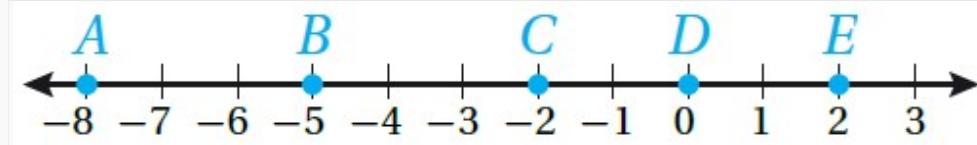


أستعمل خط الأعداد المبين أعلاه لأجد كل ممّا يأتي :

a) AD



b) CB

: الحل

a) AD

هو 8 ، بما أن إحداثي النقطة

هو 0 ، فإن E وإحداثي النقطة

صيغة المسافة على خط الأعداد

$$AD = |x_2 - x_1|$$

$$x_1 = -8, \quad x_2 = 0$$

$$AD = |0 - (-8)|$$

بتعويض
بالتبسيط

$$AD = 8$$

b) CB

صيغة المسافة على خط الأعداد

$$CB = |x_2 - x_1|$$

$$x_1 = -2, \quad x_2 = -5$$

$$CB = |-5 - (-2)|$$

بتعويض
بالتبسيط

$$CB = 3$$

أجد المسافة بين كل نقطتين ممّا يأتي ، مقرّباً إيجابي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم)

a) C(5, 0) , D(-7, 9)

b) G(4, -2) , H(8, -8)

الحل :

a) $C(5, 0)$, $D(-7, 9)$

$$CD = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (-7 - 5)^2 + (9 - 0)^2 = 225 = 15$$

b) $G(4, -2)$, $H(8, -8)$

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (8 - 4)^2 + (-8 - (-2))^2 = 52 \approx 7.2$$

أتحقق من
فهمي
صفحة
160

يظهر في المستوى الإحداثي المجاور مخطط حديقة مُثلثة الشكل، يرغب خالد في تركيب

مرشات لريها عند رؤوس المثلث. إذا كانت كل وحدة في المستوى الإحداثي تُمثل مترًا

واحدًا، فما طول الأنابيب التي تصل بين المرشات الثلاثة، مقرّبًا إجابتي لأقرب جُزءٍ من عشرة.

الحل :

$N(0, 1)$, $M(4, 0)$, $L(4, 4)$: أحدد رؤوس المثلث

أجد طول كل من LN , NM , ML

نقطتي نهايتي القطعة هما $L(4, 4)$ طول $N(0, 1)$

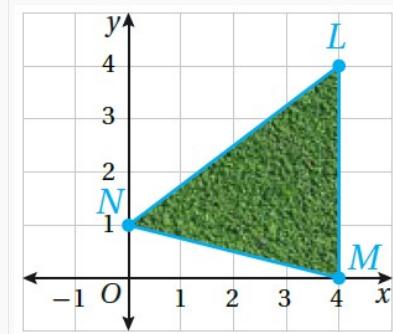
$$LN = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 0)^2 + (4 - 1)^2 = 25 = 5$$

نقطتي نهايتي القطعة هما $M(4, 0)$ طول $N(0, 1)$

$$LN = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 0)^2 + (0 - 1)^2 = 17 \approx 4.1$$

نقطتي نهايتي القطعة هما $ML(4, 4)$ طول $M(4, 0)$

$$LN = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 4)^2 + (4 - 0)^2 = 16 = 4$$



a) إذا كان إحداثياً نقطة مُنتصف PT هما 9 و 10 ، فأجد إحداثياً نقطة مُنتصف PT إذا كان إحداثياً نقطتاً نهايتي (PT)

