسمى الرؤوس ، والاحظ أن القطعة المستقيمة



أجد طول كل من AB , BC , AD

AB : طول $A(1, 4)$, $B(-1, -2)$ نقطتي نهايتي القطعة هما :

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (-1 - 1)^2 + (-2 - 4)^2 = 40 \approx 6.3$$

BC : طول $B(-1, -2)$, $C(2, 0)$ نقطتي نهايتي القطعة هما :

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (2 - (-1))^2 + (0 - (-2))^2 = 13 \approx 3.6$$

AD : طول $A(1, 4)$, $D(4, 0)$ نقطتي نهايتي القطعة هما :

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 1)^2 + (0 - 4)^2 = 25 = 5$$

: محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاعه

$$= CD + AB + BC + AD = 2 + 6.3 + 3.6 + 5 \approx 16.9$$

. إذن محيط الشكل = 16.9 وحدة طول

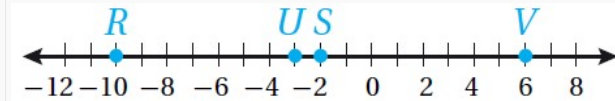
أستعملُ خطَّ الأعداد المُجاور لأجد نقطة المُنتصف لكلِّ من القطع المستقيمة

الآتية :

9) RS

10) UV
 VS

11)



الحل :

9) RS

$$x_1 + x_2 = -10 + -22 = -6$$

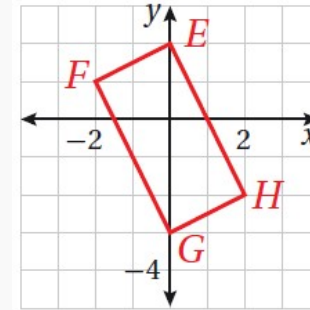
10) UV

$$x_1 + x_2 = -3 + 6 = 3$$

11) VS

$$x_1 + x_2 = -2 + 6 = 4$$

المُعطاة رؤوسه في FEHG أجد مساحة المستطيل (12)
المستوى الإحداثي المجاور.



الحل :

$$GF = \frac{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}{2} = \frac{(-2 - 0)^2 + (1 - (-4))^2}{2} = \frac{4 + 25}{2} = \frac{29}{2} \approx 14.5$$

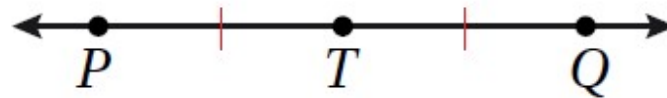
$$FE = \frac{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}{2} = \frac{(0 - (-2))^2 + (2 - 1)^2}{2} = \frac{4 + 1}{2} = \frac{5}{2} \approx 2.5$$

العرض × مساحة المستطيل = الطول

$$4.5 \times 2.2 \approx 9.9$$

. مساحة المستطيل 9.9 وحدة مربعة

: في كلٍ ممّا يأتي PT أستخدم الشكل في أدناه لأجد



13) $PT = 5x + 3$, $TQ = 7x - 9$

$TQ = 6x - 2$

14) $PT = 7x - 24$,

الحل :

	14) $PT = 7x - 24$, $TQ = 6x - 2$	13) $PT = 5x + 3$, $TQ = 7x - 9$
إيجاد قيمة x	$7x - 24 = 6x - 2$ $7x - 6x = 24 - 2$ $x = 22$	$5x + 3 = 7x - 9$ $5x - 7x = -9 - 3$ $-2x = -12$ $x = 6$
إيجاد طول القطعة المستقيمة	$PT = 7x - 24 = 7(22) - 24 = 130$	$PT = 5x + 3 = 5(6) + 3 = 33$

: في كلِّ مِنَ الحالاتِ الآتيةِ HK أجدُ إحداثيَّ نقطةٍ مُنتصفِ

15) $H(7, 3)$, $K(-4, -1)$

16) $H(-4, -5)$, $K(2, 9)$

17) $H(-6, 10)$, $K(8, -2)$

الحل :

15) $H(7, 3)$, $K(-4, -1)$

$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2)$ $M(7 + (-4), 3 + (-1))$ $M(3, 2)$

16) $H(-4, -5)$, $K(2, 9)$

$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2)$ $M(-4 + 2, -5 + 9)$ $M(-2, 4)$

17) $H(-6, 10)$, $K(8, -2)$

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) \quad M(-6+8, 10+(-2)) \quad M(1, 4)$$

