

: أحل كل من المعادلات الآتية

a)  $x^2 - 3x = 0$

b)  $8x^2 = -12x$

: الحل

a)  $x^2 - 3x = 0$

المعادلة المطلقة

بإخراج العامل المشترك الأكبر

خاصية الضرب الصفرية

بحل كل معادلة

$$x^2 - 3x = 0$$

$$x(x - 3) = 0$$

$$x = 0 \text{ or } x - 3 = 0$$

$$x = 0 \text{ or } x = 3$$

b)  $8x^2 = -12x$

المعادلة المطلقة

إلى طرفي المعادلة X بجمع 12

بإخراج العامل المشترك الأكبر

خاصية الضرب الصفرية

بحل كل معادلة

$$8x^2 = -12x$$

$$8x^2 + 12x = 0$$

$$4x(2x + 3) = 0$$

$$4x = 0 \text{ or } 2x + 3 = 0$$

$$x = 0 \text{ or } x = -1.5$$

أتحقق من فهمي صفحة 111

أحل كل من المعادلات

a)  $x^2 + 7x = -6$

b)  $x^2 - 9x + 8 = 0$

c)  $x^2 -$

$$4x - 21 = 0$$

: الحل

a)  $x^2 + 7x = -6$

	المُعادلة المُعطاة بالتحليل إلى العوامل خاصية الضرب الصفرية بحل كل مُعادلة	$x^2 + 7x + 6 = 0$ $(x + 6)(x + 1) = 0$ $x + 6 = 0 \text{ or } x + 1 = 0$ $x = -6 \text{ or } x = -1$
b) $x^2 - 9x + 8 = 0$	المُعادلة المُعطاة بالتحليل إلى العوامل خاصية الضرب الصفرية بحل كل مُعادلة	$x^2 - 9x + 8 = 0$ $(x - 8)(x - 1) = 0$ $x - 8 = 0 \text{ or } x - 1 = 0$ $x = 8 \text{ or } x = 1$
c) $x^2 - 4x - 21 = 0$	المُعادلة المُعطاة بالتحليل إلى العوامل خاصية الضرب الصفرية بحل كل مُعادلة	$x^2 - 4x - 21 = 0$ $(x - 7)(x + 3) = 0$ $x - 7 = 0 \text{ or } x + 3 = 0$ $x = 7 \text{ or } x = -3$
أتحقق من فهمي صفحة 112 أحل كل من المعادلات		

	الآتية : : الحل	a) $4x^2 - 1 = 0$ b) $2x^2 - 18 = 0$
a) $4x^2 - 1 = 0$	المُعادلة المُعطاة بتحليل الفرق بين مربعين خاصية الضرب الصفرية بحل كل مُعادلة	$4x^2 - 1 = 0$ $(2x - 1)(2x + 1) = 0$ $2x - 1 = 0 \text{ or } 2x + 1 = 0$ $x = 0.5 \text{ or } x = -0.5$
b) $2x^2 - 18 = 0$		

<b>أتحقق من فهمي صفحة 113</b> $x^2 - 9 = 0$ : أحلُّ المعادلة	<b>المعادلة المُعطاة</b> <b>بقسمة طرفي المعادلة على 2</b> <b>بتحليل الفرق بين مربعين</b> <b>خاصيَّة الضَّرب الصِّفرِيَّ</b> <b>بحلِّ كلِّ معادلة</b>	$2x^2 - 18 = 0$ $x^2 - 9 = 0$ $(x - 3)(x + 3) = 0$ $x - 3 = 0 \text{ or } x + 3 = 0$ $x = 3 \text{ or } x = -3$
---	--	---

<b>أتحقق من فهمي صفحة 114</b> <b>أحلُّ كُلَّ من المعادلات</b>	<b>المعادلة المُعطاة</b> <b>بتحليل المُرَبَّع الكاملِ ثلاثيِّيِّ الحدوَدِ</b> <b>خاصيَّة الضَّرب الصِّفرِيَّ</b> <b>بحلِّ المعادلة</b>	$6x + 9 = 0$ $x^2 - 6x + 9 = 0$ $(x - 3)(x - 3) = 0$ $x - 3 = 0$ $x = 3$
--	---	--