: الحل

صيغة نقطة مُنتصف على خط الأعداد

$$x_2 = 10, x_1 = -9$$

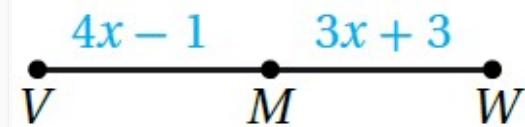
بالتبسيط

$$x_1 + x_2$$

$$= -9 + 102$$

$$= 9.5$$

b) إذا كانت VM وطول VW ، فأجد طول VM نقطة مُنتصف M في الشكل المجاور ،



: الحل

تعريف نقطة مُنتصف قطعة مستقيمة

$$VM \cong MV$$

تعريف تطابق القطع المستقيمة

$$VM = MW$$

بالتعميض

$$4x - 1 = 3x + 3$$

جمع 1 إلى طرفي المعادلة

$$4x = 3x + 4$$

من طرفي المعادلة بطرح 3

$$x = 4$$

X الخطوة 1 : أجد قيمة

الخطوة 2 : أجد طول VM

$$VW = 30 \text{ طول}$$

طول VM

$$x = 4 \text{ بتعويض} \\ \text{بالتبسيط}$$

$$4x - 1 \\ = 4 \times 4 - 1 \\ = 15$$

أتحقق من فهمي صفحة 162

، حيث HI ، التي تمثل مُنتصف M أحد إحداثي النقطة $I(-1, -7)$ و $H(5, -3)$.

صيغة نقطة المُنتصف في المستوى الإحداثي

$$(x_1, y_1) = (-1, -7), (x_2, y_2) = (5, -3) \text{ بتعويض}$$

بالتبسيط

$$M(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2)$$

$$M(-1 + 5/2, -7 + (-3)/2)$$

$$M(2, -5)$$

الحل :

أتحقق من فهمي صفحة 163

، فأجد إحداثي النقطة P ، حيث $E(6, -8)$ نقطة مُنتصف $M(-5)$ ، إذا كانت $(10, 1)$

الحل :

أعرض الإحداثيات المعلومة في صيغة نقطة المُنتصف في المستوى الإحداثي : الخطوة 1
افتراض أن $P(x_2, y_2)$ و $E(x_1, y_1)$

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي

$$(x_1, y_1) = (-8, 6)$$

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(-5, 10)$$

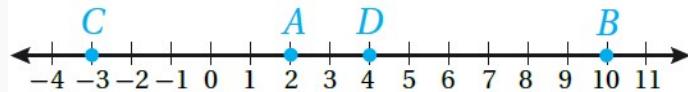
$$M(-8 + x_2, 6 + y_2) = M(-5, 10)$$

أكتب معادلتين، وأحلُّهما لإيجاد : الخطوة 2
إحداثي P

أجد y_2	أجد x_2
$6 + y_2 = 10$	$-8 + x_2 = -5$
$y_2 = 4$	$x_2 = -3$

أسئلة أتدرُّب وأحل المسائل

أستعمل خط الأعداد المجاور لأجد كل مما يأتي :



1) AB

2) CD

3) CB

4) AC

1) AB
الحل :

$$AB = |x_2 - x_1| = |10 - 2| = 8$$

2) CD

$$CD = |x_2 - x_1| = |4 - (-3)| = 7$$

3) CB

$$CB = |x_2 - x_1| = |10 - (-3)| = 13$$

4) AC

$$AC = |x_2 - x_1| = |2 - (-3)| = 5$$

(أَجِدُّ المَسَافَةَ بَيْنَ كُلَّ نَقْطَتَيْنِ مَمَّا يَأْتِي، مُقَرَّبًا إِجَابَتِي لِأَقْرَبِ جُزْءٍ مِّنْ عَشَرَةَ (إِنْ لَزِمَّ) :

5) C (-1, 6) , D (4, 8)

6) E (6, -1) , F (2, 0)

7) G (4, -5) , H (0, 2)

الحل :

