

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

أتحقق من فهمي (مثال 1) :

$$32 = 25$$

$$5- 3213 \times 243$$

$$3213 \times 243 = 2513 \times 243$$

$$= 253 \times 243 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

$$= 253+43 \text{ قاعدة ضرب القوة}$$

$$= 293 \text{ أجمع}$$

$$= 8 \text{ أبسط}$$

$$6- 81 \times 244$$

$$81 \times 244 = 81 \times 2414 \text{ تعريف الأسس النسبية}$$

$$81 = 34 \quad = 34 \times 2414$$

$$= 3 \times 2414$$

$$= 3 \times 244 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

$$= 6 \text{ أبسط}$$

$$7- 243593$$

$$243593 = 24315913 \text{ تعريف الأسس النسبية}$$

$$243=35, 9=32 \quad = 35153213$$

$$= 355323 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

$$= 31-23 \text{ قاعدة قسمة القوى}$$

$$= 313 \text{ أبسط}$$

$$= 33 \text{ الصورة الجذرية}$$

$$8- 1681-54$$

$$ab-n = ban$$

$$1681-54 = 811654 \text{ قاعدة}$$

$$= 81541654 \text{ قاعدة قوة ناتج القسمة}$$

$$81=34, 16=24 \quad = 34542454$$

$$= 3525 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

$$= 24332 \text{ أبسط}$$

المعلم الإلكتروني الشامل 2024 - 2025

أتحقق من فهمي (مثال 2):

$$4- y^{45} \times y^{-95}$$

$$y^{45} \times y^{-95} = y^{45+(-95)}$$

$$= y^{-55}$$

$$= 1y^{55}$$

$$5- u^{-72}u^{-4}$$

$$u^{-72}u^{-4} = u^{-72} \times u^{-4}$$

$$= u^{-72-4}$$

$$= u^{-76}$$

$$= \frac{1}{u^{76}}$$

$$6- d^{-236}$$

$$d^{-236} = d^{-23 \times 6}$$

$$= d^{-138}$$

$$= \frac{1}{d^{138}}$$

أتحقق من فهمي (مثال 3):

$$5- 36h^{24}$$

$$36h^{24} = 36h^{2 \times 12}$$

$$= 36h^{24}$$

$$= 36h^{24}$$

$$= 36h^{24}$$

$$6- 64z^{123}$$

$$64z^{123} = 64z^{12 \times 10 + 3}$$

$$= 64z^{123}$$

$$= 64z^{123}$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$= 4z^4 \text{ أبسط}$$

$$7- 18w^7$$

$$18 = 2 \times 9$$

$$18w^7 = 9 \times w^3 \times 2w^4$$

$$= 9 \times w^3 \times 2w^4 \text{ قاعدة قوة ناتج ضرب}$$

$$9 = 3$$

$$= 3w^3 \times 2w^4$$

$$8- a^9b^7$$

$$a^9b^7 = a^9b^7 \text{ قاعدة قوة ناتج القسمة}$$

$$= a^4 \times a^5 \times b^3 \times b^4$$

$$= a^4 \times a^5 \times b^3 \times b^4 \text{ قاعدة قوة ناتج الضرب}$$

$$= a^4 \times a^5 \times b^3 \times b^4 \text{ أبسط}$$

$$= a^4 \times a^5 \times b^3 \times b^4 \text{ أنطق المقام}$$

$$b \times b = b^2$$

$$= a^4 \times a^5 \times b^3 \times b^4$$

أتحقق من فهمي (مثال 4):

تمثل المعادلة $A = 4\pi r^2$ مساحة سطح كرة بالوحدات المربعة تم تشكيلها باستعمال مجموعة من كرات صغيرة حجم الواحدة منها V وحدة مكعب.

أجد مساحة السطح الخارجي للكرة الكبيرة إذا كان حجم الكرة الصغيرة 9 وحدات مكعبة.

