

## حلول أسئلة كتاب الطالب وكتاب التمارين

أسئلة أتحقق من فهمي

أتحقق من فهمي صفحة 127

أجعل كل مقدار مما يأتي مربعاً كاملاً ، ثم أحلل المربع الكامل ثلاثي الحدود الناتج :

a)  $x^2 + 2x$

b)  $x^2 - 14x$

الحل :

أضيف  $(2b)^2$  إلى المقدار الأصلي ، ثم أحلل :

a)  $x^2 + 2x$

$$x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2$$

b)  $x^2 - 14x$

$$x^2 - 14x + 49 = (x-7)^2$$

أتحقق من فهمي صفحة 128

أحل كل من المعادلات الآتية بإكمال المربع، مقرراً إجابتي لأقرب جزء من عشرة (إن لزم) :

a)  $x^2 + 8x + 7 = 0$

b)  $x^2 - 5x - 3 = 0$

الحل :

$x^2 + 8x + 7 = 0$	المعادلة المعطاة
$x^2 + 8x = -7$	طرح 7 من طرفي المعادلة
$x^2 + 8x + 16 = 9$	بإكمال المربع بإضافة 16 إلى طرفي المعادلة
$(x + 4)^2 = 9$	تحليل المربع الكامل ثلاثي الحدود
$x + 4 = \pm 3$	أخذ الجذر التربيعي للطرفين
$x = -4 \pm 3$	طرح 4 من طرفي المعادلة
$x = -4+3 \quad or \quad x = -4-3$	فصل الحللين
$x = -1 \quad or \quad x = -7$	بالتبسيط

$x^2 - 5x - 3 = 0$	المعادلة المعطاة
$x^2 - 5x = 3$	جمع 3 إلى طرفي المعادلة
$x^2 - 5x + 25 = 3 + 25$	بإكمال المربع بإضافة 25 إلى طرفي المعادلة
$(x - 5)^2 = 37$	تحليل المربع الكامل ثلاثي الحدود
$x - 5 = \pm 37$	أخذ الجذر التربيعي للطرفين
<b>b) <math>x^2 - 5x - 3 = 0</math></b>	

$$x = 52 \pm 372$$

$$x = 52 + 372 \quad or \quad x = 52 - 372$$

$$x \approx 5.5 \quad or \quad x \approx -0.5$$

جمع 52 إلى طرفي المعادلة

بفصل الحلين

باستخدام الآلة الحاسبة

أتحقق من فهمي صفحة 130

أحل كل من المعادلات الآتية بإكمال المربع :

a)  $2x^2 + 20x - 10 = 0$

b)  $2x^2 + 8x + 12 = 0$

الحل :

a)  $2x^2 + 20x - 10 = 0$

$2x^2 + 20x - 10 = 0$	المعادلة المعطاة
$x^2 + 10x - 5 = 0$	قسمة طرفي المعادلة على 2
$x^2 + 10x = 5$	جمع 5 إلى طرفي المعادلة
$x^2 + 10x + 25 = 30$	بإكمال المربع بإضافة 25 إلى طرفي المعادلة
$(x+5)^2 = 30$	تحليل المربع الكامل ثلاثي الحدود
$x + 5 = \pm \sqrt{30}$	أخذ الجذر التربيعي للطرفين
$x = -5 \pm \sqrt{30}$	بطرح 5 من طرفي المعادلة
$x = -5 + \sqrt{30} \quad or \quad x = -5 - \sqrt{30}$	بفصل الحلّين

b)  $2x^2 + 8x + 12 = 0$

$$2x^2 + 8x + 12 = 0$$

$$x^2 + 4x + 6 = 0$$

$$x^2 + 4x = -6$$

$$x^2 + 4x + 4 = -6 + 4$$

$$(x + 2)^2 = -2$$

المعادلة المعطاة

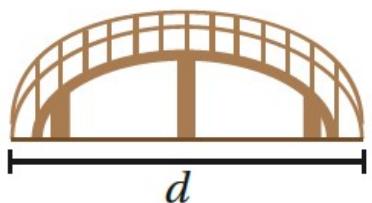
بقسمة طرفي المعادلة على 2

بطرح 6 من طرفي المعادلة

بإكمال المربع بإضافة 4 إلى طرفي المعادلة

بتحليل المربع الكامل ثلاثي الحدود

بما أنَّه لا توجد أعدادٌ حقيقيةٌ مُرْبَعُها سالبةٌ فالمعادلة ليس لها حلولٌ حقيقيةٌ.