نقطة منتصف M المجهولة في كلٍّ مما يأتي. علماً أن CD أجد إحداثيَي نقطة نهاية القطعة المستقيمة

18) $C(-5, 4), M(-2, 5)$

19) $D(1, 7), M(-3, 1)$

20) $D(-4, 2), M(6, -1)$

الحل :

18) $C(-5, 4), M(-2, 5)$

أعوّض الإحداثيات المعلومة في صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي : الخطوة 1

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(-2, 5)$$

$(x_1, y_1) = (-5, 4)$ بتعويض

$$M(-5 + x_2, 4 + y_2) = M(-2, 5)$$

$C(x_2, y_2), D(x_1, y_1)$ أفترض أن

D أكتب معادلتين ، وأحلّهما لإيجاد إحداثيَي : الخطوة 2

أجد y_2

أجد x_2

$$4 + y_2 = 5 \quad y_2 = 1$$

$$y_2 = 1$$

$$-5 + x_2 = -2 \quad -5 + x_2 = -2$$

$$x_2 = 1$$

19) $D(1, 7), M(-3, 1)$

أعوّض الإحداثيات المعلومة في صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي : الخطوة 1

$C(x_1, y_1), D(x_2, y_2)$ أفترض أن

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي	$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(-3, 1)$
$(x_1, y_1) = (1, 7)$ بتعويض	$M(1 + x_2, 7 + y_2) = M(-3, 1)$

أكتب مُعادلتين ، وَأحلُّهُمَا لإيجاد : الخطوة 2
C إحداثي

أجد y_2	أجد x_2
$7 + y_2 = 17 + y_2 = 2$ $y_2 = -5$	$1 + x_2 = -31 + x_2 = -6$ $x_2 = -7$

20) D(-4 , 2) , M(6 , -1)

أعوّض الإحداثيات المعلومة في صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي : الخطوة 1

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي	$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(6, -1)$
$(x_2, y_2) = (-4, 2)$ بتعويض	$M(x_1 - 4, 2 + y_2) = M(6, -1)$

$D(x_2, y_2)$ ، $C(x_1, y_1)$ أفترض أنّ

أكتب مُعادلتين ، وَأحلُّهُمَا لإيجاد : الخطوة 2
C إحداثي

أجد y_2	أجد x_2
-----------	-----------

$$y_1 + 2 = -1y_1 + 2 = -2y_1 = -4$$

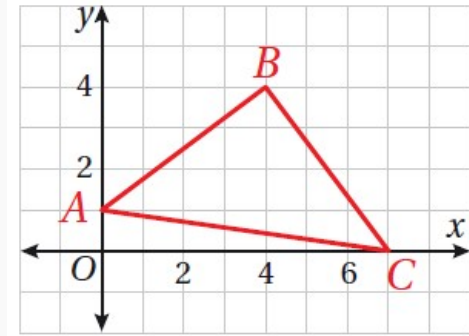
$$x_1 - 4 = 6x_1 - 4 = 12 \quad x_1 = 16$$

في المستوى الإحداثي، للإجابة عن $\triangle ABC$ أستخدم الشكل المجاور الذي يُبين

: السؤالين الآتيين تَباعًا

21) أحدد نوع المثلث من حيث الأضلاع

22) أجد محيط المثلث



: الحل

أحدد رؤوس المثلث ، ثم أجد أطوال الأضلاع

رؤوس المثلث : $A(0, 1)$ ، $B(4, 4)$ ، $C(7, 0)$

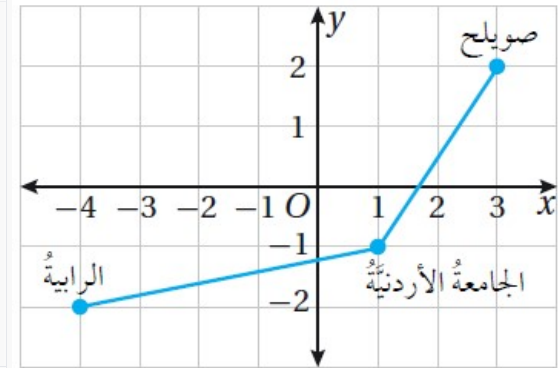
$$AB = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 0)^2 + (4 - 1)^2 = 25 + 9 = 34$$

$$BC = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (7 - 4)^2 + (0 - 4)^2 = 9 + 16 = 25$$

$$AC = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 1)^2 + (0 - 4)^2 = 9 + 16 = 25$$