لإيجاد مساحة سطح الخارجي للكرة الكبيرة أعوض حجم الكرة الصغيرة في الصيغة:

صيغة الأصلية

$$A = 4\pi r^2$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$V = 9$$

أعوض

$$A = 4\pi 133923$$

أبسط

$$A = 4\pi 133323$$

قاعدة قوة القوة

$$A = 4\pi 1332$$

قاعدة ضرب القوى

$$A = 43 \times \pi 3 \times 32$$

$$A = 43 \times \pi 3 \times 32 = 20.92405233 \text{ استعمل الآلة الحاسبة}$$

أتدرب وأحل مسائل:

أجد قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة

$$25=52$$

$$1- 2523 \times 523$$

$$2523 \times 523 = 5223 \times 523$$

$$= 543 \times 523 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

$$= 543 + 23 \text{ قاعدة ضرب القوة}$$

$$= 52 = 25 \text{ أجمع}$$

$$2- 64 \times 3126$$

$$64 \times 3126 = 64 \times 31216 \text{ تعريف الأسس النسبية}$$

$$64=26$$

$$= 26 \times 31216$$

$$= 2 \times 32616 \text{ أبسط}$$

$$= 2 \times 32 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

$$= 18 \text{ أبسط}$$

$$3- 9522723$$

$$27=33, 9=32$$

$$9522723 = 32523323$$

$$= 3532 \text{ قاعدة قوة القوة}$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$\text{قاعدة قسمة القوة} = 35 - 2 = 33 = 27$$

$$4- 216336-32$$

$$\begin{aligned} 216336-32 &= 2161336-32 \text{ تعريف الأسس النسبية} \\ &= 631362-32 \end{aligned}$$

$$\text{قاعدة قوة القوة} = 66-3$$

$$\text{قاعدة الأسس السالبة} = 6 \times 63 = 1296$$

$$5- 2564-32$$

$$\begin{aligned} ab-n &= ban \quad \text{قاعدة} \quad 2564-32 = 642532 \\ 25 &= 52, 64 = 82 \quad = 85232 \end{aligned}$$

$$\text{قاعدة قوة القوة} = 853$$

$$\text{قاعدة ناتج القسمة} = 8353 = 512125$$

$$6- 2187128-57$$

$$\begin{aligned} ab-n &= ban \quad \text{قاعدة} \quad 2187128-57 = 128218757 \\ 2187 &= 37, 128 = 27 \quad = 23757 \end{aligned}$$

$$\text{قاعدة قوة القوة} = 235$$

$$\text{قاعدة ناتج القسمة} = 2535 = 32243$$

أبسط كلا من العبارات الأسية الآتية مفترضا أن أيا من المتغيرات لا يساوي صفرا

$$7- p-34 \times p114$$

$$\text{قاعدة ضرب القوى} \quad p-34 \times p114 = p114 + -34$$

$$\text{أجمع الأسس} = p84$$

$$\text{أبسط} = p2$$

$$8- u-83u-3$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$\begin{aligned}
 u^{-8}u^{-3} &= u^{-8} \times u^3 && \text{قاعدة الأسس السالبة} \\
 &= u^{3+(-8)} && \text{قاعدة ضرب القوى} \\
 &= u^{-5} && \text{أبسط} \\
 &= \frac{1}{u^5} && \text{الصيغة الجذرية}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 9 - y^6y^{32-2} & \\
 y^6y^{32-2} &= y^6 \times y^{-3} && \text{قاعدة قوة القوة} \\
 &= y^{6+(-3)} && \text{قاعدة الأسس السالبة} \\
 &= y^3 && \text{قاعدة قسمة القوى}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 10 - 1n^2y^{-2}n^{536} & \\
 1n^2y^{-2}n^{536} &= 1n^2y^{-2}n^{536} && \text{قاعدة قوة القوة} \\
 &= 1n^2y^{-2}n^{536} && \text{قاعدة الأسس السالبة} \\
 &= n^{536-2}y^{-2} && \text{قاعدة قسمة القوى} \\
 &= n^{534}y^{-2} && \text{قاعدة الأسس السالبة}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 11 - w^2 \times w^{-9}w^{-3} & \\
 w^2 \times w^{-9}w^{-3} &= w^2 \times w^{-9} \times w^{-3} && \text{قاعدة الأسس السالبة} \\
 &= w^{2+(-9)+(-3)} && \text{قاعدة ضرب القوى} \\
 &= w^{-10} && \text{أجمع} \\
 &= \frac{1}{w^{10}} && \text{الصيغة الجذرية}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 12 - d^{-12} \times p^{-12} & \\
 d^{-12} \times p^{-12} &= d^{-12} \times p^{-12} && \text{قاعدة الأسس السالبة} \\
 &= \frac{1}{d^{12}p^{12}} && \text{قاعدة ضرب القوى}
 \end{aligned}$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