تصميم: صمَّمَ مهندسٌ نموذجًا لجسرٍ مشابهٍ على شكل قطعٍ مُكافِئٍ، بحيث يُمَتَّلِّنُ

الاقتران  $h(x) = -x^2 + 6x - 7$  : ارتفاع الجسر عن قاعدة النموذج بالديسيمتر، و  $x$  البعد الأفقي بالديسيمتر عن إشارة ضوئية ، كما في الشكل المجاور. أجد طول قاعدة الجسر  $d$  ، مُقرّبًا إجابتي لأقرب جزءٍ من عشرةٍ.

أتحقق من فهمي صفحة 131

الحل :

أفترض أن مستوى قاعدة النموذج يمثل المحور  $x$  ، إذن تمثل كل من نقطة بداية الجسر ونهايته حل للمعادلة المرتبطة بالاقتران  $h(x)$  .

$$-x^2 + 6x - 7 = 0$$

المعادلة المرتبطة بالاقتران

$$x^2 - 6x + 7 = 0$$

بقسمة كل ح على -1

$$x^2 - 6x = -7$$

طرح 7 من طرفي المعادلة

$$x^2 - 6x + 9 = -7 + 9$$

بإكمال المربع بإضافة 9 إلى طرفي المعادلة

$$(x - 3)^2 = 2$$

تحليل المربع الكامل ثلاثي الحدود

$$x - 3 = \pm 2$$

أخذ الجذر التربيعي للطرفين

$$x = 3 \pm 2$$

جمع 3 إلى طرفي المعادلة

$$x = 3 + 2 \quad or \quad x = 3 - 2$$

بفصل الحلول

$$x \approx 4.4 \quad or \quad x \approx 1.9$$

باستعمال الآلة الحاسبة

الخطوة 1 : أحل المعادلة المرتبطة بالاقتران.

**الخطوة 2 :** أَجِدْ طول قاعدةِ الجسر  $d$

لِإِيجَادِ طول قاعدةِ الجسر  $d$  أَطْرُحْ أَحَدَ الْحَلَّيْنِ مِنَ الْآخَرِ.

$$2.5 = 1.9 - 4.4 = d$$

إِذْنُ، طول قاعدةِ الجسر 2.5 دِيسْمَتِرًا تقرِيبًا.

### أَسْلَةُ أَتَدْرِبُ وَأَحْلُ الْمَسَائِلُ

أَجْعَلْ كُلَّ مَقْدَارٍ مَا يَأْتِي مُرْبَعًا كَامِلًا ، ثُمَّ أَحْلِلْ الْمُرْبَعَ الْكَامِلَ ثُلَاثِيَّ الْحَدُودِ النَّاتِجَ :

1)  $x^2 + 4x$

2)  $x^2 + 14x$

3)  $x^2 - 3x$

4)  $x^2 + 8x$

5)  $x^2 - 2x$

6)  $x^2 + 22x$

الحل :

أَضِيفْ  $(2b)$  إِلَى المَقْدَارِ الأَصْلِيِّ ، ثُمَّ أَحْلِلْ :

1)  $x^2 + 4x$

$$x^2 + 4x + 4 = (x + 2)^2$$

2)  $x^2 + 14x$

$$x^2 + 14x + 49 = (x + 7)^2$$

3)  $x^2 - 3x$

$$x^2 - 3x + 94 = (x - 32)^2$$

$$4) x^2 + 8x$$

$$x^2 + 8x + 16 = (x + 4)^2$$

$$5) x^2 - 2x$$

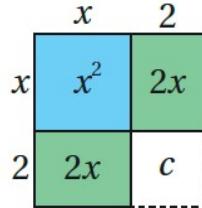
$$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2$$

$$6) x^2 + 22x$$

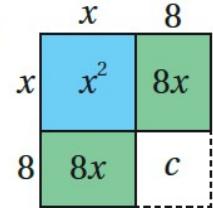
$$x^2 + 22x + 121 = (x + 11)^2$$

أَجِدُّ قِيمَةَ  $c$  فِي كُلِّ مَا يَأْتِي ، ثُمَّ أَجِدُّ الْمَقْدَارَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُعَبَّرُ عَنِ النَّمُوذْجِ :