. نوع المثلث متطابق الضلعين
: محيط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه
 $5 + 5 + 25 = 10 + 25$

مسافة : تظهر في المستوى الإحداثي المجاور 3 مناطق في العاصمة (23)
عمّان ، هي : صويلح ،
والجامعة الأردنية ، والرابية . إذا كانت كل وحدة في المستوى الإحداثي تمثل
كيلومترًا واحدًا ، فأجد
المسافة بين صويلح والجامعة الأردنية والمسافة بين الرابية والجامعة
الأردنية ، مقربًا إجابتي لأقرب
جزء من عشرة .

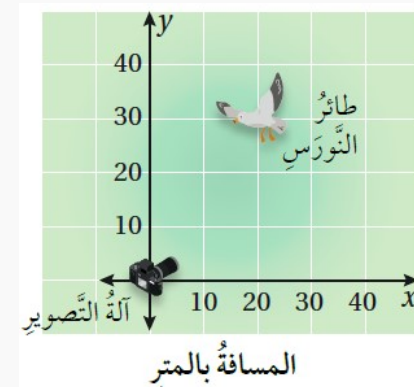


(2 , 3) ، صويلح (1 , -1) الجامعة الأردنية ، (-2 , -4) ووس التي تمثل مواقع المناطق : الرابية

الحل
:
أحد
د
الر

المسافة بين صويلح والجامعة الأردنية	المسافة بين الرابية والجامعة الأردنية
$= \frac{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}{2} = \frac{(1 - 3)^2 + (-1 - 2)^2}{2} = \frac{4 + 9}{2} = \frac{13}{2} \approx 3.6$	$= \frac{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}{2} = \frac{(1 - (-4))^2 + (-1 - (-2))^2}{2} = \frac{25 + 1}{2} = \frac{26}{2} = 13 \approx 5.1$

أو أقل m تلتقط آلة تصوير صوراً عالية الدقة للطيور التي تبعدُ عنها 50 : مسألة اليوم
هل تلتقطُ الآلة صورة عالية الدقة لطائر النورس الموضَّح موقعه في المستوى الإحداثي المجاور؟



أحلُّ المسألة الواردة في بدايةِ الدرس (24)

الحل :

$$(\text{موقع طائر النورس } (20, 30))$$

$$= \frac{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}{2} = \frac{(20 - 0)^2 + (30 - 0)^2}{2} = \frac{400 + 900}{2} = \frac{1300}{2} = 650 \approx 36.1$$

المسافة بين آلة التصوير وطائر النورس 36.1 متراً تقريباً وهي أقل من 50 متر ؛ إذن آلة التصوير تلتقط صورة عالية الدقة لطائر النورس

مهارات التفكير العليا

أكتشف الخطأ : وجدَ عمادُ المسافةَ التقريبيةَ بينَ النقطتين (25)

، كما هو مبين B(1) ، و A(6, 2) 4 -
جانباً. أكتشف الخطأ في حلِّ عمادٍ، وأصحِّحهُ.

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(2-1)^2 + (6-(-4))^2} \\ &= \sqrt{1^2 + 10^2} \\ &= \sqrt{1+100} \\ &= \sqrt{101} \approx 10 \end{aligned}$$



: الحل

أخطأ عماد إذ

عوّض في

القانون الفرق

y بين إحداثي

في y في النقطتين ، والفرق بين إحداثي x في النقطة الثانية ، والصحيح أن يعوّض الفرق بين إحداثي x في نقطة وإحداثي النقطتين .

الحل الصحيح

$$AB = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (6 - 1)^2 + (2 - (-4))^2 = 61 \approx 7.8$$

إذا كانت المسافة بين D(7) ، و A(1 13) ، على القطعة المستقيمة التي نهايتها النقطتان (4 P تبرير : تقع النقطة 26)

ثلاثة أمثال المسافة A و P

.أبرّر إجابتي P. ، فأجدُ إحداثيات النقطة D و P بين

: الحل



AD أجد نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(1 + 7, 4 + 13) = M(4, 8.5)$$

