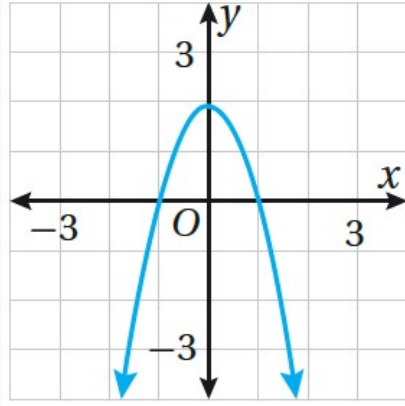


اختبار نهاية الوحدة



1) أي مما يأتي يُمثِّل أحد حلول المعادلة التربيعية في الشكل المُجاور؟

أختار رمز الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي :

a) 1

b) 2

c) 0

d) 3

2) جذرا المعادلة $3x^2 - 48 = 0$ ، هما :

a) -2, 2

b) -4, 4

c) -16, 16

d) 6, -6

(3) جذرا المعادلة $x^2 - 42x + 17 = 0$ ، هما:

a) 1, 42

b) 2, 21

c) 3, 14

d) 6, 7

(4) جذرا المعادلة $2x^2 - 3x - 1 = 0$ ، هما:

a) -23 , 1

b) 23 , -1

c) -32 , 1

d) 32 , -

1

(5) مُستطيل مساحته $(x^3 + 24x^2 + 2x)$ وحدة مربعة. أي مما يأتي يُمثل محيطه؟

a) $8x + 20$

b) $4x + 24$

c) $4x + 10$

d) $8x + 50$

(6) أيُّ المقادير الجبرية الآتية ليس مُربَّعا كاملاً؟

a) $x^2 - 26x + 169$

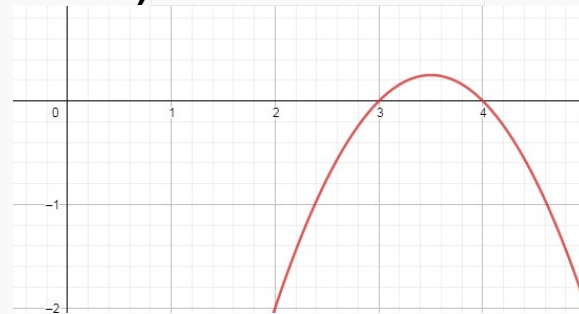
b) $x^2 + 32x + 256$

c) $x^2 + 30x - 225$

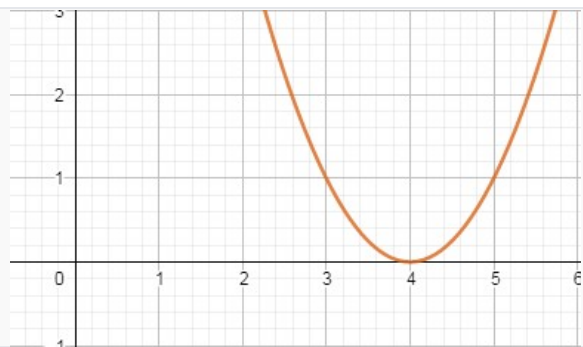
d) $x^2 - 44x + 484$

أحلُّ كُلِّ مِنَ المعادلات الآتية بيانياً :