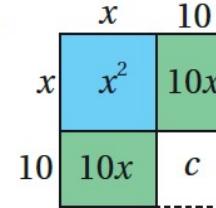
7



8



9



الحل :

$$x + 44 + x^2 = 4 \quad (7)$$

$$x + 6416 + x^2 = 64 \quad (8)$$

$$x + 10020 + x^2 = 100 \quad (9)$$

أَحْلُّ كُلَّ مِنَ الْمُعَادَلَاتِ الْأَتِيَّةِ بِإِكْمَالِ الْمُرَبَّعِ :

$$10) x^2 + 4x = 12$$

$$11) x^2 - 14x = -13$$

$$12) x^2 - 6x - 11 = 0$$

$$13) x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$14) x^2 + 14x - 5 = 0$$

$$16) x^2 + 13x + 35 = 0$$

$$15) x^2 - 6x + 3 = 0$$

$$17) x^2 + 2x - 1 = 0$$

$$18) x^2 + 2x - 3 = 0$$

الحل :

$$10) x^2 + 4x = 12$$

$$x^2 + 4x + 4 = 12 + 4$$

$$(x + 2)^2 = 16$$

$$x + 2 = \pm 4 \quad x = -2 \pm 4 \quad x = 2 \quad \text{or} \quad x = -6$$

$$11) x^2 - 14x = -13$$

$$x^2 - 14x + 49 = -13 + 49$$

$$(x - 7)^2 = 36$$

$$x - 7 = \pm 6 \quad x = 7 \pm 6 \quad x = 13 \quad \text{or} \quad x = 1$$

$$12) x^2 - 6x - 11 = 0$$

$$x^2 - 6x = 11$$

$$x^2 - 6x + 9 = 11 + 9$$

$$(x - 3)^2 = 20$$

$$x - 3 = \pm 20 \quad x = 3 \pm 20 \quad x = 3 + 20 \quad \text{or} \quad x = 3 - 20$$

$$13) x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$x^2 + 4x = 1$$

$$x^2 + 4x + 4 = 1 + 4$$

$$(x + 2)^2 = 5$$

$$x + 2 = \pm \sqrt{5} \quad x = -2 \pm \sqrt{5} \quad x = -2 + \sqrt{5} \quad \text{or} \quad x = -2 - \sqrt{5}$$

**14)**  $x^2 + 14x - 5 = 0$

$$x^2 + 14x = 5$$

$$x^2 + 14x + 49 = 5 + 49$$

$$(x + 7)^2 = 54$$

$$x + 7 = \pm \sqrt{54} \quad x = -7 \pm \sqrt{54} \quad x = -7 + \sqrt{54} \quad \text{or} \quad x = -7 - \sqrt{54}$$

**15)**  $x^2 - 6x + 3 = 0$

$$x^2 - 6x = -3$$

$$x^2 - 6x + 9 = -3 + 9$$

$$(x - 3)^2 = 6$$

$$x - 3 = \pm \sqrt{6} \quad x = 3 \pm \sqrt{6} \quad x = 3 + \sqrt{6} \quad \text{or} \quad x = 3 - \sqrt{6}$$

**16)**  $x^2 + 13x + 35 = 0$

$$x^2 + 13x + 35 = 0$$

$$x^2 + 13x = -35$$

$$x^2 + 13x + 169 = -35 + 169 \quad (x + 13)^2 = 134 \quad x + 13 = \pm \sqrt{134} \quad x = -13 \pm \sqrt{134}$$

$$x = -13 + \sqrt{134} \quad \text{or} \quad x = -13 - \sqrt{134}$$

**17)**  $x^2 + 2x - 1 = 0$

$$x^2 + 2x = 1$$

$$x^2 + 2x + 1 = 1 + 1$$

$$(x + 1)^2 = 2$$

$$x+1 = \pm 2 \quad x = -1 \pm 2 \quad x = -1 + 2 \quad \text{or} \quad x = -1 - 2$$