<b>a) <math>4x^2 - 100 = 0</math></b>	<b>الآتية</b> <b>الحل :</b>	<b>b) <math>(x - 1)^2 = 16</math></b>
<b>b) <math>(x - 1)^2 = 16</math></b>	<b>المعادلة المُعطاة</b> <b>بجمع 100 إلى طرفي المعادلة</b> <b>بأخذ الجذر التربيعي للطرفين</b> <b>بالتبسيط</b> <b>بفصلِ الحَلَّيْنِ</b> <b>بحلِّ المعادلتينِ</b>	$4x^2 - 100 = 0$ $4x^2 = 100$ $2x = \pm 100$ $2x = \pm 10$ $2x = 10 \text{ or } 2x = -10$ $x = 5 \text{ or } x = -5$

أسئلة أتدرِّب وأحل المسائل  
أحل كل من المعادلات  
الآتية :

المعادلة المُعطاة

بأخذ الجذر التربيعي للطرفين  
بالتبسيط

بطرح 1 من طرفي المعادلة  
بفصل الحلّين  
بالتبسيط

$$(x - 1)^2 = 16$$

$$x + 1 = \pm 16$$

$$x + 1 = \pm 4$$

$$x = \pm 4 - 1$$

$$x = 4 - 1 \quad or \quad x = -4 - 1$$

$$x = 3 \quad or \quad x = -5$$

**1)  $4x^2 + 9x = 0$**

$$x(4x + 9) = 0 \quad x = 0 \quad or \quad 4x + 9 = 0 \quad x = 0 \quad or \quad x = -94$$

**2)  $7x^2 = 6x$**

$$7x^2 - 6x = 0 \quad x(7x - 6) = 0 \quad x = 0 \quad or \quad 7x - 6 = 0 \quad x = 67$$

**3)  $x^2 + 5x + 4 = 0$**

$$(x + 4)(x + 1) = 0 \quad x + 4 = 0 \quad or \quad x + 1 = 0 \quad x = -4 \quad or \quad x = -1$$

**4)  $x^2 - 2x - 15 = 0$**

$$(x - 5)(x + 3) = 0 \quad x - 5 = 0 \quad or \quad x + 3 = 0 \quad x = 5 \quad or \quad x = -3$$

**5)  $t^2 - 8t + 16 = 0$**

$$(t - 4)(t - 4) = 0 \quad t - 4 = 0 \quad t = 4$$

**6)  $x^2 - 18x = -32$**

$$x^2 - 18x + 32 = 0 \quad (x - 16)(x - 2) = 0 \quad x - 16 = 0 \quad or \quad x - 2 = 0 \quad x = 16 \quad or \quad x = 2$$

$$7) x^2 + 2x = 24$$

$$x^2 + 2x - 24 = 0 (x-4)(x+6) = 0 x-4 = 0 \quad \text{or} \quad x+6 = 0 x = 4 \quad \text{or} \quad x = -6$$

$$8) x^2 = 17x - 72$$

$$x^2 - 17x + 72 = 0 (x-9)(x-8) = 0 x-9 = 0 \quad \text{or} \quad x-8 = 0 x = 9 \quad \text{or} \quad x = 8$$

$$9) 2m^2 = 50$$

$$2m^2 - 50 = 0 m^2 - 25 = 0 (m-5)(m+5) = 0 m = 5 \quad \text{or} \quad m = -5$$

$$10) x^2 - 9 = 0$$

$$(x-3)(x+3) = 0 x-3 = 0 \quad \text{or} \quad x+3 = 0 x = 3 \quad \text{or} \quad x = -3$$

$$11) x^2 - 25 = 0$$

$$(x-5)(x+5) = 0 x-5 = 0 \quad \text{or} \quad x+5 = 0 x = 5 \quad \text{or} \quad x = -5$$

$$12) 13x^2-3 = 0$$

$$13x^2-3 = 0 x^2-9 = 0 (x-3)(x+3) = 0 x-3 = 0 \quad \text{or} \quad x+3 = 0 x = 3 \quad \text{or} \quad x = -3$$

$$13) s^2 + 20s + 100 = 0$$

$$(s+10)(s+10) = 0 s+10 = 0 s = -10$$

$$14) y^2+12y = -116$$

$$y^2+12y+116=0(y+14)(y+14)=0y+14=0y=-14$$

$$15) 9m^2 - 12m + 4 = 0$$

$$(3m-2)(3m-2) = 0 3m-2 = 0 m = 23$$

$$16) (x + 1)^2 = 4$$

$$x + 1 = \pm 4 \quad x + 1 = \pm 2 \quad x = \pm 2 \quad -1x = 2-1 \quad \text{or} \quad x = -2-1 \quad x = 1 \quad \text{or} \quad x = -3$$

$$17) 9(x - 1)^2 = 16$$

$$3(x-1) = \pm 4 \quad 3(x-1) = \pm 4 \quad \text{or} \quad 3(x-1) = -4 \quad x-1 = 4 \quad \text{or} \quad x-1 = -4$$

$$x = 7 \quad \text{or} \quad x = -1$$

$$18) 5x^2 + 2 = 6$$

$$5x^2 - 4 = 0 \quad (5x - 2)(5x + 2) = 0 \quad 5x - 2 = 0 \quad \text{or} \quad 5x + 2 = 0 \quad x = 2 \quad \text{or} \quad x = -2$$