الصيغة الجذرية $dp=1$
 أنطق المقام $dpdp \times dp=1$
 $= dpdp$

$$dp \times dp = dp$$

أكتب كلا مما يأتي بأبسط صورة مفترضا أن أيا من المتغيرات لا يساوي صفرا

$$13- 169h6$$

تعريف الأسس النسبية $169h6 = 169h6^{12}$

$$169 = 132 \qquad \qquad \qquad = 132h6^{12}$$

قاعدة قوة ناتج الضرب $= 132h6^{12}$

$$= 13h3 \qquad \qquad \qquad \text{قاعدة قوة القوة}$$

$$14- 81z^{124}$$

تعريف الأسس النسبية $81z^{124} = 81z^{12 \cdot 14}$

$$81 = 34 \qquad \qquad \qquad = 34z^{12 \cdot 14}$$

قاعدة قوة ناتج الضرب $= 3z^{34 \cdot 14}$

$$= 3z^3 \qquad \qquad \qquad \text{قاعدة قوة القوة}$$

$$15- 18w^7y^2$$

$$18 = 2 \times 32 \qquad \qquad \qquad 18w^7y^2 = 2 \times 32 \times w^{32} \times w \times y^2$$

قاعدة قوة ناتج الضرب $= 2w \times 3yw^{32}$

$$= 3yw^{32}w$$

$$16- 32z^{35}$$

$$32 = 25 \qquad \qquad \qquad 32z^{35} = 25z^{35}$$

$$= 255 \times z^{35}$$

$$= 2z^{35} \text{ أبسط}$$

$$17- 64m^2m^{-43}$$

قاعدة الأسس السالبة $64m^2m^{-43} = 64m^2 \times m^{-43}$

$$64 = 43 \qquad \qquad \qquad = 43m^2 \times m^{-43}$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$\begin{aligned}
 &= 43m^2 + 43 \\
 &= 43 \times m^6 \quad \text{تعريف الأسس النسبية} \\
 &= 433 \times m^6 \quad \text{قاعدة قوة ناتج الضرب} \\
 &= 4m^2 \quad \text{أبسط}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &18- \quad b^3 \times b^3 \times b^3 \\
 &b^3 \times b^3 \times b^3 = b^{13} \times b^{13} \times b^{13} \quad \text{تعريف الأسس النسبية} \\
 &= b^{13+13+13} \quad \text{قاعدة ضرب القوى} \\
 &= b^{39} \quad \text{أبسط}
 \end{aligned}$$

19- أعاصير: يستعمل العلماء المعادلة $S = 9.8d$ لتقدير سرعة موج البحر s بالمتري لكل ثانية في أثناء إعصار تسونامي، حيث له عملي الماء بالأمتار.

أقدر سرعة الموجة حين يكون عم الماء 4000 m أعوض في الصيغة عمق الموجة :

$$\begin{aligned}
 S &= 9.8 \times 4000 \\
 &= 98 \times 400 \quad \text{أبسط} \\
 &= 2 \times 49 \times 400 \quad \text{قاعدة ناتج ضرب القوة} \\
 &= 1402 \quad \text{أبسط}
 \end{aligned}$$