5) C (-1, 6) , D (4, 8)

$$CD = (x_2 - x_1)2 + (y_2 - y_1)2 = (4 - (-1))2 + (8 - 6)2 = 29 \approx 5.4$$

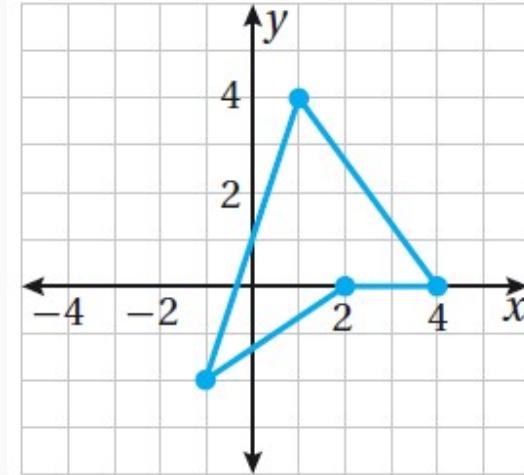
6) E (6, -1) , F (2, 0)

$$EF = (x_2 - x_1)2 + (y_2 - y_1)2 = (2 - 6)2 + (0 - (-1))2 = 17 \approx 4.1$$

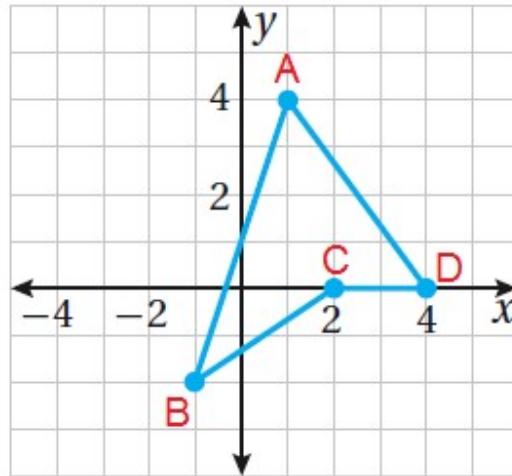
7) G (4, -5) , H (0, 2)

$$GH = (x_2 - x_1)2 + (y_2 - y_1)2 = (0 - 4)2 + (2 - (-5))2 = 65 \approx 8.1$$

8. أَجِدْ مَحِيطَ المُضْلَعِ المُعْطَىَ رَوْسُهُ فِي الْمُسْتَوِيِّ الإِهْدَاثِيِّ الْمُجَاوِرِ



الحل :
أَفْقِيَّة طُولُهَا 2 وَحْدَة CD أُسْمِيَ الرُّؤُوسُ ، وَالاحْظُ أَنَّ الْقَطْعَةَ الْمُسْتَقِيمَةَ



أجد طول كل من AB , BC , AD

نقطتي نهايتي القطعة هما : طول AB $A(1 , 4)$, $B(-1 , -2)$

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (-1 - 1)^2 + (-2 - 4)^2 = 40 \approx 6.3$$

نقطتي نهايتي القطعة هما : طول BC $B(-1 , -2)$, $C(2 , 0)$

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (2 - (-1))^2 + (0 - (-2))^2 = 13 \approx 3.6$$

نقطتي نهايتي القطعة هما : طول AD $A(1 , 4)$, $D(4 , 0)$

$$GH = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 1)^2 + (0 - 4)^2 = 25 = 5$$

محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاعه

$$= CD + AB + BC + AD = 2 + 6.3 + 3.6 + 5 \approx 16.9$$

إذن محيط الشكل = 16.9 وحدة طول .

استعمل خط الأعداد المجاور لأجد نقطة المنتصف لكلٍ من القطع المستقيمة

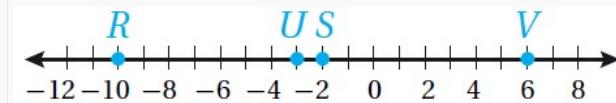
: الآتية

9) RS

10) UV

VS

11)



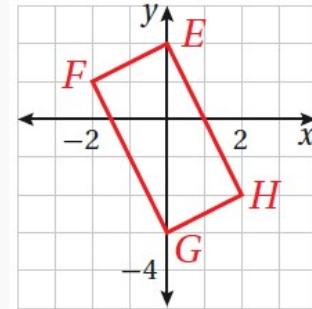
الحل :

9) RS
 $x_1 + x_2 = -10 + -22 = -6$

10) UV
 $x_1 + x_2 = -3 + 62 = -1.5$

11) VS
 $x_1 + x_2 = -2 + 62 = 2$

المُعطاة رؤوسه في $FEHG$ أجد مساحة المستطيل (12)
المُستوى الإحداثي المُجاور.