ارتفاع تلك الفرشاة بالأمتار عن الأرض، إذا مثل الاقتران  $h(t) = 3 - 5t^2$  فرشاة: سقطت فرشاة طلاء من يد سفيان. إذا مثل الاقتران **19**

ثانيةً من سقوطها،  $t$  بعد  
فبعد كم ثانية تصل إلى الأرض؟

**الحل:**  
 $3 - 5t^2 = 0 \quad 3 = 5t^2 \quad 35 = t^2 \Rightarrow t = \pm \sqrt{35}$   
 ، بعد 0.8 من الثانية تصل الفرشاة إلى الأرض  $t = 35 \approx 0.8$  ، إذن يُهمل الحل السالب

عاماً، ويكتب زوجها بثلاثة أعوام، وكان حاصل ضرب عمريهما 700 ، فلجد  $x$  أعماراً: إذا كان عمر لينة **20** .  
معادلة تربيعية تمثل الموقف.

**الحل:**  
 $x + 3$  ، عمر زوجها  $x$  عمر لينة  
 $x(x+3) = 700$   
 عمر لينة **21**.

$$x(x+3) = 700 \quad x^2 + 3x - 700 = 0 \quad (x + 28)(x - 25) = 0 \quad x + 28 = 0 \quad \text{or} \quad x - 25 = 0 \quad x = -28 \quad \text{or} \quad x = 25$$

. يُهمل الحل السالب ، إذن عمر لينة 25

، يريد مزارع  $m^2$  ، ومساحتها  $48000$   $m^2$  حديقة : حديقة مستطيلة الشكل يزيد طولها على عرضها بمقدار  $40$  (22) إحاطتها بسياج. أجد طول السياج.

الحل :

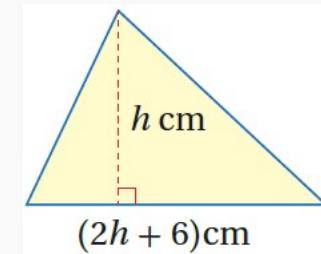
، إذن الطول  $x$  أفرض العرض العرض  $\times$  المساحة = الطول

$$x(x + 40) = 48000 \quad 2x + 40x - 48000 = 0 \quad (x + 240)(x - 200) = 0 \quad x + 240 = 0 \quad \text{or} \quad x - 200 = 0 \quad x = -240 \quad \text{or} \quad x = 200$$

$x = 200$  يُهمل الحل السالب ، إذن

، إذن الطول =  $240$  متراً = الطول.

23)  $40$  هندسة : يُبيّن الشكل المجاور مثلاً مساحتُه  $40$   $cm^2$  ، وطول قاعده  $h$  أجد ارتفاعه .



الحل :

الارتفاع  $\times$  مساحة المثلث = نصف طول القاعدة

$$12(2h+6) \times h = 40h^2 + 3h = 40h^2 + 3h - 40 = 0 \quad (h+8)(h-5) = 0 \quad h+8 = 0 \quad \text{or} \quad h-5 = 0 \quad h = -8 \quad \text{or} \quad h = 5$$