$AD = 4x$ وعليه طول $AP = 3x$ ، إذن طول $PD = x$ أفترض طول

MD تقع منتصف القطعة P إذن ، $PD = 14 (AD)$ إذن طول

$$M(4, 8.5), D(7, 13)$$

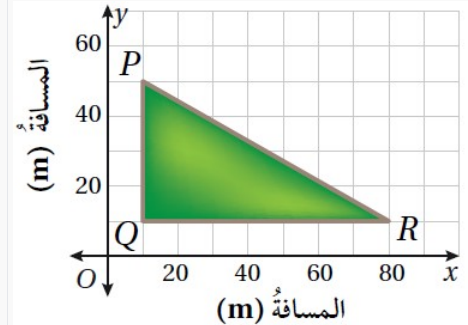
$$P(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = P(4 + 7, 8.5 + 13) = P(5.5, 10.75)$$

27) تبرير : يُبين الشكل المجاور مخططاً لحديقة عامّة على شكل مثلث مُحاطة بِمَمَرٍ مُشاةٍ.

تمارس فيها مرآة رياضة الركض، حيث انطلقت على الممرّ بسرعة ثابتة مقدارها لكلّ دقيقة 130 m

كم دقيقة تقريباً استغرقت مرآة P. ثمّ عادت إلى R إلى Q ثمّ من Q إلى P من العودة إلى P

أبرّر إجابتي مرّة أخرى؟



: الحل

$P(10, 50)$, $Q(10, 10)$ ، المسافة رأسية $|y_2 - y_1| = |10 - 50| = 40$

$Q(10, 10)$, $R(80, 10)$ ، المسافة أفقية $|x_2 - x_1| = |80 - 10| = 70$

RP باستخدام نظرية فيثاغورس أستطيع إيجاد طول

$$RP = \sqrt{(PQ)^2 + (QR)^2} = \sqrt{(40)^2 + (70)^2} = \sqrt{1600 + 4900} = \sqrt{6500} \approx 80.6$$

المسافة الكاملة التي قطعها مرّام $40 + 70 + 6500 \approx 110 + 6500 \text{ m}$

$110 + 6500 \approx 6610 \text{ m}$: المدة الزمنية التي استغرقتها مرّام بالدقائق $\approx 1.5 \text{ min}$

أسئلة كتاب التمارين

: (أجد المسافة بين كلّ نقطتين ممّا يأتي، مُقرّبًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم

1) $A(1, 2)$, $B(0, -7)$

2) $C(-1, -2)$, $D(3, -4)$

3) $E(9, 1)$,

$F(-2, 3)$

: الحل

1) $A(1, 2)$, $B(0, -7)$

2) $C(-1, -2)$, $D(3, -4)$

3) $E(9, 1)$, $F(-2, 3)$

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(0 - 1)^2 + (-7 - 2)^2} = \sqrt{1 + 81} = \sqrt{82} \approx 9.1$$

$$CD = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(3 - (-1))^2 + (-4 - (-2))^2} = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} \approx 4.5$$

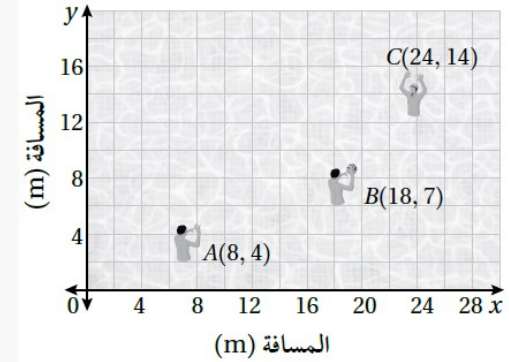
$$EF = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-2 - 9)^2 + (3 - 1)^2} = \sqrt{121 + 4} = \sqrt{125} \approx 11.2$$

:يُبيِّنُ الشَّكْلُ الْمُجَاوِرُ مَوَاقِعَ ثَلَاثَةِ لَاعِبِينَ فِي مَبَارَاةِ كُرَةِ الْمَاءِ. أَجِدْ

4) A وَ B الْمَسَافَةَ بَيْنَ اللَّاعِبَيْنِ

5) B وَ C الْمَسَافَةَ بَيْنَ اللَّاعِبَيْنِ

6) A وَ C الْمَسَافَةَ بَيْنَ اللَّاعِبَيْنِ



: الحل

4) A وَ B الْمَسَافَةَ بَيْنَ اللَّاعِبَيْنِ

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(18 - 8)^2 + (7 - 4)^2} = \sqrt{109} \approx 10.4$$