**18)**  $x^2 + 2x - 3 = 0$

$$x^2 + 2x = 3$$

$$x^2 + 2x + 1 = 3 + 1$$

$$(x + 1)^2 = 4$$

$$x+1 = \pm 2 \quad x = -1 \pm 2 \quad x = 1 \quad \text{or} \quad x = -3$$

أَحْلُّ كُلَّ مِنَ الْمُعَادِلَاتِ الْآتِيَّةِ بِإِكْمَالِ الْمُرْبُّعِ، مُقْرَّبًا إِجَابَتِي لِأَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشَرَةِ (إِنْ لَزِمَّ) :

**19)**  $x^2 + 2x - 9 = 0$

**20)**  $x^2 - 4x - 7 = 0$

**21)**  $x^2 + 2x - 5 = 0$

**22)**  $2x^2 - 6x - 3 = 0$

**23)**  $4x^2 - 8x + 1 = 0$

**24)**  $2x^2 + 5x - 10 = 0$

الحل :

**19)**  $x^2 + 2x - 9 = 0$

$$x^2 + 2x = 9$$

$$x^2 + 2x + 1 = 9 + 1$$

$$(x + 1)^2 = 10$$

$$x+1 = \pm 10 \quad x = -1 \pm 10 \quad x = -1 + 10 \quad \text{or} \quad x = -1 - 10 \quad x \approx 2.2 \quad \text{or} \quad x \approx -4.2$$

**20)**  $x^2 - 4x - 7 = 0$

$$x^2 - 4x = 7$$

$$x^2 - 4x + 4 = 7 + 4$$

$$(x - 2)^2 = 11$$

$$x - 2 = \pm \sqrt{11} \quad x = 2 \pm \sqrt{11}$$

*or*

$$x = 2 - \sqrt{11} \quad x \approx 5.3 \quad \text{or} \quad x \approx -1.3$$

**21)**  $x^2 + 2x - 5 = 0$

$$x^2 + 2x = 5$$

$$x^2 + 2x + 1 = 5 + 1$$

$$(x + 1)^2 = 6$$

$$x + 1 = \pm \sqrt{6} \quad x = -1 \pm \sqrt{6}$$

*or*

$$x = -1 - \sqrt{6} \quad x \approx 1.4 \quad \text{or} \quad x \approx -3.4$$

**22)**  $2x^2 - 6x - 3 = 0$

$$x^2 - 3x - 32 = 0$$

$$x^2 - 3x = 32$$

$$x^2 - 3x + 94 = 32 + 94$$

$$(x - 32)(x + 1) = 154$$

$$x - 32 = \pm \sqrt{154}$$

$$x = 32 \pm \sqrt{154}$$

*or*

$$x \approx 3.45 \quad \text{or} \quad x \approx -0.45$$

**23)**  $4x^2 - 8x + 1 = 0$

$$x^2 - 2x + 14 = 0$$

$$x^2 - 2x = -14$$

$$x^2 - 2x + 1 = -14 + 1$$

$$(x - 1)^2 = 34$$

$$x - 1 = \pm \sqrt{34}$$

$$x = 1 \pm \sqrt{34}$$

*or*

$$x \approx 1.85 \quad \text{or} \quad x \approx 0.15$$

**24)**  $2x^2 + 5x - 10 = 0$

$$x^2 + \frac{5}{2}x - 5 = 0$$

$$x^2 + 5x + \frac{25}{4} = 5 + \frac{25}{4}$$

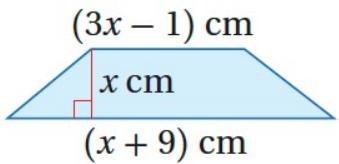
$$(x + \frac{5}{2})^2 = \frac{45}{4}$$

$$x + \frac{5}{2} = \pm \sqrt{\frac{45}{4}}$$

$$x = -\frac{5}{2} \pm \sqrt{\frac{45}{4}}$$

*or*

$$x \approx 1.3 \quad \text{or} \quad x \approx -3.8$$



**25 هندسة:** يُبيّن الشكُلُ المُجاوِرُ شَبَهَ مُنْحَرِفٍ مُساحَتُهُ  $20 \text{ cm}^2$  أَجَدْ قِيمَةً  $x$  ، مُقرّبًا  
إِجَابَتِي لِأَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشَرَةٍ.