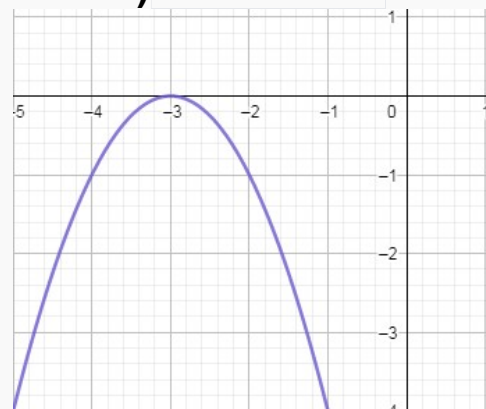
7) $-x^2 + 7x - 12 = 0$



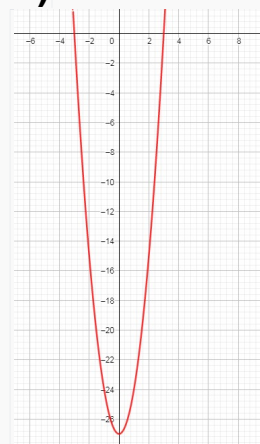
8) $x^2 - 8x + 16 = 0$



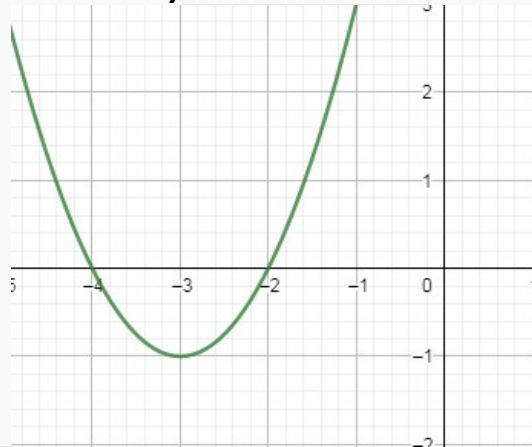
9) $-x^2 - 6x = 9$



10) $3x^2 - 27 = 0$



$$11) x^2 + 6x = -8$$



أحلّ كُلَّ مِنَ الْمُعادِلَاتِ
الآتية :

$$12) x^2 - 3x - 10 = 0$$

$$x^2 - 3x - 10 = 0(x - 5)(x + 2) = 0 \quad x = 5 \quad \text{or} \quad x = -2$$

$$12) x^2 - 8x + 15 = 0$$

$$(x - 3)(x - 5) = 0 \quad x = 3 \quad \text{or} \quad x = 5$$

$$14) m^2 + 10m + 25 = 0$$

$$(m + 5)(m + 5) = 0 \quad m = -5$$

$$15) 25t^2 - 49 = 0$$

$$(5t - 7)(5t + 7) = 0 \quad t = \frac{7}{5} \quad \text{or} \quad t = -\frac{7}{5}$$

$$16) 12x^2 - 16x - 35 = 0$$

$$(2x - 5)(6x + 7) = 0 \quad x = 5/2 \quad \text{or} \quad x = -7/6$$

$$17) 10x^2 - x = 2$$

$$10x^2 - x - 2 = 0 \quad x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{1 \pm \sqrt{1 + 80}}{20} = \frac{1 \pm 9}{20} \quad 20x = 1 \pm 9 \quad 20x = 0.5 \quad \text{or} \quad x = -0.4$$

$$18) 25x^2 = 10 - 45x$$

$$25x^2 + 45x - 10 = 0 \quad 5x^2 + 9x - 2 = 0$$

$$x = \frac{-9 \pm \sqrt{81 - 4(5)(-2)}}{10} = \frac{-9 \pm 11}{10} \quad 10x = -9 \pm 11 \quad 10x = 0.2 \quad \text{or} \quad x = -2$$



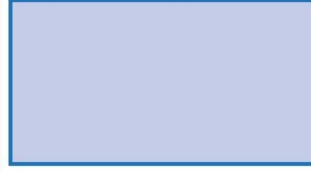
$$19) \text{ يُمَثَّلُ الاقتران } 0 = t^2 + 2t - 16 \text{ ارتفاع جندبٍ بالقدم بعد } t$$

ثانيةً مِنْ قفزه. بعد كم ثانية يصل إلى ارتفاع 1 ft

عَنْ سطح الأرض؟

$$\begin{aligned} -1 &= t^2 + 2t - 16 \\ -2t - 16 &= 1 - t^2 + 2t - 16 \\ -x^2 &= 1 + t^2 \\ -x^2 &= (1 - x^2)(1) \\ 14 &= x^2 \end{aligned}$$

$$20) \text{ يُبَيِّنُ الشكلُ الآتي مستطيلاً مساحته } 91 \text{ m}^2. \text{ أجد أبعاده.}$$