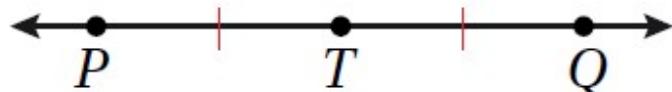
الحل :

$$GF = (x_2 - x_1)2 + (y_2 - y_1)2 = (-2 - 0)2 + (1 - (-3))2 = 20 \approx 4.5$$

$$FE = (x_2 - x_1)2 + (y_2 - y_1)2 = (0 - (-2))2 + (2 - 1)2 = 5 \approx 2.2$$

العرض \times مساحة المستطيل = الطول
 $4.5 \times 2.2 \approx 9.9$
 مساحة المستطيل 9.9 وحدة مُربعة .

في كلِّ ممّا يأتي PT أستعملُ الشكلَ في أدناه لأجد :



13) $PT = 5x + 3$, $TQ = 7x - 9$

$TQ = 6x - 2$

14) $PT = 7x - 24$,

الحل :

14) $PT = 7x - 24$, $TQ = 6x - 2$

إيجاد قيمة x

$$7x - 24 = 6x - 2$$

$$7x - 24 = 6x + 22$$

$$x = 22$$

13) $PT = 5x + 3$, $TQ = 7x - 9$

$$5x + 3 = 7x - 9$$

$$5x + 3 = 7x - 9$$

$$5x + 3 = 7x - 9$$

$$5x + 3 = 5(6) + 3$$

$$5x + 3 = 5(6) + 3$$

$$5x + 3 = 5(6) + 3$$

إيجاد طول القطعة المستقيمة

$$PT = 7x - 24 = 7(22) - 24 = 130$$

$$PT = 5x + 3 = 5(6) + 3 = 33$$

في كل من الحالات الآتية HK أجد إحداثي نقطة مُنتصف

15) $H(7, 3)$, $K(-4, -1)$

16) $H(-4, -5)$, $K(2, 9)$

17) $H(-6, 10)$, $K(8, -2)$

الحل :

15) $H(7, 3)$, $K(-4, -1)$

$$M(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2) = M(7 + (-4)/2, 3 + (-1)/2) = M(3/2, 1)$$

16) $H(-4, -5)$, $K(2, 9)$

$$M(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2) = M(-4 + 2/2, -5 + 9/2) = M(-1, 2)$$

17) $H(-6, 10)$, $K(8, -2)$

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) M(-6+82, 10+(-2)2) M(1, 4)$$

نقطة مُنتصف M المجهولة في كلٍّ مما يأتي. علماً أنَّ CD أَجْدُ إِحْدَاثِيٌّ نقطة نهاية القطعة المستقيمة

18) $C(-5, 4), M(-2, 5)$

19) $D(1, 7), M(-3, 1)$

20) $D(-4, 2), M(6, -1)$

الحل :

18) $C(-5, 4), M(-2, 5)$

أَعْوَضُ الإِحْدَاثِيَّاتِ المُعْلَوَمَةِ في صيغَةِ نَقْطَةِ الْمُنْتَصَفِ فِي الْمُسْتَوِيِّ الإِحْدَاثِيِّ : الخطوة 1

صيغَةِ نَقْطَةِ الْمُنْتَصَفِ فِي الْمُسْتَوِيِّ الإِحْدَاثِيِّ

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(-2, 5)$$

$(x_1, y_1) = (-5, 4)$ بتعويض

$$M(-5 + x_2, 4 + y_2) = M(-2, 5)$$

أفترضُ أنَّ $C(x_2, y_2), D(x_1, y_1)$

D أكتبُ مُعادلَتَيْنِ ، وَأَحْلَمُهُما لِإِيجَادِ إِحْدَاثِيٍّ : الخطوة 2

أَجْدُ y_2

أَجْدُ x_2

$$4 + y_2 = 5 \quad 4 + y_2 = 10$$

$$y_2 = 6$$

$$-5 + x_2 = -2 - 5 \quad -5 + x_2 = -7$$

$$x_2 = 1$$

19) $D(1, 7), M(-3, 1)$

أَعْوَضُ الإِحْدَاثِيَّاتِ المُعْلَوَمَةِ في صيغَةِ نَقْطَةِ الْمُنْتَصَفِ فِي الْمُسْتَوِيِّ الإِحْدَاثِيِّ : الخطوة 1