إِرشادٌ : مُساحَةُ شَبَهِ الْمُنْحَرِفِ تُساوي نصف مجموع طولَيِ الضِّلَاعَيِنِ المُتَوازِيَيْنِ مُضروِبًا فِي الارتفاعِ.

الحل :

$$- = x56 \pm = 4 + x56 = 2(4 + x)16 + 40 = 16 + x8 + 2x404 = x8 + 2x4 20 = (x8 + 2x4)12 20 = (x)(8+x4)12 20 = (x)(9+x + 1-x3)12 \\ 11.5 - \approx x \quad or \quad 3.5 \approx x \\ 56 - 4 - = x \quad or \quad 56 + 4 - = x56 \pm 4 \\ cm \quad 3.5 \approx x \quad \text{إِذْنَ } x \approx 3.5$$

يُهمِلُ الْحَلُ السَّالِبُ ، إِذْنَ  $x \approx 3.5$



**26 ضفدع :** وقف ضفدع على جذع شجرة يرتفع  $1m$  عن سطح الأرض، ثم قفز إلى سطح الأرض ليُمثّل  
الاقتران  $h(t) = -5t^2 + 15t + 1$  ارتفاعه بالمتر عن سطح الأرض بعد  $t$  ثانية من قفزه  
عن الجذعِ بُعد كم  
ثانية يصل الضفدع إلى سطح الأرض؟ أقرب إجابة لأقرب جزءٍ من عشرة.

الحل :

$$\begin{aligned}
 -t)94+15 &= 94 + t3 - 2t \quad 15 = t3 - 2t0 = 15 - t3 - 2t0 = 1 + t15 + 2t5 - \\
 -32 &= t \quad \text{or} \quad 720 + 32 = t \quad 720 \pm = 32 - t4920 = 2(32) \\
 0.1 - \approx t &\quad \text{or} \quad 3.1 \approx t720
 \end{aligned}$$

يُهمِلُ الحلُ السالب ، إذن يصلُ الضفدعُ إلى سطح الأرضِ بعد 3.1 ثانيةً تقريرياً.



مسأله اليوم : ألقى أحمد طعماً في الماء من ارتفاع متري واحد . إذا كان الاقتران 1  $h(t) = -5t^2 + 8t + 8$  قد مثلَ ارتفاع هذا الطعم بالمترا فوق سطح الماء ، بعد  $t$  ثانية من إلقائه ، فبعد كم ثانية يصل إلى سطح الماء؟

(27) أحل المسألة الواردة في بداية الدرس.

**الحل :**

$$\begin{aligned}
 -t)84100 &= 2(810 - t)64100 + 15 = 64100 + t85 - 2t \quad 15 = t85 - 2t0 = 15 - t85 - 2t0 = 1 + t8 + 2t5 - \\
 0.12 - \approx t &\quad \text{or} \quad 1.72 \approx t8410 - 810 = t \quad 8410 + 810 = t \quad 8410 \pm = 810
 \end{aligned}$$

يُهمِلُ الحلُ السالب ، إذن يصلُ الطعمُ إلى سطح الماء بعد 1.72 ثانيةً تقريرياً.

### مهارات التفكير الغلي

(28) تبرير : أجد جميع قيم الثابت  $b$  ، التي تجعل المقدار  $x^2 + bx + 25$  مربعاً كاملاً ، مبرراً إجابتي.  
الحل :

قيمة  $b$  هي :  $-10$  ،  $10$  ، للحصول على المربع الكامل  $25$  ، حيث :

$$10 = b \quad \text{or} \quad 10 = -b \quad \text{or} \quad 5 = 2b \quad 5 \pm = 2b \quad 25 = 22b$$

(29) تبرير : هل يمكن حل المعادلة  $x^2 + 2010 = x$  بطريقة التحليل وإكمال المربع؟ أبّرر إجابتي.  
الحل :