$(x + 2) m$

$(2x + 3) m$

$$0 = 85 - x7 + 2x2 \quad 91 = 6 + x7 + 2x912 = (2 + x)(3 + x2)$$

$$8.5 = x \quad \text{or} \quad 5 = x274 \pm 7 = x4 \quad 729 \pm 7 = x(2)2 \quad (85 -)(2)4 - 72 \pm 7 = x$$

يُهمَل الحل السالب ، إذن $x = 5$ ، أبعاد المستطيل هي : الطول $13 m$ ، العرض $7 m$

أَحْلُلْ كُلُّ مِمَّا يَأْتِي :

21) $2x^2 + 13x + 20$

22) $7y^2 + 16y - 15$

23) $2t^2 - t - 3$

24) $8y^2 - 10y - 3$

25) $2q^2 - 11q - 21$

26) $10w^2 + 11w - 8$

الحل :

21) $2x^2 + 13x + 20$

$$2x^2 + 13x + 20 = (2x + 5)(x + 4)$$

22) $7y^2 + 16y - 15$

$$7y^2 + 16y - 15 = (x + 3)(7x - 5)$$

23) $2t^2 - t - 3$

$$2t^2 - t - 3 = (2t - 3)(t + 1)$$

24) $8y^2 - 10y - 3$

$$8y^2 - 10y - 3 = (2x - 3)(4x + 1)$$

$$25) 2q^2 - 11q - 21$$

$$2q^2 - 11q - 21 = (q - 7)(2q + 3)$$

$$26) 10w^2 + 11w - 8$$

$$10w^2 + 11w - 8 = (2w - 1)(5w + 8)$$

$$\begin{aligned} -2t &= t30+2t5- \\ -t &= t6 \\ t & \text{ or } 0 = t0 = 6 \end{aligned}$$

يصل الصاروخ
إلى الأرض بعد 6



(27) يُمثِّلُ الاقترانُ $t30+2t5=-(t)h$ ارتفاعَ صاروخٍ ألعابٍ ناريَّةٍ بالأمتارِ بعدَ t ثانيةً من إطلاقه. بعدَ كم ثانيةً من إطلاقه يصلُ الصاروخُ إلى الأرض؟

ثوانٍ .

أحلّ كلَّ من المُعادلات الآتية بإكمال المُربّع، تاركًا الإجابة بدلالة الجذر التربيعي :

$$28) x^2 + 6x + 7 = 0$$

$$29) x^2 - 3x - 1 = 0$$

$$30) x^2 - 9x + 10 = 0$$

$$31) x^2 - 2x - 7 = 0$$

الحل :

$$28) x^2 + 6x + 7 = 0$$

$$x^2 + 6x = -7 \quad x^2 + 6x + 9 = -7 + 9 \quad (x + 3)^2 = 2 \quad x + 3 = \pm 2 \quad x = -3 \pm 2$$

$$29) x^2 - 3x - 1 = 0$$

$$x^2 - 3x = 1 \quad x^2 - 3x + 9/4 = 1 + 9/4 \quad (x - 3/2)^2 = 13/4 \quad x - 3/2 = \pm \sqrt{13}/2 \quad x = 3/2 \pm \sqrt{13}/2$$

$$30) x^2 - 9x + 10 = 0$$

$$x^2 - 9x = -10 \quad x^2 - 9x + 81/4 = -10 + 81/4 \quad (x - 9/2)^2 = 41/4 \quad x - 9/2 = \pm \sqrt{41}/2 \quad x = 9/2 \pm \sqrt{41}/2$$

$$31) x^2 - 2x - 7 = 0$$

$$x^2 - 2x = 7 \quad x^2 - 2x + 1 = 7 + 1 \quad (x - 1)^2 = 8 \quad x - 1 = \pm \sqrt{8} \quad x = 1 \pm \sqrt{8}$$



(32) فناء: فناء منزل على شكل مُستطيل يزيد طوله على عرضه بمقدار m ، ومساحته 216 m^2 . أجد أبعاده، مُستعملاً إكمال المربع.