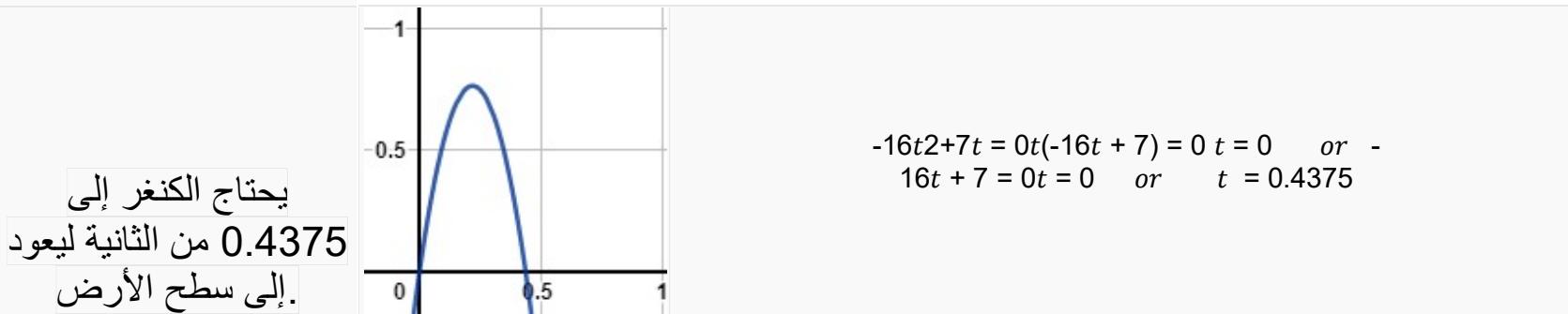
يُهمل الحل السالب ، إذن  $h = 5$

الارتفاع 5 مترًا ، طول القاعدة 16 مترًا .

أحل المسألة الواردة في بداية الدرس (24).

ثانية من قفزه. كم ثانية  $t$  ارتفاع كنغر بالقدم فوق سطح الأرض بعد  $-16t^2 + 7t$  مسالة اليوم : يمثل الاقتران تقريرًا يحتاج الكنغر ليعود إلى سطح الأرض؟

الحل :



مهارات التفكير العليا

25 ، كما هو مبين أدناه. أيهما إجابته صحيحة؟ حل سلمان ومهند المعادلة التربيعية  $0 = x^2 - 3x - 4$  . أبرز إجابتي .

مهند

$$x(x - 3) = 4$$

$$x = 4 \quad \text{or} \quad x - 3 = 4$$

$$x = 7$$

سلمان

$$x^2 - 3x - 4 = 0$$

$$(x - 4)(x + 1) = 0$$

$$x - 4 = 0 \quad \text{or} \quad x + 1 = 0$$

$$x = 4$$

$$x = -1$$

الإجابة :

إجابة سلمان صحيحة ؛ لأنّه لحل المعادلة (وبحسب خاصية الضرب الصفر) يجب أن يكون الطرف الآخر من المعادلة يساوي صفر.

أحدّد عدد حلول كلّ معادلة مما يأتي من دون حلّها، مبرّراً إجابتي : تبرير

26)  $y^2 = -36$

27)  $a^2 - 12 = 6$

28)  $n^2 - 15 = -15$

الحل :

ليس لها حلول حقيقية ؛ لأنّه لا يوجد جذر تربيعي لعدد سالب (26).

لها حلان حقيقيان ؛ لأنّه بنقل 12 إلى الطرف الآخر فيمكن أخذ الجذر التربيعي للطرفين (27).

يوجد حل واحد ؛ لأنّه بنقل 15 إلى الطرف الآخر يصبح صفر ، وبأخذ الجذر التربيعي للطرفين فجذر الصفر (28) يساوي صفر.

، مبرّراً إجابتي 6  $x = -4$  ، تبرير : أكتب معادلة تربيعية على الصورة القياسية، جذراها (29).

الحل :

$$x + 4 = 0$$
 أجمع 4 إلى الطرفين تصبح

$$x = 6 \quad \text{أطرح 6 من الطرفين تصبح} \quad x - 6 = 0$$

أضرب المعادلتين الخطيتين

$$(x+4)(x-6) = 0 \quad x^2 - 2x - 24 = 0$$

أسئلة كتاب التمارين

أحل المُعادلات الآتية بالتحليل

$$1) 9m^2 - 18m = 0$$

$$9m^2 - 18m = 0m(m - 2) = 0m = 0 \quad \text{or} \quad m-2 = 0m = 0 \quad \text{or} \quad m = 2$$

$$2) x^2 + 11x + 18 = 0$$

$$(x + 9)(x + 2) = 0x + 9 = 0 \quad \text{or} \quad x + 2 = 0x = -9 \quad \text{or} \quad x = -2$$

$$3) x^2 - 6x + 8 = 0$$

$$(x - 4)(x - 2) = 0x - 4 = 0 \quad \text{or} \quad x - 2 = 0x = 4 \quad \text{or} \quad x = 2$$

$$4) x^2 - 2x - 15 = 0$$

$$(x - 5)(x + 3) = 0x - 5 = 0 \quad \text{or} \quad x + 3 = 0x = 5 \quad \text{or} \quad x = -3$$

$$5) x^2 + 10x = -24$$

$$x^2 + 10x + 24 = 0(x + 6)(x + 4) = 0x + 6 = 0 \quad \text{or} \quad x + 4 = 0 \quad x = -6 \quad \text{or} \quad x = -4$$