لحل المعادلة  $x^2 - x - 2010 = 0$  بطريقة إكمال المربع لا بطريقة التحليل إلى العوامل لأنه لتحليل ثلاثي الحدود  
نحتاج إلى عددين صحيحين حاصل ضربهما يساوي  $20$  ومجموعهما يساوي  $10$  ، ولا يوجد  
عددين صحيحين مجموعهما  $20$  وحاصل جمعهما  $10$

(30) مسألة مفتوحة : أكتب معادلة تربيعية تحل بطريقة إكمال المربع لا بطريقة التحليل، ويكون جذراها عددين حقيقيين موجبين.

إجابة محتملة :  $5 + x^2 - 2x$

### أسئلة كتاب التمارين

أجعل كل مقدار مما يأتي مربعاً كاملاً ، ثم أحلل المربع الكامل ثلاثي الحدود الناتج :

1)  $x^2 - 9x$

2)  $x^2 + 10x$

3)  $x^2 + 13x$

4)  $x^2 - 18x$

5)  $x^2 - 12x$

6)  $x^2 + 5x$

الحل :

$$1) x^2 - 9x = x(x - 9)$$

$$2) x^2 + 10x$$

$$x^2 + 10x + 25 = (x+5)^2$$

$$3) x^2 + 13x$$

$$x^2 + 13x + 1694 = (x + 132)^2$$

$$4) x^2 - 18x$$

$$x^2 - 18x + 81 = (x - 9)^2$$

$$5) x^2 - 12x$$

$$x^2 - 12x + 116 = (x - 14)^2$$

$$6) x^2 + 5x$$

$$x^2 + 5x + 254 = (x + 52)^2$$

أحل المعادلات الآتية بإكمال المربع، مقرّباً إيجابيّاً لأقرب جزءٍ من عشرة (إنْ لزم) :

$$7) x^2 + 2x - 7 = 0$$

$$8) x^2 = 3x + -94$$

$$10) x^2 - 11x = 0$$

$$11) x^2 - 5x = 0.5$$

$$12) 5x^2 + 20x = 10$$

الحل :

$$7) x^2 + 2x - 7 = 0$$

$$x^2 + 2x = 7 \quad x^2 + 2x + 1 = 7 + 1 \quad (x + 1)^2 = 8 \quad x + 1 = \pm \sqrt{8} \quad x = -1 \pm \sqrt{8} \quad \text{or} \quad x = -1 - \sqrt{8} \approx 1.8 \quad \text{or} \quad x = -1 + \sqrt{8} \approx -3.8$$

$$8) x^2 = 3x + 9 \quad 4$$

$$x^2 - 3x = -94 \\ x^2 - 3x + 94 = -94 + 94 \\ (x - 32)^2 = 0 \\ x - 32 = 0 \\ x = 32$$

$$9) \ x^2 = 8x - 16$$

$$x^2 - 8x = -16 \\ x^2 - 8x + 16 = -16 + 16 \\ (x - 4)^2 = 0 \\ x - 4 = 0 \\ x = 4$$

$$10) \ x^2 - 11x = 0$$

$$x^2 - 11x + 1214 = 1214(x - 112)^2 = 1214x -$$

$$112 = \pm 112x = 112 \pm 112x = 11, \quad x = 0$$

$$11) x^2 - 5x = 0.5$$

$$x^2 - 5x + 254 = 0.5 + 254(x - 52)^2 = 274 x -$$

$$52 = \pm 272x \Rightarrow 52 \pm 272x = 52 + 272 \quad \text{or} \quad x = \frac{52 - 272}{272} \approx 5.1 \quad \text{or} \quad x \approx -0.1$$

$$12) \quad 5x^2 + 20x = 10$$

$$5x^2 + 20x = 10x^2 + 4x = 2x^2 + 4x + 4 = 2 + 4(x + 2)2 = 6 \quad x + 2 = \pm 6 \quad x = -2 \pm 6 \quad x = -2 + 6 \quad \text{or} \quad x = -2 - 6 \quad x \approx 0.4 \quad \text{or} \quad x \approx -4.4$$

(16) تُبيّنُ البطاقاتُ الآتيةُ خطواتِ حلِّ المعادلة  $x^2 + 76x = 0$  بطريقة إكمال المربع. أُرْتِبْ هذه البطاقات من الخطوة الأولى في الحل إلى الخطوة الأخيرة.