أفترضُ أنَّ $C(x_1, y_1), D(x_2, y_2)$

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي

$$(x_1, y_1) = (1, 7)$$

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(-3, 1)$$

$$M(1 + x_2, 7 + y_2) = M(-3, 1)$$

أكتب معادلتين، وأحلهما لإيجاد : الخطوة 2

إحداثي C

أجد y_2

$$7 + y_2 = 17 + y_2 = 2$$

$$y_2 = -5$$

أجد x_2

$$1 + x_2 = -31 + x_2 = -6$$

$$x_2 = -7$$

20) $D(-4, 2)$, $M(6, -1)$

أعرض الإحداثيات المعلومة في صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي : الخطوة 1

صيغة نقطة المنتصف في المستوى الإحداثي

$$(x_2, y_2) = (-4, 2)$$

$$M(x_1 + x_2, y_1 + y_2) = M(6, -1)$$

$$M(x_1 - 4, y_1 + 2) = M(6, -1)$$

أفترض أن $C(x_1, y_1)$ ، $D(x_2, y_2)$

أكتب معادلتين، وأحلهما لإيجاد : الخطوة 2

إحداثي C

أجد y_2

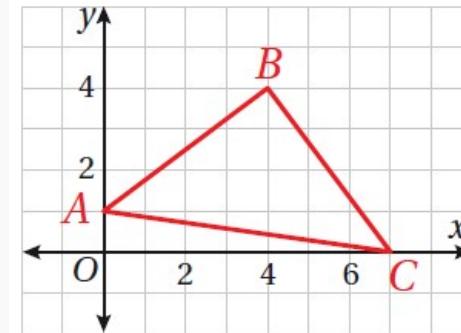
أجد x_2

$$y_1 + 2 - 2 = -1y_1 + 2 = -2y_1 = -4$$

$$x_1 - 42 = 6x_1 - 4 = 12 \quad x_1 = 16$$

في المستوى الإحداثي، للإجابة عن $\triangle ABC$ أستعمل الشكل المجاور الذي يُبيّن السؤالين الآتيين تباعًا :

- أحدّد نوع المثلث من حيث الأضلاع (21).
أحدّد محيط المثلث (22).



الحل :

أحدّد رؤوس المثلث ، ثم أجد أطوال الأضلاع
 $A(0, 1)$ ، $B(4, 4)$ ، $C(7, 0)$: رؤوس المثلث

$$\begin{aligned}
 AB &= (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 \\
 &= (4 - 0)^2 + (4 - 1)^2 \\
 &= 25 = 5
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 BC &= (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 \\
 &= (7 - 4)^2 + (0 - 4)^2 \\
 &= 25 = 5
 \end{aligned}$$

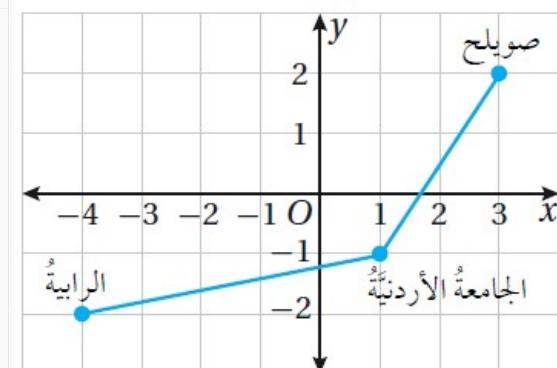
$$\begin{aligned}
 AC &= (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 \\
 &= (4 - 0)^2 + (4 - 1)^2 \\
 &= 50 = 52
 \end{aligned}$$

نوع المثلث متطابق الضلعين
 محيط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه
 $5 + 5 + 25 = 10 + 25$

مسافة : تظهر في المستوى الإحداثي المجاور 3 مناطق في العاصمة (23)

عمان ، هي: صويلح ،
 والجامعة الأردنية ، والرابية . إذا كانت كل وحدة في المستوى الإحداثي تمثل 1 كيلومترًا واحدًا ، فاجد

الحل :
 المسافة بين صويلح والجامعة الأردنية والمسافة بين الرابية والجامعة
 الأردنية ، مقاربًا إيجابي لأقرب جزء من عشرة .