الحل :

أفرض أن عرض الفناء x ، إذن طوله $x + 6$

مساحة المستطيل = الطول \times العرض

$$18 = x \quad \text{or} \quad 12 = x \quad 15 \pm 3 = x \quad 15 \pm 3 = x \quad 225 = 2(3 + x)9 + 216 = 9 + x6 + 2x216 = x6 + 2x216 = (6 + x)x$$

يُهمَل الحل السالب ، إذن $x = 12$ ، إذن أبعاد المستطيل هي 12 ، 18 ، m

أحل كل من المعادلات الآتية بإكمال المربع، مُقَرَّبًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم):

33) $x^2 - 10x = 24$

34) $x^2 + x - 1 = 0$

35) $2x^2 + 20x - 10 = 0$

36) $3x^2 - 6x - 9 = 0$

الحل :

33) $x^2 - 10x = 24$

$$x^2 - 10x + 25 = 24 + 25 \quad (x - 5)^2 = 49 \quad x - 5 = \pm 7 \quad x = 5 \pm 7 \quad x = 12 \quad , \quad x = -2$$

34) $x^2 + x - 1 = 0$

$$x^2 + x = 1 \quad x^2 + x + 14 = 1 + 14 \quad (x + 12)^2 = 54 \quad x + 12 = \pm 52 \quad x = -12 \pm 52 \quad x \approx 0.6 \quad \text{or} \quad x \approx -1.6$$

35) $2x^2 + 20x - 10 = 0$

$$2x^2 + 20x = 10 \quad x^2 + 10x = 5 \quad x^2 + 10x + 25 = 5 + 25 \quad (x + 5)^2 = 30 \quad x + 5 = \pm 30 \quad x = -5 \pm 30 \quad x \approx 0.5 \quad \text{or} \quad x \approx -10.5$$

36) $3x^2 - 6x - 9 = 0$

$$x^2 - 2x - 3 = 0 \quad x^2 - 2x = 3 \quad x^2 - 2x + 1 = 3 + 1 \quad (x - 1)^2 = 4 \quad x - 1 = \pm 2 \quad x = 1 \pm 2 \quad x = 3 \quad \text{or} \quad x = -1$$

أحلّ كل من المعادلات الآتية بالقانون العام، مُقَرَّبًا إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم):

$$37) 5x^2 + 2x - 1 = 0$$

$$38) 7x^2 + 12x = -2$$

$$39) 3x^2 + 11x = -9$$

الحل :

$$37) 5x^2 + 2x - 1 = 0$$

المعادلة لا تُحل مباشرة ، ومعامل x^2 لا يساوي 1 ، لذا أستخدم القانون العام لتحليل المعادلة التربيعية

$$x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4(5)(-1)}}{2(5)} \quad 2(5)x = -2 \pm 24 \quad 10x \approx 0.29 \quad \text{or} \quad x \approx -0.69$$

$$38) 7x^2 + 12x = -2$$

المعادلة لا تُحل مباشرة ، ومعامل x^2 لا يساوي 1 ، لذا أستخدم القانون العام لتحليل المعادلة التربيعية

$$7x^2 + 12x + 2 = 0 \quad x = \frac{-12 \pm \sqrt{12^2 - 4(7)(2)}}{2(7)} \quad 2(7)x = -12 \pm 88 \quad 14x \approx -0.19 \quad \text{or} \quad x \approx -1.5$$

$$39) 3x^2 + 11x = -9$$

المعادلة لا تُحل مباشرة ، ومعامل x^2 لا يساوي 1 ، لذا أستخدم القانون العام لتحليل المعادلة التربيعية

$$3x^2 + 11x + 9 = 0 \quad x = \frac{-11 \pm \sqrt{11^2 - 4(3)(9)}}{2(3)} \quad 2(3)x = -11 \pm 13 \quad 6x \approx -1.2 \quad \text{or} \quad x \approx -2.4$$

أحل كل مُعادلة مما يأتي باستعمال أيّ طريقة، مُبرراً سبب اختيار الطريقة :

40) $2x^2 + 7x = 0$

41) $4x^2 + 8x - 5 = 0$

42) $x^2 - 2x$

$= 5$

الحل :