الخطوة الأولى

أطرح 7 من طرفي  
المعادلة

الخطوة الثانية

أجمع 9 لطرفي  
المعادلة

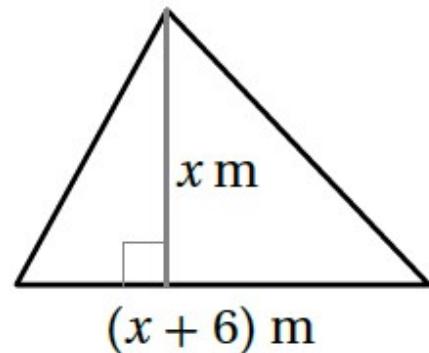
الخطوة الثالثة

$$x^2 + 6x + 7 = 0$$
$$(x + 3)^2 = 2$$

الخطوة الرابعة

بأخذ الجذر التربيعي  
لطرفي المعادلة

أجمع 9 لطرفي  
المعادلة  
الحل :



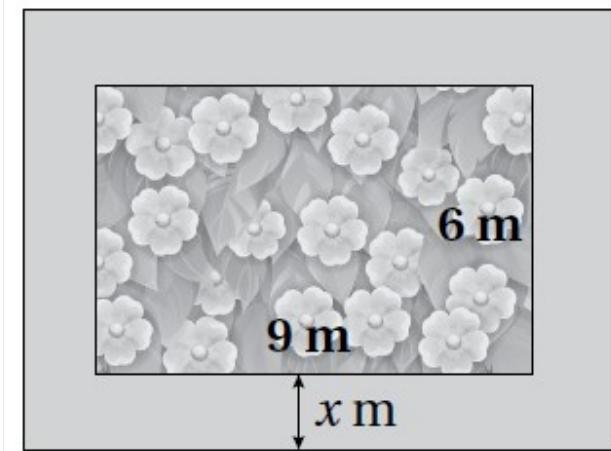
17) هندسة : يُبيّن الشكل المُجاور مُثلاً مساحته 108 m<sup>2</sup>.  
أَجِدْ قيمة x ، مُقرّباً إجابتي لأقرب جُزءٍ من عشرة.

الحل :

$$- = x15 \pm = 3 + x 225 = 2(3 + x)9+216 = 9+x6 + 2x216 = x6 + 2x108 = (x6 + 2x)10812 = (x)(6 + x)12$$

$$18- = x \quad or \quad 12 = x15 \pm 3$$

**يُهمِل الحل السالب ، إذن  $x = 15 \pm 3$**



**18) حديقة :** حديقة زهور مستطيلة الشكل طولها  $9 m$  وعرضها  $6 m$  ، محيطة بممر عرضه  $x m$ . إذا كانت مساحتها متساوية لمساحة الممر ، فاجد عرض الممر.

**الحل :**

$$\text{مساحة الحديقة} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$\text{مساحة الحديقة} = 2m 54$$

$$\text{مساحة الممر والحديقة} = (x2 + 6)(x2 + 9)$$

$$\text{مساحة الممر} = \text{مساحة الممر والحديقة} - \text{مساحة الحديقة}$$

$$54 - (x^2 + 6)(x^2 + 9) : \text{مساحة الممر}$$

مساحة الحديقة = مساحة الممر ، إذن :

$$54 = 54 - (x^2-6)(x^2-9)$$

أحل المعادلة لایجاد  $x$

$$-2x^4 + x^30 + 54 = 54 - 2x^4 + x^12 + x^18 + 54 = 54 - (x^2+6)(x^2+9)$$

$$-x^2 = 154 + x^44116 = 2(154 + x)22516 + 544 = 22516 + x^304 + 2x^544 = x^304 + 2x^54 = x^30 + 2x^4 = 54$$

$$9 = x \quad \text{or} \quad 1.5 = x^214 \pm 154$$

$m15 = x$  ، إذن يُهمل الحل السالب ، إذن  $x$