(3 , 2) ، صويلح (-1 , 1) الجامعة الأردنية ، (-2 , -4) ووس التي تمثل مواقع المناطق : الرابية

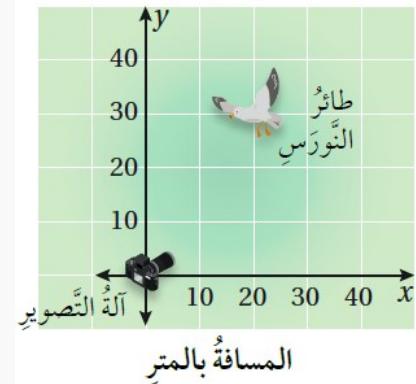
المسافة بين صويلح والجامعة الأردنية

$$= (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (1 - 3)^2 + (-1 - 2)^2 = 13 \approx 3.6$$

المسافة بين الرايبة والجامعة الأردنية

$$= (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (1 - (-4))^2 + (-1 - (-2))^2 = 26 \approx 5.1$$

أو أقل m تلقط آلة تصوير صوراً عالية الدقة للطيور التي تبعد عنها 50 : مسألة اليوم
هل تلقط الآلة صورة عالية الدقة لطائر النورس الموضح موقعه في المستوى الإحداثي المجاور؟



أحل المسألة الواردة في بداية الدرس (24)

الحل :

موقع طائر النورس (20 ، 30)

$$= (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (20 - 0)^2 + (30 - 0)^2 = 1300 \approx 36.1$$

المسافة بين آلة التصوير وطائر النورس 36.1 مترًا تقريبًا وهي أقل من 50 متر؛ إذن آلة التصوير تلتقط صورة عالية الدقة لطائر النورس

مهارات التفكير الغلي

أخطأ عماد إذ عرض في القانون الفرق y بين إحداثي

اكتشف الخطأ : وجد عماد المسافة التقريرية بين النقطتين (25)
، كما هو مبين $A(6, 2)$ و $B(1, 4)$.
جانبًا. أكتشف الخطأ في حل عماد، وأصححه

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(2-1)^2 + (6-(-4))^2} \\ &= \sqrt{1^2 + 10^2} \\ &= \sqrt{1+100} \\ &= \sqrt{101} \approx 10 \end{aligned}$$

X

في y في النقطتين ، والفرق بين إحداثيا X في النقطة الثانية ، والصحيح أن يعرض الفرق بين إحداثيا X في نقطة وإحداثي . النقطتين

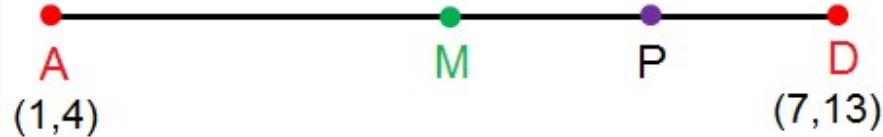
الحل الصحيح

$$AB = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (6-1)^2 + (2-(-4))^2 = 61 \approx 7.8$$

إذا كانت المسافة بين $D(7, 1)$ و $A(1, 13)$ ، على القطعة المستقيمة التي نهايتها النقطتان (4) P تبرير : تقع النقطة P ثلاثة أمثل المسافة A و P بين

أبرر إجابتي P ، فأجد إحداثيات النقطة D و P بين

الحل :



أجد نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة AD

$$M(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2) = M(1 + 7/2, 4 + 13/2) = M(4, 8.5)$$