$$6) a^2 - 14a + 49 = 0$$

$$(x - 7)(x - 7) = 0x - 7 = 0 \quad x = 7$$

$$7) 16t^2 - 1 = 0$$

$$(4t - 1)(4t + 1) = 04t - 1 = 0 \quad \text{or} \quad 4t + 1 = 0 \quad t = 14 \quad \text{or} \quad t = -14$$

$$8) (2x - 1)^2 = 81$$

$$2x - 1 = \pm 9 \quad 12x - 1 = \pm 9 \quad \text{or} \quad 2x - 1 = -9 \quad 12x = 10 \quad \text{or} \quad 2x = -$$
$$8x = 5 \quad \text{or} \quad x = -4$$

$$9) 4(x - 2)^2 = 25$$

$$(x - 2)^2 = 25 \quad x - 2 = \pm 5 \quad x - 2 = \pm 5 \quad x - 2 = 5 \quad \text{or} \quad x - 2 = -$$
$$52x = 4.5 \quad \text{or} \quad x = -0.5$$

$$10) t^2 + 4t - 12 = 0$$

$$(t + 6)(t - 2) = 0 \quad t + 6 = 0 \quad \text{or} \quad t - 2 = 0 \quad t = -6 \quad \text{or} \quad t = 2$$

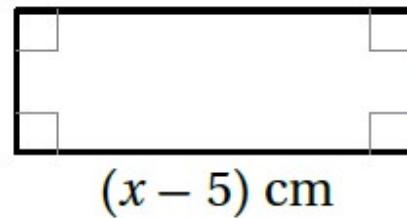
$$11) x^2 + 4x + 4 = 0$$

$$(x + 2)(x + 2) = 0 \quad x + 2 = 0 \quad x = -2$$

$$12) 27 - 3y^2 = 0$$

$$9 - y^2 = 0 \quad (3 - y)(3 + y) = 0 \quad 3 - y = 0 \quad \text{or} \quad 3 + y = 0 \quad y = 3 \quad \text{or} \quad y = -3$$

13) هندسة : يُبيّن الشكل المجاور مستطيل مساحته 44 cm<sup>2</sup> . أجد أبعاده.



الحل

العرض  $\times$  مساحة المستطيل = الطول

$$(x-5)(x-12) = 44x^2 - 17x + 60 = 44x^2 - 17x + 16 = 0$$

$$(x-1)(x-16) = 0x - 1 = 0 \quad \text{or} \quad x - 16 = 0$$

$$x = 1 \quad \text{or} \quad x = 16$$

، والعرض  $11 \text{ cm} =$  ، وعليه: الطول  $x = 16$  ، لأنها تجعل كل من الطول والعرض سالبين ، إذن  $x = 16$   $\neq$   $x = 1$

$$= 4 \text{ cm}$$

أجد عددين زوجيين متتاليين حاصل ضربهما 168 (14)

الحل

، إذن العدد الزوجي التالي هو  $x$  أفرض العدد الزوجي الأول

$$x(x+2) = 168 \quad x^2 + 2x = 168 \quad x^2 + 2x - 168 = 0 \quad (x+14)(x-12) = 0 \quad x+14 = 0 \quad \text{or} \quad x-12 = 0 \quad x = -14 \quad \text{or} \quad x = 12$$

- ، أي  $12 + 2 = 14$  فإن العدد الزوجي التالي هو  $14$  إذا كانت  $x = -14$

، أي  $14 + 2 = 16$  فإن العدد الزوجي التالي هو  $16$  وإذا كانت  $x = 12$

15) يُبيّن الشكل المجاور متوازي مستطيلات طوله يُساوي 4 أمثال

الحل

أفر

أجد طوله وعرضه .  $320 \text{ m}^3$  حجمه



، إذن الطول  $4x$  ض العرض

الارتفاع  $\times$  العرض  $\times$  حجم متوازي المستطيلات = الطول

$$x(4x)(5) = 320 \quad 20x^2 = 320 \quad x^2 = 16 \quad x = \pm 4$$

العرض =  $4m$  ، الطول =  $16m$

، كما هو مُبَيَّن أدناه. أكتشِفُ الخطأ في حلِّهِ  $x^2$  أكتشِفُ الخطأ : حلَّ عَامِرُ المُعَادِلَةِ التَّرْبِيعِيَّةِ  $2 - 33 = 39$   $\checkmark$  وَأَصَحِّهُ.

$$2x^2 - 33 = 39$$

$$2x^2 = 72$$

$$x^2 = 36$$

$$x = 6$$



أخطأ عامر عندما أخذ الجذر التربيعي للطرفين بأخذ الجذر الموجب فقط ويفترض : الإجابة  $x = \pm 6$