5) B وَ C الْمَسَافَةَ بَيْنَ اللَّاعِبَيْنِ

$$CB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(24 - 18)^2 + (14 - 7)^2} = \sqrt{85} \approx 9.2$$

6) A وَ C الْمَسَافَةَ بَيْنَ اللَّاعِبَيْنِ

$$CA = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(24 - 8)^2 + (14 - 4)^2} = \sqrt{356} \approx 18.9$$

: ، فأجد القيمة المجهولة في كلِّ ممَّا يأتي FG نقطة مُنْتَصَف M إذا كانت

7) $FM = 3x - 4$, $MG = 5x - 26$, $FG = ?$

8) $FM = 5y +$

13 , $MG = 5 - 3y$, $FG = ?$

9) $MG = 7x - 15$, $FG = 33$, $x = ?$

10) $FM = 8a$

$+1$, $FG = 42$, $a = ?$

الحل :

	8) $FM = 5y + 13$, $MG = 5 - 3y$, $FG = ?$	7) $FM = 3x - 4$, $MG = 5x - 26$, $FG = ?$
x أجد قيمة	$5y + 13 = 5 - 3y$ $8y + 13 = 5$ $8y = -8$ $y = -1$	$3x - 4 = 5x - 26$ $3x = 5x - 22$ $-2x = -22$ $x = 11$
أجد طول FG	$FM = 5y + 13 = 5(-1) + 13 = 8$ $FG = 2 \times 8 = 16$	$FM = 3x - 4 = 3(11) - 4 = 29$ $FG = 2 \times 29 = 58$

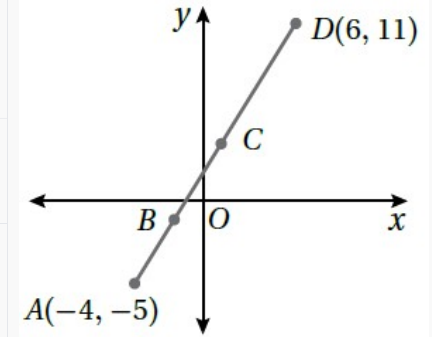
10) $FM = 8a + 1$, $FG = 42$, $a = ?$

9) $MG = 7x - 15$, $FG = 33$, $x = ?$

$FM = 12 \times 42 = 21$
 $8a + 1 = 21$
 $8a = 20$
 $a = 20 \div 8 = 2.5$

$MG = 12 \times 33 = 16.5$
 $7x - 15 = 16.5$
 $7x = 31.5$
 $x = 31.5 \div 7 = 4.5$

11) ، كما هو AD هي مُنْتَصَف C والنقطة AC هي مُنْتَصَف B إذا علمت أن النقطة B مُبَيَّن في الشكل المُجاور، فأجد إحداثي B



الحل :

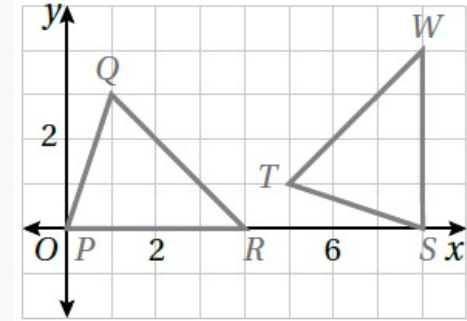
C أجد إحداثي النقطة

$$C (x_1 + x_2, y_1 + y_2) = (-4 + 6, -5 + 11) = C(1, 3)$$

B أجد إحداثي النقطة

$$B (x_1 + x_2, y_1 + y_2) = (-4 + 1, -5 + 3) = B(-3, -2)$$

12) مُتطابقان؟ أبرّر إجابتي هل المثلثان المرسومان في المستوى الإحداثي المجاور



: الحل

أجد أطوال أضلاع المثلثين

وحدات 4 يساوي PR طول الضلع PQR في المثلث

وحدات 4 يساوي SW طول الضلع TSW في المثلث

أضلاع المثلث PQR

$$QR = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 1)^2 + (0 - 3)^2 = 18 \quad PQ = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (1 - 0)^2 + (3 - 0)^2 = 10$$

أضلاع المثلث TSW

$$TW = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (8 - 5)^2 + (4 - 1)^2 = 18 \quad TS = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (8 - 5)^2 + (0 - 1)^2 = 10$$

. إذن أضلاع المثلثين متطابقة ؛ فالمثلثان متطابقان