وعلية طول $PD = x$ ، إذن طول $AD = 4x$ أفترض طول

تقع منتصف القطعة P إذن ، إذن طول $MD = 14$ (AD)

$$M(4, 8.5), D(7, 13)$$

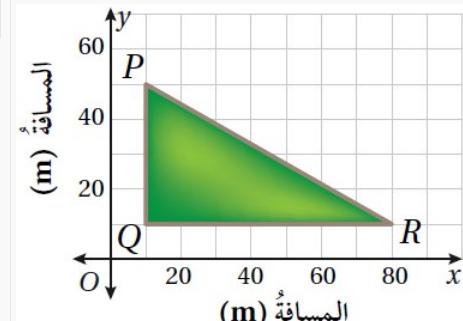
$$P(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2) = P(4 + 7/2, 8.5 + 13/2) = P(5.5, 10.75)$$

تبرير: يُبيّن الشكل المجاور مُخططاً لحديقةٍ عامَّةٍ على شكلٍ مُثُلَّثٍ مُحاطٍ بمَمَّرٍ (27) مشاهدة

تمارسُ فيها مرامٌ رياضةَ الركض، حيثُ انطلقتُ على المَمَّر بسرعةٍ ثابتةٍ مقدارُها كلَّ دقيقةٍ 130 m

كم دقيقةً تقربياً استغرقتُ مرامٌ P . ثمَّ عادَتُ إلى R إلى Q ثمَّ من Q إلى P من P للعودة إلى

أبَرَّ إجابتِي مَرَّةً أخْرِي؟



الحل :

$$P(10, 50), Q(10, 10) : \text{المسافة رأسية} \quad |y_2 - y_1| = |10 - 50| = 40$$

$$Q(10, 10), R(80, 10) : \text{المسافة أفقية} \quad |x_2 - x_1| = |80 - 10| = 70$$

باستخدام نظرية فيثاغورس أستطيع إيجاد طول RP

$$RP = (PQ)^2 + (QR)^2 \quad (40)^2 + (70)^2 = 1600 + 4900 = 6500 \quad RP \approx 80.6$$

المسافة الكاملة التي قطعتها مرام $40 + 70 + 6500 \approx 110 + 6500 \text{ m}$

المدة الزمنية التي استغرقتها مرام بالدقائق $110 + 6500 / 130 \approx 1.5 \text{ min}$

أسئلة كتاب التمارين

(أ) أجد المسافة بين كل نقطتين مما يأتي، مقرّباً إجابتي لأقرب جُزء من عشرة (إن لزم)

1) A(1, 2), B(0, -7)

2) C(-1, -2), D(3, -4)

3) E(9, 1),

F(-2, 3)

الحل :

1) A(1, 2), B(0, -7)

2) C(-1, -2), D(3, -4)

3) E(9, 1), F(-2, 3)

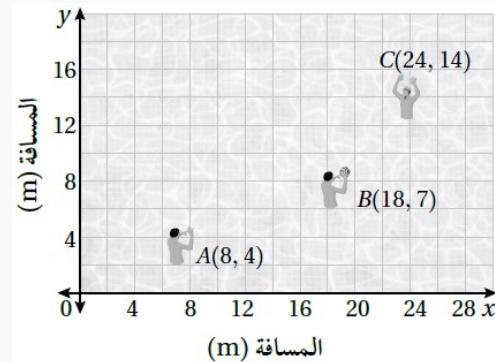
$$AB = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (0 - 1)^2 + (-7 - 2)^2 = 82 \approx 9.1$$

$$CD = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (3 + 1)^2 + (-4 + 2)^2 = 20 \approx 4.5$$

$$EF = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (-2 - 9)^2 + (3 - 1)^2 = 125 \approx 11.2$$

بِيَنِ الشَّكْلِ الْمُجَاوِرِ مَوْقِعُ ثَلَاثَةِ لَاعِبِينَ فِي مَبَارَةِ كُرَةِ الْمَاءِ. أَجِدُ

- 4 وَ A وَ B
5 وَ B وَ C
6 وَ A وَ C



الحل :

4 وَ A وَ B

$$AB = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (18 - 8)^2 + (7 - 4)^2 = 109 \approx 10.4$$

5 وَ B وَ C

$$CB = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (24 - 18)^2 + (14 - 7)^2 = 85 \approx 9.2$$