20- حجم الصندوق بلالة



أستكشف

يبيّن الشكل المجاور صندوقاً خشبياً مصمماً على شكل متوازي مستطيلات طوله $x^{\frac{1}{2}}$ وعرضه $x^{\frac{1}{3}}$ وارتفاعه $x^{\frac{1}{4}}$ ، كيف أجد حجم الصندوق بدلالة المتغير x ؟

x

المعلم الالكتروني شامل 2024 - 2025

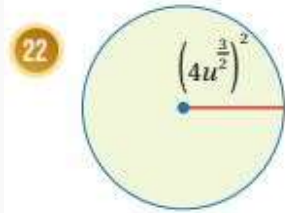
حجم الصندوق $A = B \times C \times E$ حيث يمثل الطول B والعرض C والارتفاع E

$$A = x^{12} \times x^{13} \times x^{14}$$

21- مساحة سطح الصندوق إذا كانت $x = 4096$

$$\begin{aligned} A &= 4096^{12} \times 4096^{13} \times 4096^{14} \\ &= 64^{12} \times 16^{13} \times 8^{14} \\ &= 64 \times 16 \times 8 \\ &= 8192 \end{aligned}$$

هندسة : أجد مساحة كل شكل مما يأتي:

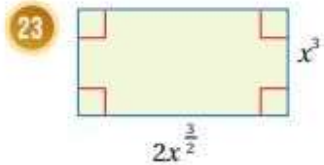


22-

L حيث r نصف القطر

قاعدة مساحة الدائرة $L = \pi r^2$ أعوض

$$\begin{aligned} L &= \pi (4u^2)^2 = \pi (4)^2 (u^2)^2 = \pi 16 (u^2)^2 \\ L &= 256 \pi u^4 \end{aligned}$$



23-

قاعدة مساحة المستطيل $k = v \times n$ حيث v الطول n العرض

$$k = x^3 \times 2x^2$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$\begin{aligned} & \text{أجمع } 2x^3 + 32 \\ & \text{أبسط } = 2x^9 2 \end{aligned}$$

أسئلة كتاب التمارين:

أجد قيمة كل مما يأتي:

$$1- 293 \div 455$$

$$\begin{aligned} & \text{تعريف الأسس النسبية } 293 \div 455 = 293 \div 455 \\ & = 23 \div 22 \\ & \text{قسمة القوى } = 23 - 2 = 2 \end{aligned}$$

$$49 = 72$$

$$\begin{aligned} & 2- 4912 \times 7313 \\ & 4912 \times 7313 = 7212 \times 7313 \\ & = 722 \times 733 \text{ قوة القوى} \\ & \text{أبسط } = 7 \times 7 = 49 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & ab-n = ban \\ & 27 = 33, 8=23 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 3- 827-23 \\ & \text{قاعدة الاسس السالبة } 827-23 = 27823 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & = 32323 \\ & \text{قوة القوى} \\ & = 3263 \\ & \text{أبسط} \\ & = 322 = 94 \end{aligned}$$

$$4- 1614 \times 1634$$

$$\begin{aligned} & \text{ضرب القوى} \\ & 1614 \times 1634 = 1614 + 34 \\ & = 1644 = 16 \end{aligned}$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

5- 67×65

تعريف الأسس النسبية $67 \times 65 = 672 \times 652$
 ضرب القوى $= 672+52$
 أجمع $= 2122$
 أبسط $= 26 = 64$

6- 453423

تعريف الأسس النسبية $453423 = 453423$
 قسمة القوى $= 453-23$
 أطر $= 433$
 أبسط $= 4$

اكتب كل مقدار قي ما يأتي بأبسط صورة:

7- $a^{12} \times a^{32} \times a^2$

ضرب القوى
 $a^{12} \times a^{32} \times a^2 = a^{12+32+2}$
 أجمع $= a^4$

8- $y^{-2}y^{536}$

قوة القوى y^{-2}
 $2y^{536} = y^{-2}y^{303}$
 ضرب القوى $= y^{-2+10} = y^8$

9- $p^{15}p^{110-10}$

$ab^{-n} = ba^n$

قاعدة الاسس السالبة $p^{15}p^{110-10}$
 $10 = p^{110}p^{1510}$
 قسمة القوى $= p^{110-1510} = p^{-1400}$
 قوة القوى $= p^{-1400}$