40) $2x^2 + 7x = 0$

$x(2x + 7) = 0 \quad x = 0 \quad \text{or} \quad 2x + 7 = 0 \quad x = 0 \quad \text{or} \quad x = -\frac{7}{2}$

أحل بإخراج العامل المشترك الأكبر

41) $4x^2 + 8x - 5 = 0$

$x = \frac{-8 \pm \sqrt{8^2 - 4(4)(-5)}}{2(4)} \quad x = \frac{-8 \pm \sqrt{64 + 80}}{8} \quad x = \frac{-8 \pm \sqrt{144}}{8} \quad x = \frac{-8 \pm 12}{8} \quad x = 0.5 \quad \text{or} \quad x = -2.5$

المعادلة لا تُحل مباشرة ، ومعامل x^2 لا يساوي 1 ، لذا أستخدم القانون العام لتحليل المعادلة التربيعية

$$42) x^2 - 2x = 5x^2 - 2x + 1 = 5 + 1(x - 1)^2 = 6x - 1 = \pm 6x = 1 \pm 6x \approx 3.4 \quad \text{or} \quad x \approx -1.4$$

المعادلة لا تُحل مباشرة ، ومعامل x^2 يساوي 1 ، ومعامل x عدد زوجي ؛ لذا أستخدم إكمال المربع لحل المعادلة .

أحل كل من المعادلات الآتية :

$$43) 3x^4 = 27x^2$$

$$44) x^3 + x^2 = 4x + 4$$

$$45) 2x^3 + 3x^2 = 8x + 12$$

$$46) x^4 + 3x^2 - 10 = 0$$

الحل :

$$43) 3x^4 = 27x^2 \quad 3x^4 - 27x^2 = 0 \quad 3x^2(x^2 - 9) = 0 \quad 3x^2(x - 3)(x + 3) = 0 \quad x = 0 \quad \text{or} \quad x = 3 \quad \text{or} \quad x = -3$$

$$44) x^3 + x^2 = 4x + 4 \quad x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0 \quad (x^3 + x^2) + (-4x - 4) = 0 \quad x^2(x + 1) - 4(x + 1) = 0 \quad (x + 1)(x^2 - 4) = 0$$

$$4) = 0 \quad x = -1 \quad \text{or} \quad x = 2 \quad \text{or} \quad x = -2$$

$$45) \quad 2x^3 + 3x^2 = 8x + 12 \quad 2x^3 + 3x^2 - 8x - 12 = 0 \quad (2x^3 + 3x^2) + (-8x - 12) = 0 \quad x^2(2x + 3) - 4(2x + 3) = 0 \quad (2x + 3)(x^2 - 4) = 0 \quad x = -1.5 \quad \text{or} \quad x = 2 \quad \text{or} \quad x = -2$$

$$46) \quad x^4 + 3x^2 - 10 = 0 \quad (x^2)^2 + 3x^2 - 10 = 0 \quad (x^2 - 2)(x^2 + 5) = 0 \quad x^2 - 2 = 0 \quad \text{or} \quad x^2 + 5 = 0 \quad x^2 = 2 \quad x = \pm 2$$

تدريب على الاختبارات الدولية

(47) أيُّ قيمِ c الآتية تجعلُ المعادلةَ $c = 10 + x^5$ دونَ حلٍّ؟

- a) 12 b) 5 c) 9 d) 1

(48) أيُّ ممَّا يأتي يُعدُّ عاملَ لثلاثيِّ الحدودِ $x^3 - 21x^2 + 13x - 2$ ؟

- a) $13x + 3$ b) $13x + 7$ c) $13x + 21$ d) $13x - 7$

(49) أيُّ ممَّا يأتي يجعلُ المقدارَ $x^2 + 14x$ عندَ إضافتهِ مُربَّعًا كاملاً؟

a) 7

b) 49

c) 14

d) 196

(50) عددُ الحُلُولِ الحقيقيَّةِ للمُعَادِلَةِ $x^2 + x - 117 = 0$ ، هُوَ :

a) 0

b) 1

c) 2

d) 3