6 وَ A وَ C

$$CA = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (24 - 8)^2 + (14 - 4)^2 = 356 \approx 18.9$$

، فَأَجِدُ القيمة المجهولة في كلٍّ مما يأتي FG نقطة مُنَصَّف M إذا كانتْ

$$7) FM = 3x - 4, MG = 5x - 26, FG = ?$$

$$8) FM = 5y +$$

$$13, MG = 5 - 3y, FG = ?$$

$$9) MG = 7x - 15, FG = 33, x = ?$$

10) $FM = 8a$

$$+1, FG = 42, a = ?$$

الحل :

$$8) FM = 5y + 13, MG = 5 - 3y$$

7) $FM = 3x - 4$, $MG = 5x - 26$, $FG = ?$

X أحد قمة

$$5y + 13 = 5 - 3y \quad 8y + 13 = 58y - 8$$
$$y = -1$$

$$3x - 4 = 5x - 26$$
$$3x = 5x - 22$$
$$-2x = -22$$
$$x = 11$$

أجد طول
FG

$$FM = 5y + 13 = 5(-1) + 13 = 8 \quad FG = 2 \times 8 = 16$$

$$FM = 3x - 4 = 3(11) - 4 = 29$$

$$FG = 2 \times 29 = 58$$

$$10) FM = 8a + 1, FG = 42, a = ?$$

9) MG = 7x - 15, FG = 33, x = ?

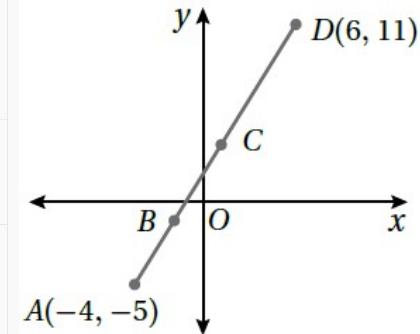
$$FM = 12 \times 42 = 21$$

$$8a + 1 = 21 \quad 8a = 20 \quad a = 20 \div 8 = 2.5$$

$$MG = 12 \times 33 = 16.5$$

$$7x - 15 = 16.5 \quad 7x = 31.5 \quad x = 31.5 \div 7 = 4.5$$

، كما هو AD هي مُنْصَفُ AC والنقطة C هي مُنْصَفُ B إذا علمت أنَّ النقطة (11) مُبيَّنُ في الشكَل المُجاور، فاجد إحداثيَّ



الحل :

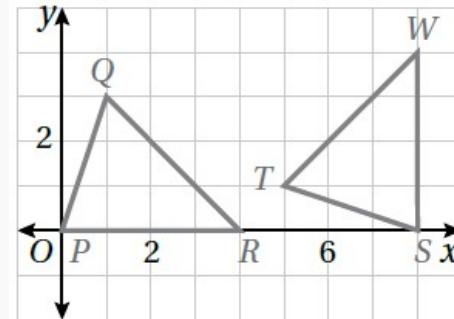
أجد إحداثيَّ النقطة C

$$C(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2) = (-4 + 6/2, -5 + 11/2) = C(1, 3)$$

أجد إحداثيَّ النقطة B

$$B(x_1 + x_2/2, y_1 + y_2/2) = (-4 + 12/2, -5 + 32/2) = B(-32, -1)$$

مُتطابقان؟ أبْرُرْ إجابتي هل المُثُلَّثان المرسومان في المستوى الإحداثي المُجاور (12)



: الحل

أجد أطوال أضلاع المثلثين

وحدات 4 يساوي طول الصلع PQR في المثلث

وحدات 4 يساوي طول الصلع TSW في المثلث

أضلاع المثلث PQR

$$QR = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (4 - 1)^2 + (0 - 3)^2 = 18 \quad PQ = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (1 - 0)^2 + (3 - 0)^2 = 10$$

أضلاع المثلث TSW

$$TW = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (8 - 5)^2 + (4 - 1)^2 = 18 \quad TS = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = (8 - 5)^2 + (0 - 1)^2 = 10$$

إذن أضلاع المثلثين متطابقة ؛ فالمثلثان متطابقان .