المعلم الالكتروني شامل 2024 - 2025

قاعدة الاس السالب
 $= 1p$

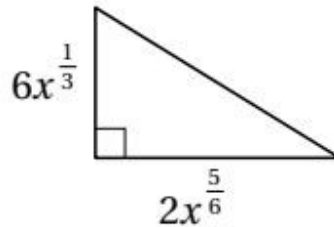
$$\begin{aligned} 10- 216x63 \\ 216x63 = 216x613 \text{ النسبية} \\ 216=63 \quad \quad \quad = 6x2313 \\ \quad \quad \quad = 6x2 \text{ قوة القوى} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 11- 3u44u23 \\ 3u44u23 = 3u434u23 \text{ قوة ناتج القسمة} \\ = 33u1243u6 \text{ قوة ناتج الضرب} \\ = 2764u12-6 \text{ قسمة القوى} \\ = 2764u6 \text{ أطرح} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 12- 12 \times 2x \times 6x \\ 12 \times 2x \times 6x = 3 \times 22 \times 2x \times 3 \times 2x \\ = 23 \times 2x \times 3 \times 2x \\ = 2 \times 3 \times 2x \\ 3 \times 3 = 3 \quad , \quad 2x \times 2x = 2x \\ \text{ابسط} \\ = 12x \end{aligned}$$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

13- أجد مساحة المثلث المجاور بدلالة X



قاعدة حساب المثلث $A = 12 \times B \times C$ حيث B طول القاعدة و C ارتفاع المثلث

أعوض في الصيغة $A = 12 \times 2x^{\frac{5}{6}} \times 6x^{\frac{1}{3}}$ ضرب القوى

$$= 6x^{56+13}$$

أجمع وأبسط $= 6x^{76}$

الصيغة الجذرية $= 6x^{76}$

$$= 6x^6 \times x^6 = 6xx^6$$

14- نمثل المعادلة $A = 12 \times d1 \times d2$ مساحة معين بالوحدات المربعة ، حيث $d1$ و $d2$ طولاً قطريه

أجد $d2$ بدلالة y اذا كان $d1 = 6y^{34}$ و $A = 18y^{74}$

أعوض في الصيغة $18y^{74} = 12 \times 6y^{34} \times d2$

$$3y^{34}$$

أقسم الطرفين $d2 = 18y^{74} / 3y^{34}$

قسمة القوة $d2 = 6y^{74-34}$

$$d2 = 6y^{44} = 6y^4$$

15- يعطى طول نصف القطر الدائرة بالصيغة $r = A\pi$ حيث A مساحة الدائرة ،

أجد طول نصف قطر الدائرة مساحتها 50.24 cm^2 إرشاد $(\pi = 3.14)$:

$$\pi$$

أعوض في الصيغة قيمة A و $r = 50.24 / 3.1412$

المعلم الالكتروني الشامل 2024 - 2025

$$\begin{aligned} r &= 1612 \text{ ناتج القسمة} \\ &= 16 \text{ الصيغة الجذرية} \\ &= 4 \text{ أبسط} \end{aligned}$$

16- أكتشف الخطأ : بسط خالد المقدار $w^{-3} \times w^{-73}$ على النحو الآتي:

$$\begin{aligned} w^{-3} \times w^{-73} &= w^{-3 \times -73} = w^7 \\ \text{الخطأ ضرب الأس بدل جمعها لأن قاعدة ضرب القوة تجمع الأسس ولا نجمعها} \\ \text{الحل الصحيح } w^{-3} \times w^{-73} : \\ w^{-3} \times w^{-73} &= w^{-3 + -73} \text{ ضرب القوى} \\ &= w^{-163} \text{ أجمع وأبسط} \\ &= 1w^{163} \text{ قاعدة الأسس السالبة} \\ &= 1w^{163} \text{ الصيغة الجذرية} \\ &= 1w^{15} \times w^3 \\ &= 1w^5w \\ &= 1w^5w \times ww \text{ أنطق المقام} \\ &= ww^6 \end{aligned}$$

$w \times w = w$

المعلم الالكتروني الشامل